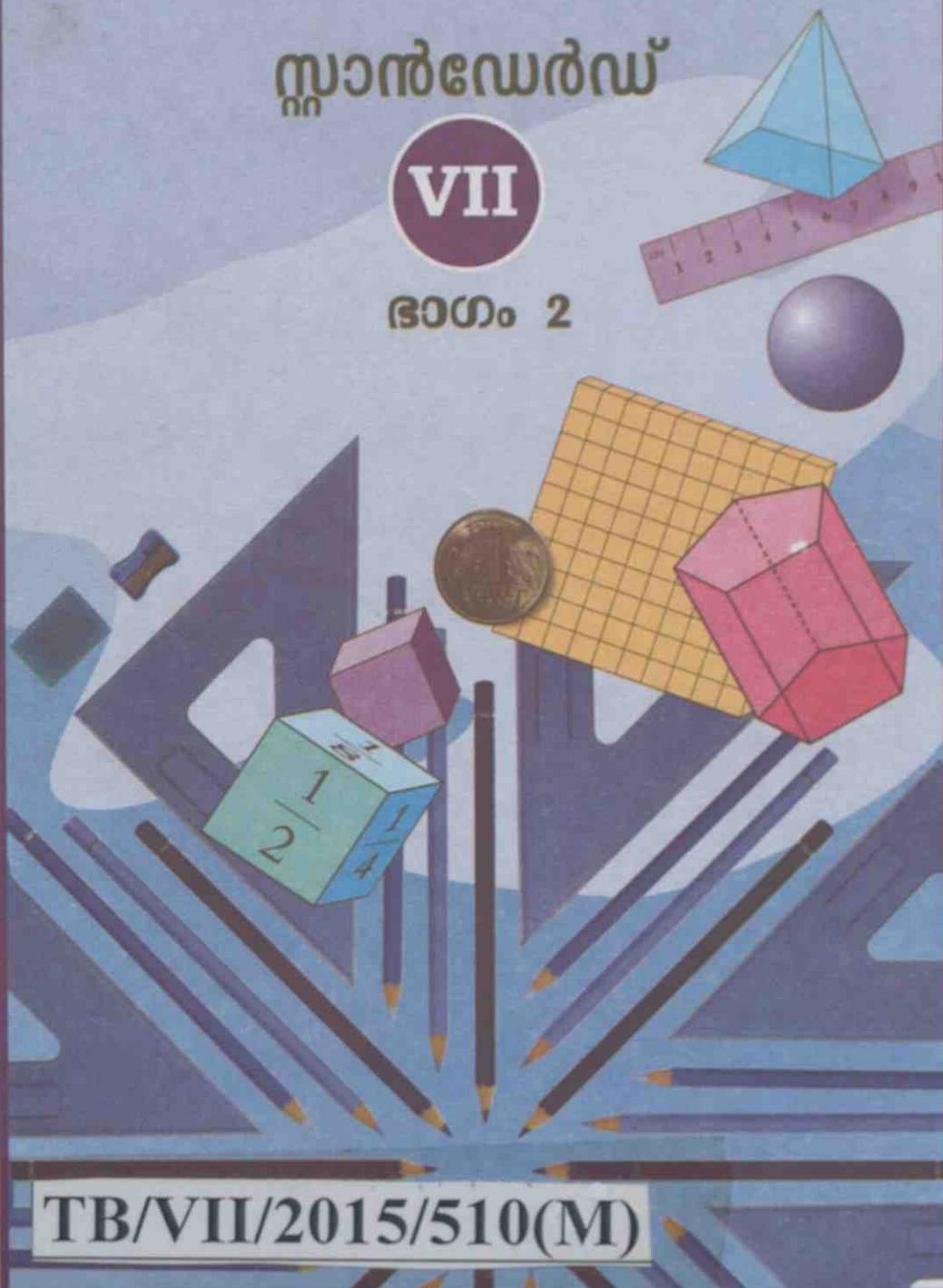


ഗണിതം

സ്കൂൾ ബോർഡ്

VII

ഭാഗം 2



TB/VII/2015/510(M)



കേരള സംസ്കാര
വിദ്യാഭ്യാസ വകുപ്പ്

ഓരത്തെതിരെ രേണുവാടക

ഭാഗം IV ക

മഹാലിക് കർത്തവ്യങ്ങൾ

51. മഹാലിക് കർത്തവ്യങ്ങൾ - താഴെപ്പറയുന്നവ ഓരത്തെതിരെ ഓരോ പാരബന്ധിയും കർത്തവ്യം ആയിരിക്കുന്നതാണ്:

- (ക) രേണുവാടനയ അനുസരിക്കുകയും അതിന്റെ ആദർശങ്ങളെല്ലാം സ്ഥാപനങ്ങളെല്ലാം ദൗഖിയപതാകയെയും ദൗഖിയഗാനത്തെയും ആദർശക്കുകയും ചെയ്യുക;
- (ഒ) സ്വാത്രത്യേതിനുംബണ്ടിയുള്ള നമ്മുടെ ദൗഖിയസമരത്തിന് പ്രചോദനം നൽകിയ മഹാനീയാർഥങ്ങളെ പരിപാടിപ്പിക്കുകയും പിൻതുടരുകയും ചെയ്യുക;
- (ഒ) ഓരത്തെതിരെ പരമാധികാരവും എറുകുവും അവണ്ണയതയും നിലനിർത്തുകയും സംരക്ഷിക്കുകയും ചെയ്യുക;
- (എ) രാജ്യത്തെ കാത്തുസൃഷ്ടിക്കുകയും ദൗഖിയ സേവനം അനുഷ്ഠിക്കുവൊൻ ആവശ്യപ്പെട്ടുനോവാൻ അനുഷ്ഠിക്കുകയും ചെയ്യുക;
- (ഒ) മനവരവും ഭാഷാപരവും പ്രാദശരിക്കവും വിഭാഗീയവുമായ ബൈവിധ്യങ്ങൾക്കെതിരെയിട്ടും താത്ത്വികവും പരിശീലനം ചെയ്യുക, സൗഹാർദ്ദവും പൊതുവായ സാഹോദര്യമനോഭാവവും പുലർത്തുക. സ്വത്തീകരിക്കുന്ന കുറവു വരുത്തുന്ന ആചാരങ്ങൾ പരിത്യജിക്കുക;
- (ഒ) നമ്മുടെ സംസ്കാരസമന്വയത്തിന്റെ സ്വന്നനമായ പാരമ്പര്യത്തെ വിലമതിക്കുകയും നിലനിറ്റിക്കയും ചെയ്യുക;
- (എ) വന്നഞ്ചലും തടാകങ്ങലും നണ്കിളും വന്യജീവികളും ഉൾപ്പെടുന്ന പ്രകൃത്യാ ഉള്ള പരിസ്ഥിതി സംരക്ഷിക്കുകയും അണിവുംപിപ്പെടുത്തുകയും ജീവികളോട് കാരുണ്യം കാണിക്കുകയും ചെയ്യുക;
- (ഒ) ശാംസ്ത്രീയമായ കാഴ്ചപ്പൂട്ടും മാനവികതയും, അനൈഷണത്തിനും പരിഷ്കരണത്തിനും ഉള്ള മനോഭാവവും പികസ്പിപ്പിക്കുക;
- (ഡെ) പൊതുസ്വന്തം പരിക്കൊക്കുകയും ശപമം ചെയ്ത് അക്കമം ഉപേക്ഷിക്കുകയും ചെയ്യുക;
- (ഒ) റാക്സ്ടം ധർമ്മത്തിന്റെയും ലക്ഷ്യപ്രാപ്തിയുടെയും ഉന്നതലഭാഗങ്ങളിലേക്ക് നിരന്തരം ഉയരത്തിൽ വൈഭ്വം വ്യക്തിപരവും കുട്ടായതുമായ പ്രവർത്തനങ്ങളിന്റെ എല്ലാ മണ്ഡലങ്ങളിലും ഉൾക്കൊള്ക്കുവേണ്ടി ശ്രദ്ധാനിക്കുക.
- (സ) ആറിന്നും പതിനാലിനും ഇടയ്ക്ക് പ്രായമുള്ള തന്റെ കുട്ടിക്കോ തന്റെ സംരക്ഷണയിലൂടെ കുട്ടികൾക്കും, ആത്മു സംഗതി പോലെ, മാതാപിതാക്കളോ രക്ഷാകർത്താവോ വിദ്യാഭ്യാസം ആഭ്യന്തരം അവസ്ഥക്കും ഏർപ്പെടുത്തുക.

TB | VII (2015 / 510 റൂ)

സൂഖ്യാന്വയൻ VII

മനിതം

ഭാഗം - 2



കേരളസർക്കാർ
വിദ്യാഭ്യാസവകുപ്പ്

സംസ്ഥാന വിദ്യാഭ്യാസ ഘടകം പരിശീലന സമിതി (SCERT), കേരളം
2015

ദേശീയഗാനം

ജനഗണങ്ങന്ന സാധിനായക ഒയപറ
ഭാരത ഓഗ്രഹിയാതാ,
പഞ്ചാംഗസിന്ധു ഗൃജനാത്ത മറാം
ദ്രാവിഡ ദ്രാവിഡ ബംഗാ,
വിന്യുപ്രിമാചല യമുനാശംഗാ,
ഇപ്പോ ജലധിതരംഗാ,
തവശുജനാമ ജാഗൈ,
തവശുജ ആശിഷ മാംഗ,
ഗാർഹ തവ ജയ ഗാമാ
ജനഗണമംഗലദായക ഒയപറ
ഭാരത ഓഗ്രഹിയാതാ.
ഒയപറ, ഒയപറ, ഒയപറ,
ഒയ ഒയ ഒയ ഒയപറ!

പ്രതിജ്ഞ

ഇന്ത്യ ഏരപ്പെട്ട രാജ്യമാണ്. ഏല്ലാ ഇന്ത്യക്കാരും ഏരപ്പെട്ട
സമ്പദാദി സമ്പദാദരണാരാണ്.

ഞാൻ ഏരപ്പെട്ട രാജ്യത്തെ സ്വന്നഹിക്കുന്നു;
സമ്പര്കണവും വൈവിധ്യപൂർണ്ണവുമായ അതിന്റെ പാര
സ്വരൂപത്തിൽ ഞാൻ ആളിംഞം കൊള്ളുന്നു.

ഞാൻ ഏരപ്പെട്ട മാതാപിതാക്കാളെയും ഗുരുക്കായാരെയും
മുതിർന്നവരെയും ബഹുമാനിക്കും.

ഞാൻ ഏരപ്പെട്ട രാജ്യത്തിന്റെയും ഏരപ്പെട്ട നാട്ടുകാരുടെയും
ഒക്ഷയത്തിനും ഏഴുശ്വരത്തിനും ദവണാ പ്രയത്നിക്കും.

Prepared by :

State Council of Educational Research and Training (SCERT)
Poojappura, Thiruvananthapuram 695 012, Kerala

Website : www.scertkerala.gov.in

E-mail : scertkerala@gmail.com

Phone : 0471-2341883, Fax : 0471-2341869

Typesetting and Layout : SCERT

First Edition : 2014, Reprint : 2015

Printed at : KBPS, Kakkanad, Kochi-30

© Department of Education, Government of Kerala

പ്രിയപ്പെട്ട കുട്ടികളേ,

ഗണിതത്തിൽ കുറെയേറെക്കാരുങ്ങൾ
നാം മനസ്സിലാക്കി.

ഇനി അതിന്റെ ഉയർന്നതലങ്ങളിലേക്ക്
നാം കടക്കുകയാണ്;

സംഖ്യാപത്രേക്കതകൾ നിരഞ്ഞ
അക്കഗണിതത്തിന്റെ ലോകത്തെക്ക്,
ജ്യാമിതിയുടെയും ബീജഗണിതത്തിന്റെയും

പുതിയ തലങ്ങളിലേക്ക്,
ഗണിതത്തിന്റെ യുക്തി തിരിച്ചറിയാനും
പുതിയ കണക്കെല്ലുകൾ നടത്താനും.

ആത്മവിശ്വാസത്തോടെ മുന്നോട്ടു പോകാം.

സ്കേംഹാഷംസകളോടെ,

ഡോ. എസ്. വൈദ്യൻ നായർ
ധയറക്കർ
എസ്.എ.എ.എ.ടി.

പാംപുസ്തക രഹി

മലബാറാധികാരികൾ പാഠാട്ടകാവർ

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

എറണ്ടപ്പന്ന്, ഏറന്മെൽ.എറണ്ടപ്പന്ന്,
എറണ്ടപ്പന്ന്, പാലക്കാട്

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

യു.പി.എസ്.എ., ഏ.ഐ.പി.എസ്.
എറണ്ടപ്പന്ന്, കൊച്ചിക്കുട്ട്

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

യു.പി.എസ്.എ., എരിമല്ലൂർ
എം.എ.പി.എസ്, കൊച്ചിക്കുട്ട്

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

പി.സി. കീഴ്മുള്ള, എറണ്ടപ്പന്ന്.എസ്.
കുമ്മതാടം, കൊല്ലം

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

പി.സി.എഫ്.എസ്.എസ്., കാലിക്കു
സാമുദ്ധാരിക്കുട്ടി കുമ്മതാടം, കൊല്ലം

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

യു.പി.എസ്.എ., പാട്ടിയാള, എ.യു.പി.എസ്,
കുമ്മതാടം

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

ലക്ഷ്മി, സായറ്, കുമ്മതാടം

എം.എസ്.എസ്.ടി., എം.എസ്.കെ.എസ്.എ.എം.
എസ്.എസ്, പ്രഖ്യാതി, പാലക്കാട്

സാമുദ്ധാരി എം.എ.

എം.എസ്.എസ്., ഇന്ത എം.എസ്.എസ്.
കുമ്മതാടം, തിരുവനന്തപുരം

വിഭാഗങ്ങൾ

ബാഡ്, കുമ്മതാടം റ്റ.

രാജാമാസ് (റ്റ.), യുണിഡിവിഷൻസ് കൊംപ്ലക്സ്, തിരുവനന്തപുരം

ബാഡ്, വിശ്വാസകുമാർ എ.

രാജാമാസ്, കലാപ്പി സർവ്വകലാശാല, കൊച്ചി

അമൃതകാരികൾ

മാനോകൻ എം.എ.

എ.പി.എസ്.എം.എസ്.എസ്., കാലിക്കുമ്മതാടം, കുമ്മതാടം

അക്കാദാമിക് കോഡിസ്ട്രേർ

സജീവൻ കുമാർ, റ്റി

രിസർവ്വ് ഓഫീസ്, എസ്.സി.ഈ.എം.ടി.

ബാഡ്, മരിമ്മാൻകുമാർ റ്റി.

രിസർവ്വ് ഓഫീസ്, എസ്.സി.ഈ.എം.ടി.

റൂളിടക്കി

3. ത്രികോൺമിതി 103
9. അംശബന്ധം 115
10. പണമിടപാടുകൾ 129
11. സംവ്യക്തിയിൽ വീജഗണിതവും 145
12. സമചതുരങ്ങളിൽ മട്ടത്രികോൺങ്ങളും 157
13. പുതിയ സംവ്യക്തി 177
14. വൃത്തചിത്രങ്ങൾ 187

ഇതു പ്രസ്താവനയിൽ സാക്കരുത്തിനൊയി ചീല ചീസ്റ്റേഴ്സ്
ഉപയോഗിച്ചിട്ടുള്ളതു.



ICT സാധ്യത



കണക്ക് വഹിച്ചുനോക്കാം



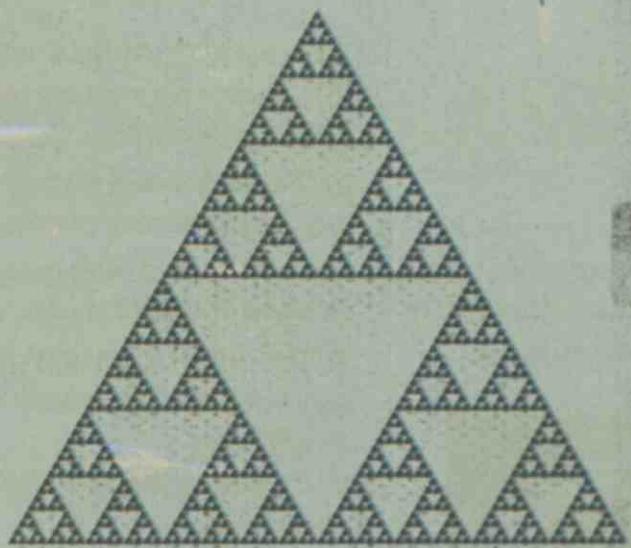
പ്രാജക്ഷ



തിരിക്കുന്നോക്കുന്നോൾ

8

ത്രികോണമിർമ്മിതി

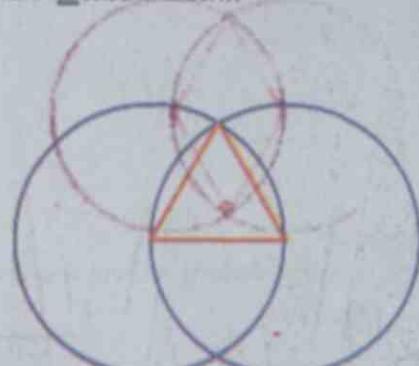


8 ത്രികോണമിർമ്മിതി

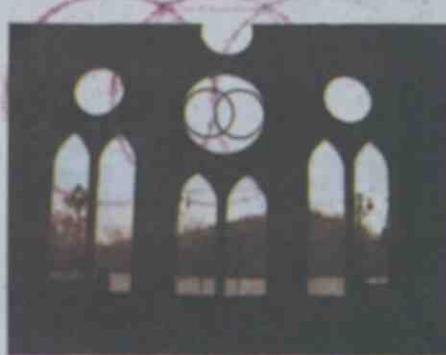
മൃഗങ്ങളുടെ പ്രതികാണ്ഡനം

ബി.സി. കുന്നം നുറാണ്ടിൽ ഗ്രീസിൽ ജീവിച്ചിരുന്ന യുദ്ധിഡ് അശോകൻി യുടെ മാപാര്യനായി കരുതപ്പെടുന്നത്, അദ്ദേഹം എഴുതിയ 'എലഞ്ചീസ്' അശോകൻിയിൽ ആദ്യത്തെ പ്രാഥാനിക ശ്രദ്ധ.

വശഭൂഷിൽ നടക്കിയ നിലുമ്പു സമുച്ച പ്രതികാണ്ഡം വരയ്ക്കുന്നതിന് യുദ്ധിഡ് ദിനി ഇങ്ങനെയാണ്:



മധ്യകാലയുഗാല്പിലെ പരമ്പരാഗ്രാമം മറ്റും ഒരു വൃത്തഭൂഷിൽ പരസ്പരം വണ്ണിക്കുന്ന ഈ രൂപം ധാരാളം ഉപയോഗിച്ചിട്ടുണ്ട്.

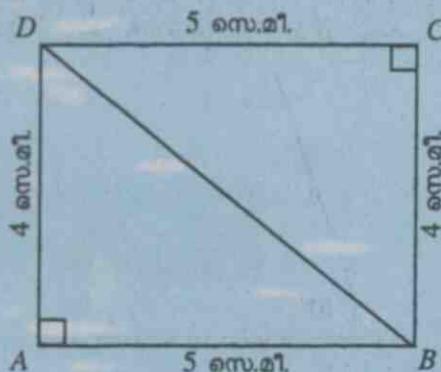


ചതുരാഖാലെ പ്രതികാണ്ഡം

ഒരു ഉപയോഗിച്ച ചതുരം വരച്ചത് ഓർമ്മയുണ്ടാലോ.

$AB = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $BC = 4$ സെന്റീമീറ്റർ ആയി $ABCD$ എന്ന ചതുരം വരയ്ക്കു.

ഈ ചതുരത്തിന്റെ ഏതെങ്കിലും എതിർമുഖകളെ ഡോഡ പൂശ്ചാറലോ?



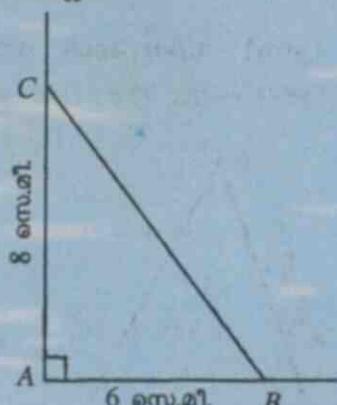
ഒക്കെ മട്ടത്രിക്കാണ്ഡാഡിൽ കിട്ടിയാലോ, അവ ഏതെല്ലാമാണ്? ഓരോ മട്ടത്രിക്കാണ്ഡാഡിന്റെയും ലാംബവശങ്ങളുടെ നീളം എത്രയാണ്?

ഈനി ലാംബവശങ്ങൾ 6 സെന്റീമീറ്ററും 8 സെന്റീമീറ്ററും ആയ ഒരു മട്ടത്രിക്കാണ്ഡം വരയ്ക്കാം.

ആദ്യം ലാംബമായ ഒരു വരകൾ വരയ്ക്കുക. അവ ചേരുന്ന ബിന്ദുവിൽ A എന്ന് പേരും കൊടുക്കാം.

A യിൽ നിന്ന് 6 സെന്റീമീറ്റർ അകലെ ഒരു വരയിൽ B യും, 8 സെന്റീമീറ്റർ അകലെ മറ്റൊരു വരയിൽ C യും അടയാളപ്പെടുത്തുക.

B, C എന്നീ ബിന്ദുകൾ ഡോഡ പൂശ്ചാറാൽ നമ്മക്കു വേണ്ട ത്രിക്കാണ്ഡാഡിയുണ്ട്.



BC യുടെ നീളം അളുന്നാണ്.

ഇതുപോലെ ലാംബവശങ്ങൾ 5 സെന്റീമീറ്ററും 7 സെന്റീമീറ്ററും ആയ ഒരു മട്ടത്രിക്കാണ്ഡം വരച്ചാണോക്കു.

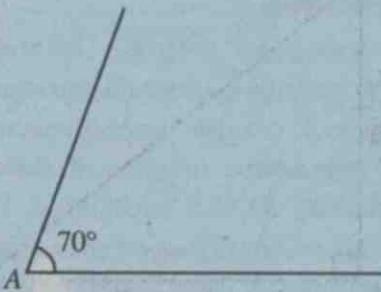
ഉദ്ദേശ്യ പ്രിഞ്ചാണം

ഇപ്പോൾ വരച്ച ഒരു ത്രിംഗ്കാണഡാലിലും ഒരു വശങ്ങൾ ഒരു നീളം പരഞ്ഞിരുന്നു; അവയുടെ മുട്ടയിലെ കോൺ മട്ടവും കോൺ മട്ടമല്ലെങ്കിൽ എങ്ങനെ വരയ്ക്കും?

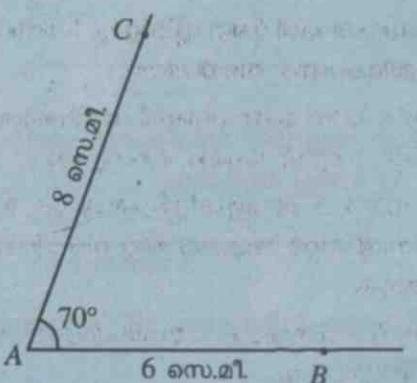
ഉദാഹരണമായി,

$AB = 6$ സെന്റീമീറ്റർ, $AC = 8$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle A = 70^\circ$ ആയി ABC എന്ന ത്രിംഗ്കാണം വരയ്ക്കാം.

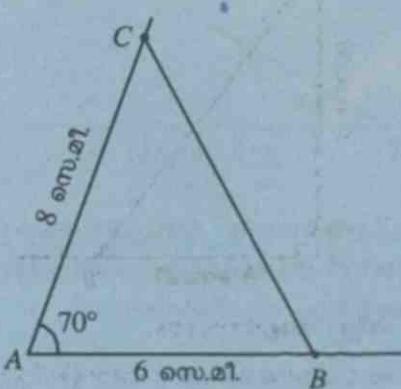
ആഭ്യം 70° അളവുള്ള ഒരു കോൺ വരയ്ക്കുക:



ഈ ഒരു വരയിൽ A യിൽ നിന്നും 6 സെന്റീമീറ്റർ അകലെയുള്ള B എന്ന ബിന്ദുവും മറ്റ് വരയിൽ 8 സെന്റീമീറ്റർ അകലെയുള്ള C എന്ന ബിന്ദുവും അടയാളപ്പെടുത്തണം.

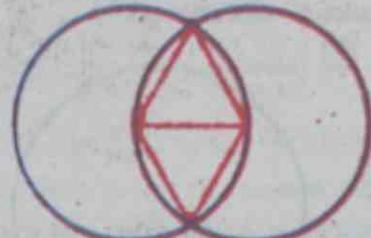


ഈ B, C എന്നീ ബിന്ദുകൾ ഒരാഴിപ്പിച്ചാൽ തന്നിൽക്കുന്ന അളവിലുള്ള ത്രികോണമായി.

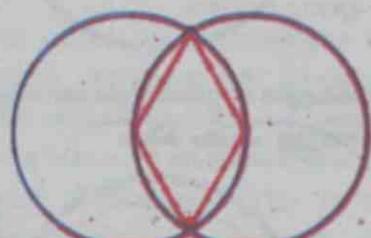


പ്രാഥിക പ്രശ്നങ്ങൾ

സമലുഭ്രതിംഗ്കാണം വരയ്ക്കാനുപയോഗിപ്പിച്ചിരത്തിൽ, മുകളിലും താഴെയുള്ള ഒരു ത്രിംഗ്കാണഡാലിൽ വരയ്ക്കും.

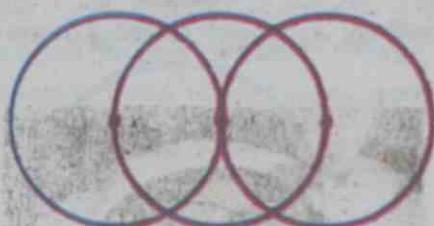


ഈ ഒരു പ്രശ്നം ഒരു വരയ്ക്കും.

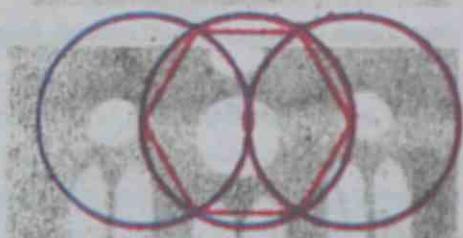


ഈ പത്രം ഉള്ളജ്ഞനിൽക്കു സവിശേഷതകൾ ഏതെല്ലാമാണ്?

ഈ ഒരു പ്രശ്നം ഒരു വ്യത്യസ്തപ്രകാരം മുന്നു വ്യത്യസ്തങ്ങൾ വരച്ചുംല്ല?



വ്യത്യസ്തപ്രകാരം ഓരോ മുറിച്ചുകടക്കുന്ന സ്ഥാനങ്ങളും ചിത്രത്തിലെത്തുപാലെ യാഥിപ്പിച്ചാൽ കിട്ടുന്ന രീതി എന്നും.

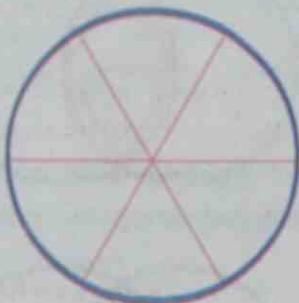


ഈ ഒരു പ്രശ്നം ഒരു വരയ്ക്കും.

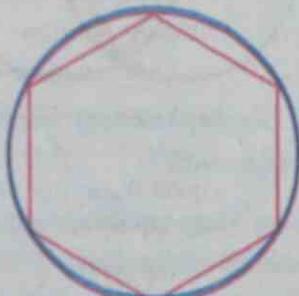
വ്യത്യസ്തപ്രകാരം യാതൊന്നിൽ എന്നു പ്രശ്നങ്ങൾ - താഴെയുള്ളത്?

വ്യത്യാസിനാളുള്ളടക്കം

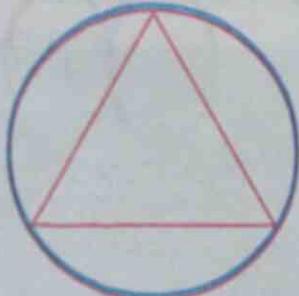
അംഗമിൽപ്പെട്ടിരിക്കുന്ന ഒരു മട്ടതിന്റെ മുല ഉപയോഗിച്ച് ഒരു വ്യത്യാസത്ത് ആറു സമാന അളവാണെങ്കിലും അംഗിയാണമല്ല:



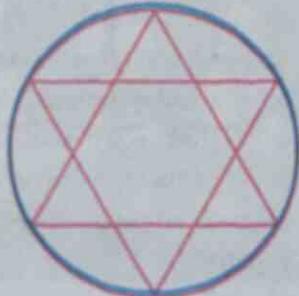
ഈ വകുക്കുട അറ്റഘട്ടമല്ലോ ദ്രാഖിപ്പിച്ചാൽ വ്യവാഹമായോ പിന്തു കിട്ടു.



സൗഖ്യവിഭിന്ന കുത്തുകൾ ദ്രാഖിപ്പിച്ചാണോ?



വിശ്വക്രമം കുത്തുകൾ കൂടി ദ്രാഖിപ്പിച്ചാൽ ഫുഡോബാബു നികുതി കിട്ടു.



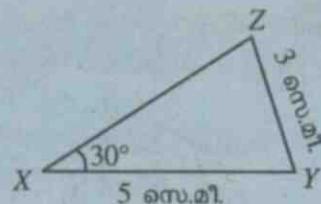
ഇതുവപാലെ, ചുവരപ്പറഞ്ഞതിൽക്കുന്ന അളവുകളിൽ ത്രിഒക്കാണം വരയ്ക്കുക.

- $MN = 6$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle M = 70^\circ$, $ML = 5$ സെന്റീമീറ്റർ.
- $PQ = 7$ സെന്റീമീറ്റർ, $QR = 7$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle Q = 50^\circ$.
- $XY = 6.5$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle Y = 110^\circ$, $YZ = 7.5$ സെന്റീമീറ്റർ.
- $CD = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $DE = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle D = 60^\circ$.

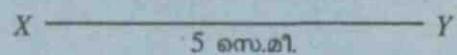
ത്രിഒക്കാണം

ഒരു വശ അളവുടെ നീളവും അവയ്ക്കിടയിലുള്ള ഒക്കാണിന്റെ അളവും ഉപയോഗിച്ചാണെല്ലാ നാം ഇതുവരെ ത്രിഒക്കാണങ്ങൾ വരച്ചത്. മറ്റായും കോൺിന്റെ അളവിൽ നിന്നാലും ത്രിഒക്കാണം വരയ്ക്കാൻ കഴിയുമോ?

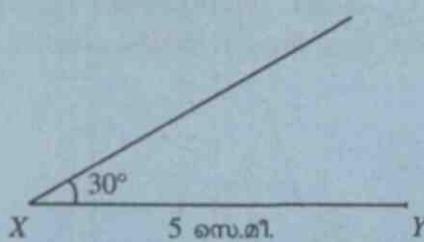
ഉദാഹരണമായി, $XY = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $YZ = 3$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle X = 30^\circ$ ആയി XYZ എന്ന ത്രിഒക്കാണം വരയ്ക്കണം. ആദ്യം വെറുതെ ഒരു ത്രിഒക്കാണം വരച്ച് അളവുകൾ എഴുതാം.



കൃത്യമായ അളവിൽ വരയ്ക്കാൻ ആദ്യം 5 സെ.മീ. നീളത്തിൽ XY വരച്ച് തുടങ്ങാം:

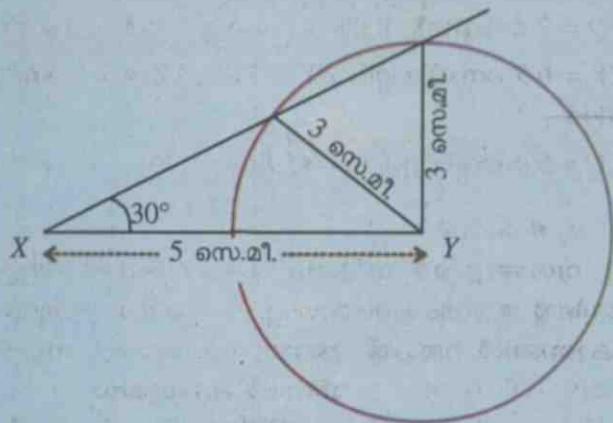


ഈനി X എന്ന വിന്റുവിൽ 30° അളവുള്ള ഒരു കോൺ വരയ്ക്കണം:



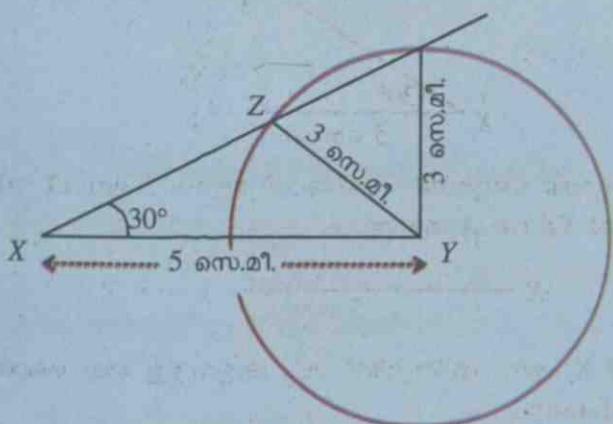
തുടർന്ന് Z എൽി സ്ഥാനം കണ്ടുപിടിക്കണം. Y തിൽ നിന്നും 3 സെന്റീമീറ്റർ അകലെയുള്ള വിന്റുവാണ് Z ; അത് മുകളിലെ വരയിലും ആയിരിക്കണം.

കൂടുതലും സ്വന്തമായി ചെരുപ്പൊരുത്ത നിലയിൽ 3 സെന്റിമീറ്റർ അകലെയായുള്ള എല്ലാ ബിന്ദുകളും, Y കേന്ദ്രമായി 3 സെന്റിമീറ്റർ അകലുള്ള ഒരു വ്യത്യത്തിലാണെല്ലാ. ഈ വ്യത്യം വരയ്ക്കാം.

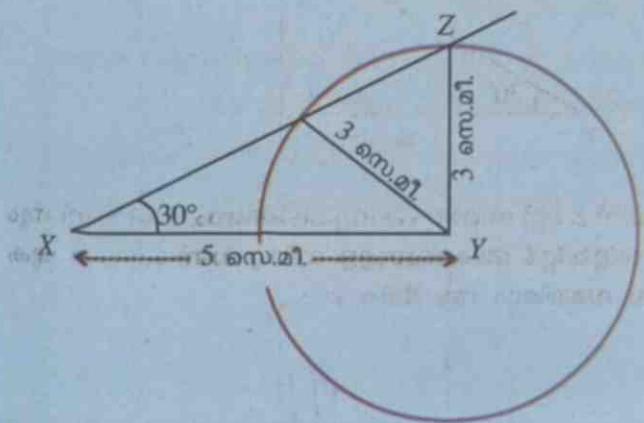


വ്യത്യത്തിലെ എത്ര ബിന്ദുകളാണ് മുകളിലെത്തു വരയില്ലെന്നുള്ളത്?

അതിൽ ഒരെല്ലം Z ആയി എടുത്താൽ ഉദ്ദേശിച്ച് ഒരു ത്രികോണം കിട്ടും.



ഒരുമത്തെ ബിന്ദു Z ആയി എടുത്താലോ?



വശങ്ങളും കൊണ്ടുകളും

മണ്ഡി വശങ്ങളുടെ നിളം 3 സെന്റിമീറ്റർ, 6 സെന്റിമീറ്റർ, അവയ്ക്കിടങ്കിലെ കൊണ്ണ് 60° എന്നീ അളവുകളിൽ ഒരു ത്രികോണം വരയ്ക്കുക.

ഈതിന്റെ മറ്റു ഒഞ്ചു കൊണ്ണുകൾ അല്ലെന്നു നിംഖേ.

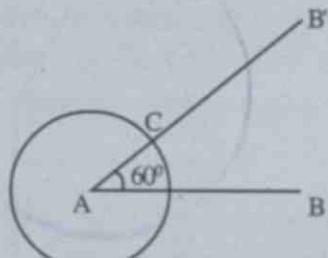
ഈനി വശങ്ങളുടെ നിളം 4 സെന്റിമീറ്ററും 8 സെന്റിമീറ്ററും ആയി (കൊണ്ണ് 60° തന്നെ) വരച്ചുനോക്കു. കൊണ്ണുകൾ ഹാഡ്യോ?



ഇവിടെ ഓരോ ത്രികോണത്തിലും വശങ്ങൾ തമ്മിലുള്ള ബന്ധമെന്നാണ്? ഇതുകൂടം ത്രികോണങ്ങൾ കിണ്യാടിബേയിൽ വരച്ചുനോക്കാം.

$\text{Min} = 0, \text{Max} = 10$ ആകർത്തവിധിയിൽ ഒരു സൈസ്യർ a നിർമ്മിക്കുക. നിളം $2a$ വരുന്നതു പോലെ ഒരു വര AB വരയ്ക്കുക. (Segment with given length ടൂൾ ഉപയോഗിക്കാം)

Angle with given size ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് AB യുമായി 60° ചെതിപാശം ഒരു വര AB' വരയ്ക്കുക. Circle with Center and Radius ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് A യിൽ നൂൽക്ക് ചെയ്യുന്നും വരുന്ന ഓലക്ക് താഴെ വ്യത്യത്തിന്റെ ആരമായി a എന്ന് നൽകുക. വ്യത്യം ചരിഞ്ഞ വരയെ മുൻപുകടക്കുന്ന ബിന്ദു C നടയാളംപെടുത്തുക.

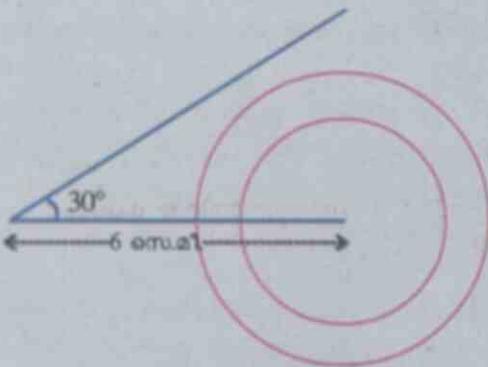


ഈനി പിത്തത്തിലെ വരകളും കൊണ്ണും വ്യത്യവും മാറ്റുവയ്ക്കാം. Polygon: ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണം ABC പുർത്തിയാക്കുക. Distance or Length ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രിഭുക്കംജനാനിന്റെ വശങ്ങളിലും നൂൽക്ക് ചെയ്താൽ വശങ്ങളുടെ നിളവും കൊണ്ണുവുകളും കാണാം, ഈ സൈസ്യർ ഹാറി നോക്കു. വശങ്ങൾ എങ്ങനെയാണ് മാറ്റുന്നത്?

കൊണ്ണുകളുാ?

ക്രിക്കറ്റ് വശവും

6 സെന്റീമീറ്റർ നീളത്തിൽ ഒരു വര വരച്ചു. അതിലോട് ഒരു തെക്ക് 30° പരിബിംഖ ഒരുംബി വര വരച്ചണമെന്ന്. ഒരു ദാരു ഉപയോഗിച്ചി, പര ആര മെടുത്തേൻ കുറഞ്ഞാണെങ്കിൽ വരച്ചുകൊ.



അതും പ്രഖ്യാപിയത് എത്ര സെന്റീമീറ്റർ ഓട്ട് അനാവാൻ, വ്യതിം മുകളിലെ വരയുമായി കിട്ടിയ്ക്കുന്നത്?

അതും ഏതൊക്കെ സംഖ്യകളാകുന്നവാണെന്ന് വ്യക്തം വരച്ച രണ്ടിടങ്ങളിൽ മുൻപുകൊടുക്കുന്നത്?

$AB = 6$ സെന്റീമീറ്ററോ $\angle B = 30^\circ$ യും ആയി ABC എന്ന ത്രികോണം വരയ്ക്കണം. AC യുടെ നീളം പ്രഖ്യാപിയത് എത്ര സെന്റീമീറ്റർ ആയിരിക്കണം?

AC യുടെ നീളം ഏതൊക്കെ സംഖ്യകൾക്കിടയിൽ ആകുന്നവാണെന്ന് ഈ ആളവുകളിൽ ഒരു പ്രിംക്കാണെങ്കിൽ കിട്ടുന്നത്?



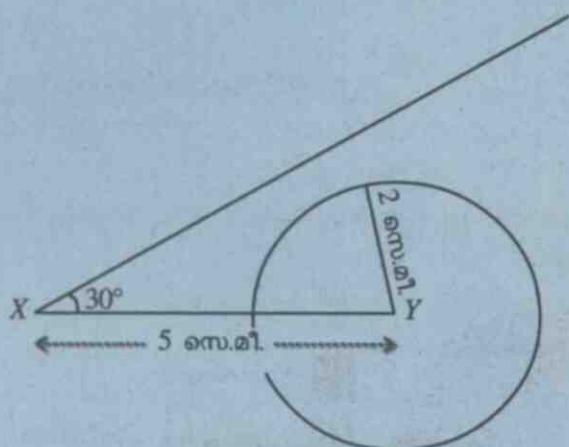
അംഗത്വിലെയും സഹായ ക്കാരി ഇ പ്രവർത്തനം ചെയ്തുന്നതാണോ. നീളം 6 ആയി AB എന്ന വരയും $\angle BAB' = 30^\circ$ ആക്ക ചെയ്യുന്നതും പോലെ AB' എന്ന വരയും വരയ്ക്കുക. ഒരു ഒരു മീറ്റർ 'a' നിർജിക്കുക. Circle with center and Radius കുഴി ഉപയോഗിച്ച് B യിൽ മുകൾ പ്രായ്യാണുകൂടി വരുന്ന ആലക്കന്തിൽ വ്യതിംഖിനോട് ആശങ്കയി സാന്നിദ്ധ്യം വരുന്ന വിവരം കാണുക. എപ്പറ്റി ഒരു ദാരു ഉപയോഗിച്ചു വരുന്ന കാരി അംഗത്വം. എപ്പറ്റി ഒരു ദാരു ഉപയോഗിച്ചു വരുന്ന ആശങ്കയി സാന്നിദ്ധ്യം വരുന്നതും വരച്ചുകൊണ്ടുള്ളതാണെന്ന് വ്യക്തം AB' എന്ന വരയുമായി കൂടിയ്ക്കുന്നത്?

ഈ കണക്കിൽ YZ എഴുന്നേറ്റം 4 സെന്റീമീറ്റർ എന്നെന്നു അനാവാം?

എപ്പോഴും തണ്ടു ത്രികോണങ്ങൾ കിട്ടുന്നുണ്ടാ?

YZ എഴുന്നേറ്റം 2.5 സെന്റീമീറ്റർ എന്നെന്നുത്താൽ എത്ര ത്രികോണം കിട്ടും?

2 സെന്റീമീറ്റർ എന്നെന്നുത്താഡാം?



എപ്പോൾ ത്രികോണം വരയ്ക്കാൻ കഴിയുമോ?

YZ എഴുന്നേറ്റം 6 സെന്റീമീറ്റർ എന്നെന്നുത്താഡാം? എത്ര ത്രികോണം കിട്ടും?

ഈ പ്രവർത്തനം അളവുകളിൽ ത്രികോണം വരച്ചു പാഠം.

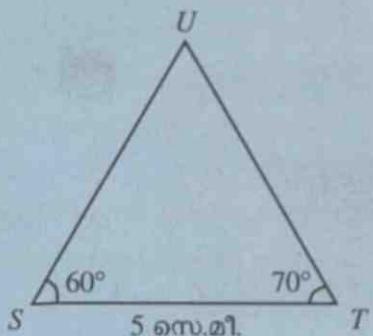
- $AB = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $BC = 6$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle A = 40^\circ$
- $PQ = 8$ സെന്റീമീറ്റർ, $PR = 7$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle Q = 50^\circ$
- $XY = 4$ സെന്റീമീറ്റർ, $YZ = 6$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle X = 70^\circ$

ഭാഗം കോണുകൾ

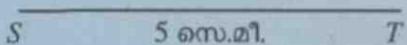
രാജു വശത്തിലോട് നീളവും രണ്ടു കോണുകളുടെ അളവും പാഠത്താൽ ത്രികോണം വരയ്ക്കാൻ കഴിയുമോ?

$ST = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $\angle S = 60^\circ$, $\angle T = 70^\circ$ എന്നീ അളവുകളിൽ STU എന്ന ത്രികോണം വരച്ചു വരയ്ക്കണം.

ആദ്യം ഒരു ഏകദശരച്ചിത്രം വരച്ചു വരച്ചു വരയ്ക്കാം.

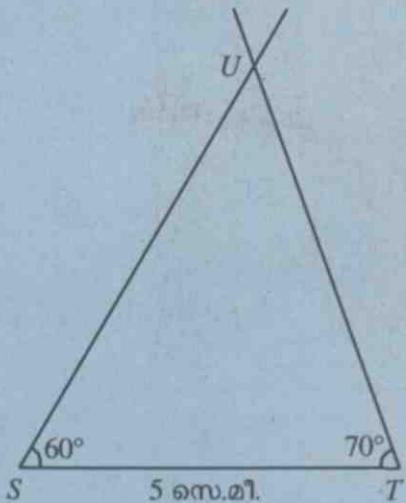


5 സെന്റിമീറ്റർ നീളത്തിൽ ST വരച്ചു തുടങ്ങാം.



ഇനി U എഴു സ്ഥാനം കണ്ടെത്തണം.

S തൊന്ത് 60° ചതീവിലും T തൊന്ത് 70° ചതീവിലും ഉള്ള വരകൾ കൂട്ടിമുട്ടുന ബിന്ദുവാണ് U .



- ചുവടെക്കൊടുത്തിരിക്കുന അളവുകളിൽ ത്രികോണം വരയ്ക്കുക.
- $YZ = 7$ സെന്റിമീറ്റർ, $\angle Y = 45^\circ$, $\angle Z = 65^\circ$
- $MN = 6.5$ സെന്റിമീറ്റർ, $\angle M = 60^\circ$, $\angle N = 55^\circ$
- $AB = 7$ സെന്റിമീറ്റർ, $\angle A = 60^\circ$, $\angle B = 60^\circ$ എന്നീ അളവുകളിൽ $\triangle ABC$ വരയ്ക്കുക. കൊണ്ണ $\angle C$ എത്തുണ്ട്? BC, CA ഖവയുടെ നീളം അളന്ന എഴുതുക.
- $PQ = 4.5$ സെന്റിമീറ്റർ, $\angle P = 70^\circ$, $\angle Q = 70^\circ$ എന്നീ അളവുകളിൽ $\triangle PQR$ വരയ്ക്കുക. $\angle R$ എത്തുണ്ട്? PR, RQ ഖവയുടെ നീളം അളന്ന എഴുതുക.

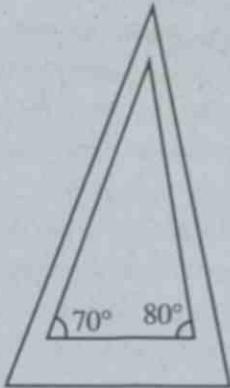
സ്ഥാനത്ത് ത്രികോണം കണ്ടുപാടുകൾ

ഒരു വരയുടെ അളവുത്തുമായി $70^\circ, 80^\circ$ എന്നീ ചതീവുകളിൽ മറ്റു രണ്ടു വരകൾ വരച്ചു ഒരു ത്രികോണം ഉണ്ടാക്കുക.



ഇതിന്റെ മുന്നാക്കൽ കൊണ്ണുകൾ എത്തുണ്ട്?

ഈ ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങൾക്കു സ്ഥാനം മായി മുന്നു വരകൾ വരച്ചു മറ്റൊരു ത്രികോണമുണ്ടാക്കുക.



ഈ ത്രികോണത്തിന്റെ കൊണ്ണുകൾ അല്ലെന്നു എനാക്കു. ഇതുപോലെ വേറൊരും ത്രികോണ ഓൾ വരച്ചു എനാക്കു. കൊണ്ണുകൾ മാറ്റുമ്പോൾ?



ഈ പ്രവർത്തനം ഇന്റെലിഗേജിൽ പെച്ചതു എനാക്കാം. Min = 0, Max = 2 വരത്തെക്കവിയ അംഗിൽ ഒരു സ്ക്രൂഡർ a നിർമ്മിക്കുക. Polygon ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ഒരു ത്രികോണം വരയ്ക്കുക. മുതിനക്കത്തായി ഒരു ബിന്ദു D ആടയാളപ്പെടുത്തുക. Dilate Object from Point by Factor ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണത്തിനുള്ളിലെ D യിലും കേരംഘാ ടൂൾ പെച്ചത് വരുന്ന അലക്കണ്ണിൽ Factor എന്നതിന് a എന്ന് തന്ത്തി ഒക്കെ കൂടി. സ്ക്രൂഡർ വിലു മാറ്റിംഗാക്കു. Angle ടൂൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണങ്ങൾക്കുള്ളിൽ ടൂൾ പെച്ച ചുരുക്കായി അവയുടെ കൊണ്ണുവുകൾ എത്തുണ്ടെന്ന് അറിയാൻ കഴിയും. D യുടെ സ്ഥാനം ത്രികോണത്തിന്റെ മുകളംഭാട് പെച്ചണ്ണ നിർക്കു അക്കവിധി മാറ്റി എനാക്കു.



ക്രിക്കെറ്റ് ബന്ധം

$AB = 6$, $AC = 2 BC$ എന്നതുപെട്ടിയാൽ
വരുത്തു ഒരു ത്രികോണം വരയ്ക്കാംമോ?
ഇതും ത്രികോണങ്ങൾ അഭ്യാസിലും ഉപ
യാഗിപ്പി വരയ്ക്കുന്നതുണ്ടെന്ന് എന്നു
അഭ്യാസം.

നിളച്ച 6 ആയി ഒരു ഒരു AB വരയ്ക്കുക.
ഉപരിക്കായ ഒരു \min ദിവസം ഒരു \max
ദിവസം നൽകി ഒരു സൈറ്റിൽ 'a' നിർദ്ദി
ഷ്ടുക. B കേന്ദ്രമായി 'a' ആരമ്പിച്ചു ഒരു
വ്യത്യാസം A കേന്ദ്രമായി '2a' യുണിറ്റ് ആശ
മുത്തു നേറ്റാരു വ്യത്യാസം വരയ്ക്കുക. ഈ
വ്യത്യാസം മുൻപുകൊള്ളുന്ന ബിന്ദുകൾ C,D
എവാ ആയാളുപ്പെടുത്തുക. AC, BC എന്നീ
വകർഷി വരയ്ക്കുക. ഈ വ്യത്യാസിൽ മറ
യ്ക്കാം. സൈറ്റിൽ വില മാറ്റി നോക്കു.
സൈറ്റിൽ right click ചെയ്ത് Animation
നൽകിയാലും ക്രി. C എന്ന ബിന്ദുവിൽ right
click ചെയ്യുന്നൂർജ്ജം വരുന്ന മെന്റുവിൽ Trace
on എന്നതിൽ ടീക്ക് ചെയ്ത് '✓' അടയാളം
നൽകുക. ഈ ബിന്ദു സ്വയിക്കുന്ന പാത
എന്നാണ്? AD, BD എന്നീ വകർഷകുടി
വരച്ചു D എന്ന ബിന്ദുവിലോ trace കൂടി
നൽകി നോക്കു.

ഈ ഒരു നാറ്റു പത്രക്കാഡിയാൽ ഈ
ബിന്ദുകളുടെ പാത കുറിച്ചുകൂടി വ്യക്തമാ
കൂണ്ട്. (ഇതിനായി സൈറ്റിൽ right click
ചെയ്യുക. Object Properties → Slider →
Increment)

$AC = 2 BC$ എന്നതിനു പകരം $AC = 3 BC$,
 $2 AC = 3 BC$ എന്നിങ്ങനെ ബന്ധങ്ങൾ ഉണ്ട്
ത്രികോണങ്ങൾ വരച്ചു നോക്കു. ഈവഴിലെ
ലൂം, C, D എന്നീ ബിന്ദുകളുടെ സ്ഥാനം
പാത എന്നാണ്? $AC = BC$ ആകുന്നുണ്ടാ?

അവസാനം വരച്ച ത്രികോണങ്ങിൽ $\angle Q$ എംബു അളവിനു
പകരം $\angle R$ എംബു 70° എന്നാക്കിയാശുണ്ടോ?

നാം ഈവരുടെ വരച്ച ത്രികോണങ്ങളിൽ ഒരു വശത്തിന്റെ
നീളവും ആ വശത്തിലെ രണ്ടു കോണുകളുടെ അളവു
മാണ് പറഞ്ഞിരുന്നത്.

$\angle P, \angle R$ എന്നിവയുടെ അളവാണ് തന്നിൽക്കുന്നത്.

$\angle P, \angle Q$ എന്നിവയുടെ അളവുകളാണ് ആവശ്യമുള്ളത്.

$\angle Q$ എന്നതെന്ന കണ്ണുപിടിക്കാം?

$$\angle Q = 180^\circ - (70^\circ + 70^\circ) = 40^\circ$$

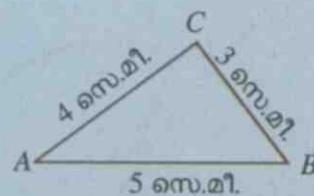
ഈ ത്രികോണം വരയ്ക്കാമോല്ലോ.

കുന്നു വശങ്ങൾ

മുന്നു വശങ്ങളുടെ നിളച്ച പറഞ്ഞാലും ത്രികോണം
വരയ്ക്കാം.

$AB = 5$ സെന്റീമീറ്റർ, $BC = 3$ സെന്റീമീറ്റർ, $AC = 4$ സെന്റീമീ
റ്റർ ആയ ത്രികോണം വരയ്ക്കണം.

ഒരു ഏകദേശം വരച്ചു അളവുകൾ എഴുതാം.



ആദ്യം 5 സെന്റീമീറ്റർ നിളത്തിൽ AB വരയ്ക്കാം.

A —————— 5 സെ.മീ. —————— B

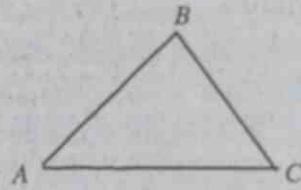
ഈ നിലയിൽ C യുടെ സ്ഥാനം കണ്ണുപിടിക്കണം.

A യിൽ നിന്ന് 4 സെന്റീമീറ്റർ അകലത്തിലും B യിൽ
നിന്ന് 3 സെന്റീമീറ്റർ അകലത്തിലുമുള്ള ബിന്ദുവാണ് C.
A യിൽ നിന്ന് 4 സെന്റീമീറ്റർ അകലത്തിലുമുള്ള എല്ലാ ബിന്ദു
കളും A കേന്ദ്രമായി 4 സെന്റീമീറ്റർ അരമുള്ള ഒരു വ്യത
ഞിലാണ്.

ഈവഴിലെ B കേന്ദ്രമായി 3 സെന്റീമീറ്റർ അരമുള്ള ഒരു
വ്യതിയാസം വരച്ചാൽ B യിൽ നിന്ന് 3 സെന്റീമീറ്റർ അകല
ത്തിലുമുള്ള എല്ലാ ബിന്ദുകളും ലഭിക്കും.

സൗജ്യ ശാർഗ്ഗ

പിതാം സനാക്ക്.



A ഡിരിക്കിന് C ഡിലേഷൻാൽ, AC എന്ന വരയിലൂടെ ഒരു പാക്കാം. അല്ലെങ്കിൽ, AB ഡിലൂടെ B ഡിൽ ചെറ്റ്, അഡിക്കെന്റിന് BC ഡിലൂടെ C ഡിലേഷൻാം. എത്ര വഴിക്കാണ് ആ കുറവ്?

ഇതിൽനിന്ന്, ഒരു ത്രിഖാണ്ടത്തിലെ വരയാൾ തമ്മിലൂടെ ഏതൊക്കെ ബന്ധം കിട്ടുന്നുണ്ടോ?

ഇഉർക്കിൽക്കണക്ക്

ഒരു നീളമുള്ള രണ്ട് ഇഉർക്കിലുകൾ എടുക്കുക. അതിലൊന്ന് ഓട്ടപ്പേരുണ്ടെങ്കിൽ ഒരു കുമ്മണ്ണം ഉംകുകുക.

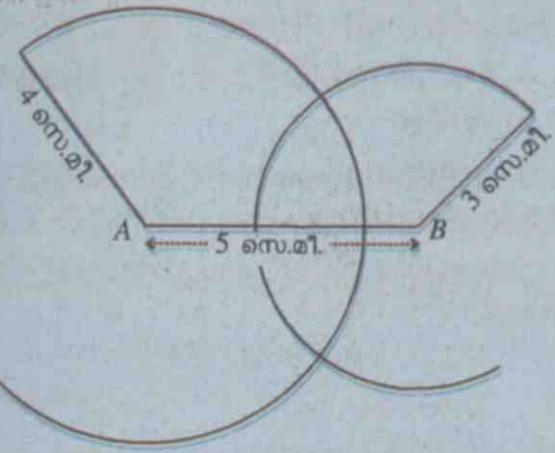


ഈ മുന്ന് ഇഉർക്കിലുകൾ കൊണ്ട് ഒരു ത്രിഖാണ്ടമുണ്ടാക്കാൻ പറ്റുമോ?

ഈ ഇതിലെ വലിയ ഇഉർക്കിലിൽനിന്ന് ചെറിയെങ്കാം കുമ്മണ്ണം എടുക്കുകയും.

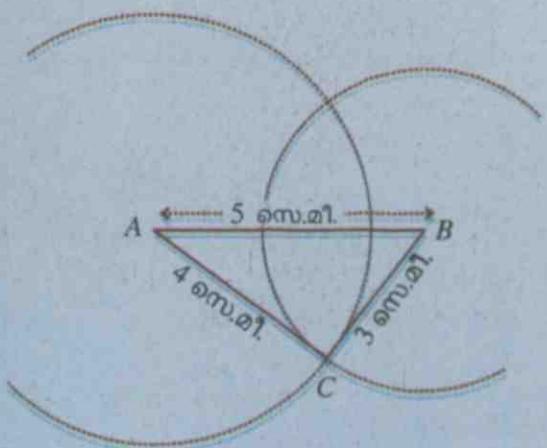
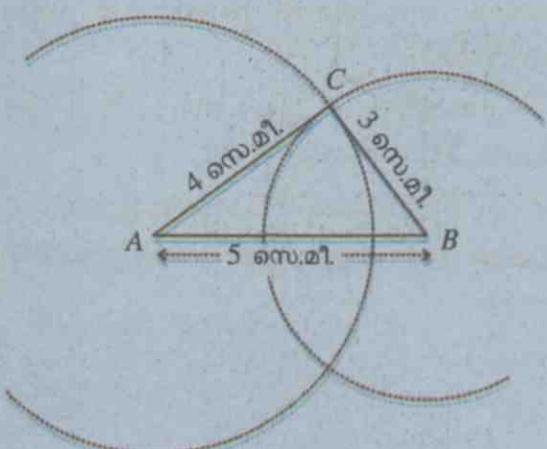


ഇപ്പോൾ ത്രിഖാണ്ടമുണ്ടാക്കാൻ സാധിക്കുന്നുണ്ടോ?



ഈ വ്യത്യസ്ത കൂട്ടിമുട്ടുന്ന രണ്ട് ബിന്ദുകളും A ഡിൽ നിന്ന് 4 സെന്റീമീറ്ററും B ഡിൽ നിന്ന് 3 സെന്റീമീറ്ററും അകലെത്തിലാണെല്ലാം.

ഈവയിൽ എത്രപയോഗിച്ചും ത്രികോണം വരയ്ക്കാം.





മാറ്റവീശ പ്രസ്താവികൾ

പ്രസ്താവികൾ 15 ദിവസിൽ വാദത്താക്കവിധാനത്തിൽ ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് കാണും ഇതുരുതും ത്രികോണം എൻ ദിവസാഭ്യർഥിയിൽ വരച്ചുപ്പെടുത്തുന്നതുനു എന്നാണോ. വശങ്ങളുടെ നീളം നിയന്ത്രിക്കുന്നതിനായി ഒരു മെസൈറുകൾ ആകും നിൽക്കുന്നു. Min = 0, Max = 7.5 വാദത്താക്കവിധാനിൽ a, b എന്നിങ്ങനെ ഒരു മെസൈറുകൾ. Segment with Given Length ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് നീളം a ആയി AB എന്ന വരെ വരച്ചുകൂടുക. ഇതിൽ മറ്റൊരു ഒരു വശങ്ങൾക്കും കൂടി നീളം ഏറ്റാംവണ്ണം?

പ്രസ്താവികൾ 15 ദിവസിൽ. സാമ്പൂർണ്ണ

$$AC + BC = 15 - AB = 15 - a$$

ഇതിൽ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം b ആയാൽ ആകുന്ന വശത്തിന്റെ നീളം ഏറ്റവുംകണ്ണം? ഇതു പശ്ചാത്യചുഡാഖല ആകുന്ന ഒരു വശമെന്നീ വരച്ചുപ്പെടുത്തുക. A കേന്ദ്രമായി ആരം b ആയി ഒരു വ്യത്യസ്തം B കേന്ദ്രമായി ആരം 15 - a - b ആയി ഒരേരു വ്യത്യസ്തം വരച്ചുകൂടുക. ഈ വ്യത്യസ്തൾ എൻപ്രകടക്കുന്ന ബിന്ദുകൾ C, D ഇവ അടയാളപ്പെടുത്തുക. Polygon ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണം ABC വരച്ചുകൂടു. Distance or Length ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണമെന്നതുനു ടീക്ക് ചെയ്യണമെന്ന് അതിന്റെ പ്രസ്താവികൾ പ്രസ്താവികൾ ഏതൊരുണ്ടായോ കാണാൻ സാധിക്കും. മെസൈറുകൾ ഉപയോഗിച്ച് a, b മുമ്പുള്ള വില മാറ്റി എന്നും. ഒരു ചെറുപ്പായുള്ള വ്യത്യസ്തത വ്യത്യസ്തമായി വരച്ചുകൂടു.

പ്രസ്താവികൾ 15 ദിവസിൽ ഒരു പരിശോധനയായി ഒരു പരിശോധനയായി ഏകദേശം എന്നും എന്നും. AD, BD എന്നി വരുകൾക്കും വരച്ചുകൂടു.

AC, BC, AD, BD എന്നി വരുകൾക്കും C, D എന്നി ബിന്ദുകൾക്കും Trace on നൽകുകൂടു. a യുടെ വില ഓപ്പുപ്പെടുത്തുന്നു b യുടെ മെസൈറുകൾ animation നൽകുകൂടു. ഇങ്ങനെ കിട്ടുന്ന പിതാം എന്നും. C,D എന്നിവ സമ്പരിക്കുന്ന ഫോം ഏറ്റാംന്ന്?

ഈ ഈ അളവുകളിലെല്ലാം ത്രികോണം വരച്ചുപറന്നു.

- $PQ = 5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $QR = 5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $PR = 4$ സെൻ്റീമീറ്റർ
- $XY = 7.5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $YZ = 6.5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $XZ = 5.5$ സെൻ്റീമീറ്റർ
- $DE = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $EF = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $DF = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ.



- $AB = 6$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $AC = 5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $\angle A = 85^\circ$. ഈ അളവുകളുള്ള ത്രികോണം ABC വരച്ചുകൂടു.
- $PQ = 5$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $\angle Q = 60^\circ$, $PR = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ ഈ അളവുകളിൽ ത്രികോണം PQR വരച്ചുകൂടു. മുന്നാമത്തെ വശത്തിന്റെ നീളം അളഞ്ഞാലുതുക.
- $MN = 8$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $\angle M = 60^\circ$, $\angle N = 50^\circ$. ത്രികോണം MNT വരച്ചുകൂടു.
- $XY = 6$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $YZ = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ, $XZ = 7$ സെൻ്റീമീറ്റർ ഈ അളവുകളിൽ ത്രികോണം XYZ വരച്ചുകൂടു.



സൂപ്രഭാകർ

വശങ്ങളുടെ നീളം 5 സെന്റീമീറ്റർ, 4 സെന്റീമീറ്റർ, 10 സെന്റീമീറ്റർ ആയ ത്രികോണം വരയ്ക്കാൻ കഴിയുമോ?

5 സെന്റീമീറ്റർ, 4 സെന്റീമീറ്റർ, 9 സെന്റീമീറ്റർ ആയാലോ?

ഈ 5 സെന്റീമീറ്റർ, 4 സെന്റീമീറ്റർ, 8.5 സെന്റീമീറ്റർ ആയാലോ?

തന്മുഖ വശങ്ങളുടെ നീളം 5 സെന്റീമീറ്റർ, 4 സെന്റീമീറ്റർ എന്നും മുന്നാമത്തെ വശത്തിന്റെ നീളം എത്ര സെന്റീമീറ്ററിൽ കൂറബാധിതിക്കണം?

ത്രികോണങ്ങൾ വരയ്ക്കാൻ കഴിയുന്ന അളവുകൾ തമിലുള്ള ബന്ധമെന്താണ്?

എന്തുകൊണ്ടാണ് ചില അളവുകളിൽ ത്രികോണം വരയ്ക്കാൻ കഴിയാതെന്ത്?

ഈ താഴെ കൊടുത്തവയിൽ ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ വശത്തിന്റെ അളവുകളാവുന്നത് എത്രാക്കേയാണ് എന്നു കണ്ണൂപിടിക്കു.

- 8 സെ.മീ., 6 സെ.മീ., 13 സെ.മീ.
- 2 സെ.മീ., 5 സെ.മീ., 8 സെ.മീ.
- 5 സെ.മീ., 4 സെ.മീ., 9 സെ.മീ.
- 4 സെ.മീ., 6 സെ.മീ., 7 സെ.മീ.



ചോദ്യ കാണ്ട്

$AB = 5, \angle C = 60^\circ$ ആയി ABC എന്ന ത്രികോണം വരയ്ക്കാമോ? ഓരോഡാണിബന്ധുടെ സഹായത്താൽ ഇതുരുതു ത്രികോണം വരയ്ക്കുന്ന തെങ്ങോന്ന് എന്നു നാംകാണ.

നീളം 5 ആയി AB വരയ്ക്കുക. ഒരു Angle Slider a നിർമ്മിക്കുക. Angle with Given size ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ആദ്യം B യില്ലോ പിന്നീട് A യില്ലോ ഓരോ ചെത്ത് വരുന്ന അല്ലവന്തിൽ കൊണ്ണളവായി a എന്ന് നൽകി OK ഓരോ ചെത്തുക. ഇപ്പോൾ $\angle BAB'$ എന്നത് a യുടെ വിലയംകുത്താക്കി വിധം ഒരു ബിന്ദു B' ലഭിക്കും. ഇതു ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ആദ്യം A യില്ലോ പിന്നീട് B യില്ലോ ഓരോ ചെത്തുമ്പോൾ ലഭിക്കുന്ന അല്ലവന്തിൽ കൊണ്ണളവായി 120° - a എന്ന് നൽകി, Clockwise എന്നതിൽ ഓരോ ചെത്ത് OK ഓരോ ചെത്തുക. ഇപ്പോൾ A' എന്ന പുതിയ ബിന്ദു ലഭിക്കും. Ray through Two Points ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് AB', BA' എന്നീ വരകൾ വരയ്ക്കുക. ഈ വരകൾ കൂട്ടിമുട്ടുന്ന ബിന്ദു C അടയാളപ്പെടുത്തുക. Polygon ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണം ABC വരയ്ക്കുക. ഈ ആവശ്യമില്ലാത്ത വരകളും ബിന്ദുകളും മറ്റും മറച്ചു വയ്ക്കാം. Angle ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രികോണത്തിനുള്ളിൽ ഓരോ ചെത്താൽ അതിന്റെ കൊണ്ണളവുകൾ കാണാൻ കഴിയും. a യുടെ വില മറ്റി നാംകു. AC, BC എന്നീ വരകളുടെയും C എന്ന ബിന്ദുവിലും Trace on നൽകി ഒന്നുഡായിൻ Animation നൽകുക. C എന്ന ബിന്ദു സാമ്പത്തികമായി പാത എന്നാണ്?

C യിലെ കോണം 60° എന്നതിനുപകരം മറ്റു കൊണ്ണളവുകളിലും ചെത്തുന്നോക്കു. ഈ കോണം മറ്റാനും ഒരു ഒന്നുഡായി ഉപയോഗിക്കാം.

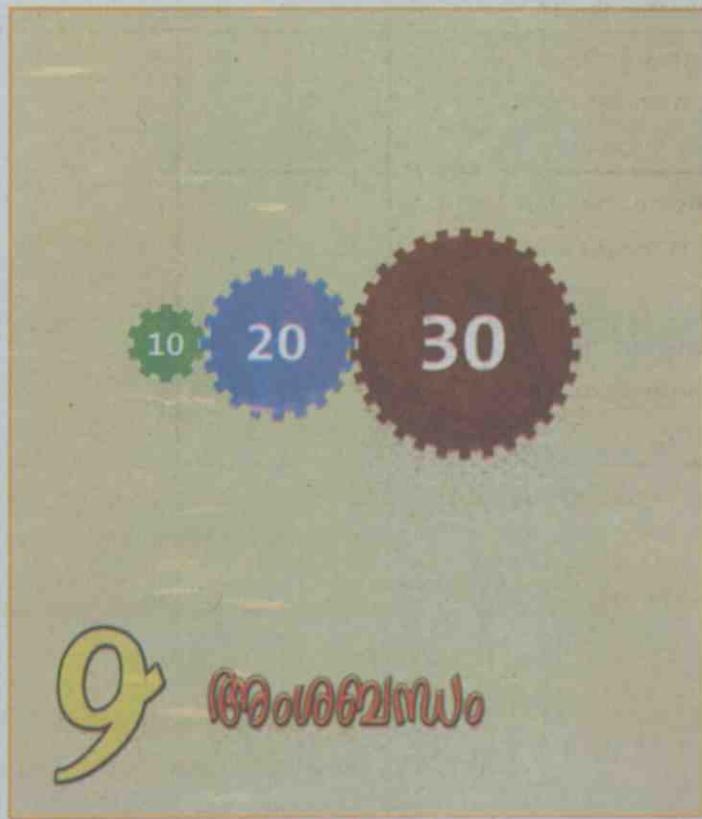
തിരിഞ്ഞുനോക്കുന്നോൾ



പരമന്ത്രങ്ങൾ	എനിക്ക് കഴിയും	ടീപ്പറേ സഹായത്വം കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടു ണ്ടതുണ്ട്
• ഒളുവശങ്ങളുടെയും ഒരു റകാണ്ടി രീറ്റിയും അളവുകൾ അറിഞ്ഞാൽ ത്രിഒകാൺ വരയ്ക്കുന്നു.			
• ഒരു വശത്തിന്റെയും ഒളു റകാണ്ടുകളുടെയും അളവുകൾ അറിഞ്ഞാൽ ത്രിഒകാൺ വരയ്ക്കുന്നു.			
• മുന്നു വശങ്ങളുടെ അളവുകൾ അറിഞ്ഞാൽ ത്രിഒകാൺ വരയ്ക്കുന്നു.			
• ചില അളവുകളിൽ ത്രിഒകാൺ വരയ്ക്കാൻ കഴിയാത്തതിന്റെ കാരണം യൂൾത്തിസഹായി സഹർമ്മിക്കുന്നു.			
• കൂത്യതരയാടെയും സുക്ഷ്മതരയാടെയും ആംഗിതിയരൂപങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നു.			
• ആംഗിതിയരൂപങ്ങളുടെ നിർഭാണത്തിന് 'ഓരിയാജിസ്ട്' ചില സാധ്യതകൾ ഉപയോഗപ്പെടുത്തുന്നു.			

9

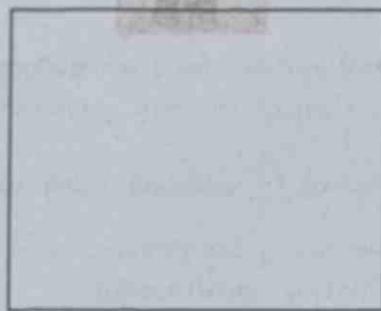
അംഗവന്ധം



ഒരു രൂപം

വ്യവസാ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ഒരു ചതുരശ്ര ഭിൽഡിംഗ് വിതിയും സെറ്റിംഗീൽസീറ്റ് കൂടും അണം.

4 സെ.മീ.



5 സെ.മീ.



1 സെ.മീ.

എന്നാൽ ഈ ഒരു ചതുരശ്രം തണ്ടിൽ വലു പുതിയ മാത്രമല്ല. തുപ്പം വ്യത്യാസമുണ്ട് എല്ലാ ചതുരശ്രത്തിൽ വിതിയും നീളവും തണ്ടിലും വ്യത്യാസം ആയ പ്രകടമല്ല. ഈ നീളം 50 സെറ്റിംഗീൽസീറ്റ് വിതി 49 സെറ്റിംഗീൽസീറ്റ് ആയ ഒരു ചതുരം വലിയ കടലാസിൽ വരച്ചു നാം. വിതിയും നീളവും തണ്ടിലും വ്യത്യാസം ഇല്ലാം പ്രകടാവില്ല. അതായൽ, ഈ ചതുരം ഒരു സമചതുരങ്ങാക്കി വരുമ്പോൾ അടുത്തു നിന്നുംല്ലോ.

അപ്പേജെ ചെറിയ ചതുരശ്രത്തിൽ നീളം, വിതി യും ഒരു മാണംാൻ. ഈ ഇരു ചതുരം നാം.

2.5 സെ.മീ.



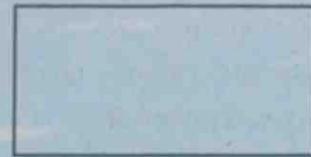
5 സെ.മീ.

ഈ നീളം നീളം വിതിയും ഒരു മാണംാൻ. ആവുംതെ ചതുരശ്രത്തിലും വലുതാണെങ്കിലും അപ്പിംഗ്രേജും ദ്രും ഉണ്ടാക്കാംല്ലോ?

വിതിയും നീളവും

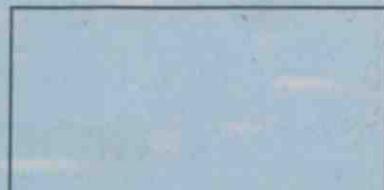
ഈ ചതുരങ്ങൾ നാം.

2 സെ.മീ.



4 സെ.മീ.

2.5 സെ.മീ.



5 സെ.മീ.

3 സെ.മീ.



6 സെ.മീ.

ഇവയുടെയെല്ലാം വിതിയും നീളവും തണ്ടിൽ പൊതുവായ ഏഞ്ചെക്കിലും ബന്ധമുണ്ടോ?

എല്ലാ ചതുരങ്ങളിലും നീളം വിതിയുടെ ഒരു മാണംാണും (വിതി നീളത്തിന്റെ പകുതിയാണെന്നും പറയാം).

ഈക്കാര്യം കണക്കിന്റെ ഭാഷയിൽ പറയുന്നത് ഇങ്ങനെ താണ്:

ഈ ചതുരങ്ങളിലെയല്ലാം വിതിയും നീളവും ഒന്നിനു ഒരു ഏറ്റെ അംശബന്ധത്തിലാണ് (in the ratio one to two).

“ഒന്നിനു ഒരു” എന്നതിനെ ചുരുക്കിയെഴുതുന്നത് $1 : 2$ എന്നാണ്. അതായൽ

ഈ ചതുരങ്ങളിലെയല്ലാം വിതിയും നീളവും $1 : 2$ ഏറ്റെ അംശബന്ധത്തിലാണ്.

വിതി 1 സെസ്റ്റിമീറ്ററും നീളം 2 സെസ്റ്റിമീറ്ററുമായ ചതുര അല്ലെങ്കിലും നീളം വിതിയുടെ ഒരു മടങ്ങാണോള്ളും. വിതി 1 മീറ്ററും നീളം 2 മീറ്ററും ആയാലും ബന്ധം ഇതു തന്നെ.

അപ്പോൾ ഈ ചതുരങ്ങളിലും വിതിയും നീളവും ഒന്നിനു ഒന്ത് (1 : 2) എന്ന അംഗഭാഗത്തിലാണ്. മറിച്ചും പറയാം: ഈ ചതുരങ്ങളിലെല്ലാം നീളവും വിതിയും ഒന്തിന് ഒന്ന് (2 : 1) എന്ന അംഗഭാഗത്തിലാണ്.

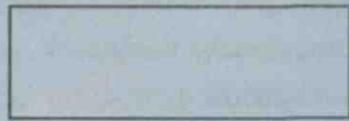
ഇതുപോലെ ചുവവെടയുള്ള ചതുരത്തിന്റെ വിതിയും നീളവും തമ്മില്ലുള്ള അംഗഭാഗം എന്താണ്?

2 സെ.മീ.

6 സെ.മീ.

ഇനി ഈ ചതുരത്തിലോ?

1.5 സെ.മീ.



4.5 സെ.മീ.

ഒന്തിലും നീളം വിതിയുടെ മുന്നു മടങ്ങല്ലോ? അപ്പോൾ വിതിയും നീളവും തമ്മില്ലുള്ള അംഗഭാഗം എന്താണ്?

വിതി 2 സെസ്റ്റിമീറ്ററും നീളം 1 മീറ്ററും ആയാണോ?

വിതിയുടെ ഏതു മടങ്ങാണ് നീളം?

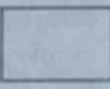
1 മീറ്ററിനാൽ 100 സെസ്റ്റിമീറ്ററാണോള്ളും. അപ്പോൾ ഈ ചതുരത്തിൽ വിതിയും നീളവും തമ്മില്ലുള്ള അംഗഭാഗം 1 : 50 ആണ്.

ഇനി ഈ ഒരു ചതുരങ്ങൾ നോക്കു:

4 സെ.മീ.

6 സെ.മീ.

1 സെ.മീ.



1.5 സെ.മീ.

ഒത്താത്ത കാറിയാണ്

ഈ കാർഡും നോക്കു.



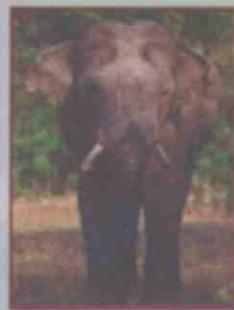
ഇതിന്റെ ചെറിയ വരും 2 സെസ്റ്റിമീറ്ററും വലിയ വരും 3 സെസ്റ്റിമീറ്ററുണ്ടുണ്ട്. അതായൽ ചെറിയ വരും 1 $\frac{1}{2}$ മടങ്ങാണ് വലിയ വരും.

ചെറിയ വരും 3 സെസ്റ്റിമീറ്ററും, വലിയ വരും 4.5 സെസ്റ്റിമീറ്ററും തമ്മില്ലുള്ള അളക്കിയാണോ?



ഈപ്പോഴും വലിയ വരും ചെറിയ വരും 1 $\frac{1}{2}$ മടങ്ങുതുന്നു.

ഇനി ചെറിയ വരും 3 സെസ്റ്റിമീറ്റർ തുടർന്നും വലിയ വരും 1 സെസ്റ്റിമീറ്റർത്തന്നെ കുടി 4 സെസ്റ്റിമീറ്റർ തമ്മില്ലുള്ളോ?



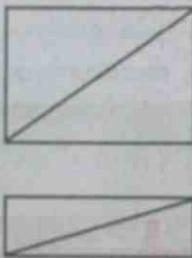
പിത്തം ശരിയാണോ?

രബിവിഷൻ ഗണിതം

രബിവിഷൻ സെറ്റുകളുടെ വലുപ്പും ചൊതുവും
14 മുണ്ട്, 17 മുണ്ട്, 20 മുണ്ട് എന്നിങ്ങനെന്നാണ്
പറയുന്നത്. ഏതാണ് മുണ്ടിൽ അർമ്മം?

രബിവിഷൻ സ്കൂൾ ഒരു ചതുരശ്രാഖാലും.
അതിൽന്റെ വികർണ്ണത്തിൽ അളവുകളാണ്
അവരുമെല്ലാം.

ഈതുകൂണ്ടുമാത്രം രബിവിഷൻ വലുപ്പും
നിശ്ചയിക്കാംമോ? നീളവും വിതിയും വ്യത്യസ്ഥാക്കാനു
നിശ്ചയ ചതുരശ്രാഖാലും വികർണ്ണം തുല്യമാക്കാനു
മാറ്റോ.



സ്കൂളിൽ വലുപ്പം എത്രതന്നെന്നയാലും
അതിൽന്റെ നീളവും ഉയരവും തയ്യാറാക്കുന്ന
അംഗങ്ങൾ ഇപ്പോഴുണ്ടോ രബിവിഷൻ സെറ്റുകളിൽ
16 : 9 ആണ്. കുറുക്കാലം മുമ്പുമുള്ള രബിവി
ഷൻ സെറ്റുകളിൽ മുണ്ട് അംഗങ്ങൾ 4 : 3 ആയി
രുന്നു. വികർണ്ണത്തിൽ വലുപ്പം തുല്യമായ
രീതി രബിവിഷൻ സ്കൂളിൽക്കൂടി മുണ്ട്
വ്യത്യസ്ഥാപിച്ചാണ്.



4 : 3



16 : 9

ഒണ്ടിലും നീളം വിതിയുടെ ഒന്നര മടങ്ങാലു്?

ഈത് അംഗങ്ങൾക്കായി പറയുന്നതെങ്ങനെ?

മനിന്ന് ഒന്നര എന്നു പറയാം. പരക്ക, സാധാരണയായി
അംഗങ്ങൾ പറയുന്നതാൽ ദിനസംഖ്യകൾ ഒഴിവാക്കു
കയാണ് പതിവ്.

വിതി 2 സെറ്റീമീറ്റർ എന്നെന്തുതന്നാലോ?

2 മീ $1\frac{1}{2}$ മടങ്ങ് എത്രയാണ്?

2 മീറ്റർ

3 മീറ്റർ.

അംഗുൾ ഇത്തരം ചതുരങ്ങളിൽ വിതിയും നീളവും
ഒണ്ടിനു മുന്ത് എന്ന അംഗങ്ങൾത്തിലാണെന്നു പറയാം.
2 : 3 എന്നാഴുതുകയും ചെയ്യാം.

ഹവിടെ അംഗങ്ങൾ 4 : 6 എന്നു പറഞ്ഞുകൂടെ?

അങ്ങനെ പറഞ്ഞാലും തെറ്റില്ല. പരക്ക, സാധാരണയായി
കഴിയുന്നതു ചെറിയ എല്ലായിരുന്നും സംഖ്യകൾ ഉപയോഗിച്ചാണ്
അംഗങ്ങൾ പറയാറുള്ളത്.

ഒരു ചതുരത്തിൽന്റെ നീളം വിതിയുടെ ഒന്നര മടങ്ങാണ്
എന്നത് അംഗങ്ങൾക്കായി പറയുന്നതെങ്ങനെ?

വിതി 1 സെറ്റീമീറ്ററാണെങ്കിൽ, നീളം $2\frac{1}{2}$ സെറ്റീമീറ്റർ.

വിതി 2 സെറ്റീമീറ്ററാണെങ്കിലോ?

നീളം 5 സെറ്റീമീറ്റർ.

അംഗുൾ വിതിയും നീളവും 2 : 5 എന്ന അംഗങ്ങൾത്തിലുണ്ടെന്നു പറയാം.

വിതിയുടെ ഒന്നൊക്കാൽ മടങ്ങാണ് നീളമെങ്കിലോ?

വിതി 1 സെറ്റീമീറ്ററാണെങ്കിൽ, നീളം $1\frac{1}{4}$ സെറ്റീമീറ്റർ.

വിതി 2 സെറ്റീമീറ്ററാണെങ്കിൽ, നീളം $2\frac{1}{2}$ സെറ്റീമീറ്റർ.

അംഗുൾം ദിനസംഖ്യ ഒഴിയുന്നില്ല.

രൂപി വിതി 4 സെറ്റീമീറ്ററാണെങ്കിയാൽ നീളം എത്രയാകും?

അസ്സാർ ഇത്തരം പത്രുങ്ങളിൽ വിതിയും നീളവും 4 : 5 എന്ന അംഗബന്ധത്തിലാണ്.

ഇവിടെയെല്ലാം മറ്റാരു കാര്യം ശബ്ദിച്ചു?

വിതിയും നീളവും ഒരു മടങ്ങായി നീട്ടിയാലും ഒരു ഭാഗമായി ചുരുക്കിയാലും അംഗബന്ധം മാറുന്നില്ല. ഉദാഹരണമായി, ചുവടെപറിയുന്ന വിതിയും നീളവും എന്നാക്കുക.

വിതി	നീളം
3 സെ.മീ.	9 സെ.മീ.
6 സെ.മീ.	18 സെ.മീ.
1 മീ.	3 മീ.
$\frac{1}{2}$ മീ.	$1\frac{1}{2}$ മീ.
$1\frac{1}{2}$ മീ.	$4\frac{1}{2}$ മീ.

ഇവയിലെല്ലാം, വിതിയുടെ 3 മടങ്ങ് ആണ് നീളം. മറിച്ചു പറഞ്ഞാൽ നീളത്തിന്റെ $\frac{1}{3}$ ഭാഗമാണ് വിതി.

അംഗബന്ധത്തിൽ പറഞ്ഞാൽ, വിതിയും നീളവും 1 : 3 എന്ന അംഗബന്ധത്തിലാണ്; നീളവും വിതിയും 3 : 1 എന്ന അംഗബന്ധത്തിലാണ്.



- ചുവടെ പറഞ്ഞിരിക്കുന്ന ഓരോ പത്രുങ്ങളിന്റെയും വിതിയും നീളവും തമ്മിലുള്ള അംഗബന്ധം കഴിയുന്നതു ചെറിയ ഏല്ലാത്തസംഖ്യകളുംപോലും കാണുക:

 - വിതി 8 സെന്റീമീറ്റർ, നീളം 10 സെന്റീമീറ്റർ
 - വിതി 8 മീറ്റർ, നീളം 12 മീറ്റർ
 - വിതി 20 സെന്റീമീറ്റർ, നീളം 1 മീറ്റർ
 - വിതി 40 സെന്റീമീറ്റർ, നീളം 1 മീറ്റർ
 - വിതി 1.5 സെന്റീമീറ്റർ, നീളം 2 സെന്റീമീറ്റർ

പതാകകൾ

നമ്മുടെ ദേശിയപതാകയുടെ പരിശാഖ സൊഡർ നിറങ്ങൾ കാത്താം ശരിയായാൽപ്പോലെ, പത്രുങ്ങളിൽനിന്ന് വിതിയും നീളവും തമ്മിലുള്ള അംഗബന്ധവും ശരിയാകണം. ഇൽ 2 : 3 ആണ്. അതായത്, ദേശിയപതാക വരുധക്കുസൊഡർ നീളം 3 സെന്റീമീറ്ററായടാക്കാൻ, വിതി 2 സെന്റീമീറ്റർത്തെന്ന ആവിശ്വകരണം.



വിവിധ രാജ്യങ്ങളുടെ പതാകകളിൽ ഈ അംഗബന്ധം വ്യത്യസ്തമാണ്. ഉദാഹരണമായി ഓസ്റ്റ്രേലിയയുടെ പതാകയിൽ ഇൽ 1 : 2 ആണ്.



അർമനിയുടെ പതാകയിൽ ഈ അംഗബന്ധം 3 : 5 ആണ്.



ഇന്ത്യൻ ഭൂപടത്തോട്

ഒരു നിശ്ചിത ഏകകം ഉപഭയാഗിൽ നീളവും മറ്റൊരു ആളുകൾക്കും ഏപ്പോഴും ഏല്ലാങ്ങിംസംഖ്യ കൾ കിട്ടിപ്പു എന്ന വസ്തുതയിൽ നിന്നുണ്ട് കിന്ന സംഖ്യ എന്ന ആശയം ഉണ്ടായത്. ഒരു ആളു വുകൾ താരതമ്യം ചെയ്യുന്നും വരുംതു പബ്ലിക് ഏകകം ഉപഭയാഗിൽക്കൂടാക്കാം ഏല്ലാങ്ങിംസംഖ്യയാംകാംമാ എന്ന പിന്തയാണ് അംഗഭവന്യം എന്ന ആശയം തിന്ന് ആശയം. ഉദാഹരണമായി, ഒരു ചട്ടുകെണ്ണും ആളുകൾ അംഗഭവ ഒരു വസ്തുവിലോ നീളം $\frac{2}{5}$ എന്നും ജോനിലോ നീളം $\frac{3}{5}$ എന്നും കിട്ടിയെന്നു കരുതുക. ചട്ടിലോ $\frac{1}{5}$ ഓഹം ഏകകമായെടുത്താൽ ആദ്യംതുതിലോ നീളം 2 എന്നും രണ്ടാമതുതിലോ നീളം 3 എന്നും പറയാം. നീളങ്ങളുടെ അംഗഭവന്യം 2 : 3 എന്നും പറയുന്നതിലോ അർത്ഥം ഗ്രാഡ്.

ഒരു വസ്തുക്കുടുടെ നീളം ചട്ടിലോ $\frac{1}{3}$

ഓഗവും $\frac{1}{5}$ ഓഗവും ആശാക്കിലോ?

ഒണ്ടിംഗ്രേഡും നീളം ഏല്ലാങ്ങിംസംഖ്യയായി കിട്ടാൻ, ചട്ടിലോ എത്ര ഓഹം ഏകകമായി എടുക്കണാം?

- ചുവടെയുള്ള പട്ടികയിൽ ചില ചതുരങ്ങളുടെ വിതി, നീളം, അവ തമിലുള്ള അംഗഭവന്യം എന്നിവയിൽ രണ്ടും തന്നിട്ടുണ്ട്. മുന്നാമത്തെൽ കണക്കുടിച്ചു പട്ടിക പുർത്തിയാക്കുക.

വിതി (സെ.മ1.)	നീളം (സെ.മ1.)	അംഗഭവന്യം
6	8	
3		3 : 4
1		3 : 4
	1	3 : 4
6	15	
2		2 : 5
1		2 : 5
	1	2 : 5

- കരു ചതുരത്തിലോ വിതിയും നീളവും 1 : 1 എന്ന അംഗഭവന്യത്തിലാണ് എന്നും പറഞ്ഞാൽ എന്നാണ് അർത്ഥം? അത് എത്രതുമാം ചതുരമാണ്?

മറ്റ് അളവുകൾ



രണ്ടു കയറുകൾ; ചെറുതിലോ നീളം $\frac{1}{3}$ മീറ്റർ, വലുതിലോ നീളം $\frac{1}{2}$ മീറ്റർ. ഇവയുടെ നീളങ്ങൾ തമിലുള്ള അംഗഭവന്യം എന്നാണ്?

പലരിതിയിൽ കണക്കാക്കാം. $\frac{1}{3}$ രീതി എത്ര മടങ്ങാണ് $\frac{1}{2}$ എന്നു നോക്കാം:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{3}{2}$$

അപ്പോൾ ചെറിയ കയറിന്റെ നീളത്തിന്റെ $\frac{3}{2}$ മടങ്ങാണ്

വലിയ കയറിന്റെ നീളം. അതായത് $1\frac{1}{2}$ മടങ്ങ്.

ചെറുതിന്റെ നീളം 1 ആയി എടുത്താൽ വലുതിന്റെ നീളം

$1\frac{1}{2}$; പകരം 2 ആയി എടുത്താൽ 3.

അതിനാൽ ചെറുതിന്റെയും വലുതിന്റെയും നീളം തമിലുള്ള അംശബന്ധം $2 : 3$.

മറ്റാരു രീതിയില്ലോ ആലോച്ചിക്കാം. ചതുരങ്ങളുടെ വിത്തിയും നീളവും പോലെ ചെറുതിനെയും വലുതി നെയും ഒരേ മടങ്ങായി നിട്ടുന്നത് സകൽപ്പിക്കാം; അപ്പോൾ ഏറ്റവും അംശബന്ധം മാറില്ലല്ലോ.

ഈ കയറിന്റെയും നീളം ഒരു മടങ്ങാക്കിയാലോ?

ചെറുതിന്റെ നീളം $\frac{2}{3}$ മീറ്ററും വലുതിന്റെ നീളം 1 മീറ്ററും മാറും; ഭിന്നസംഖ്യ ഒഴിവായില്ല.

ഭിന്നസംഖ്യ ഒഴിവാക്കാൻ എത്ര മടങ്ങാക്കണം?

ആരു മടങ്ങാക്കിയാലോ?

$\frac{1}{3}$ രീതി 6 മടങ്ങ് 2.

$\frac{1}{2}$ രീതി 6 മടങ്ങ് 3.

ചെറുതിന്റെ നീളം 2 മീറ്റർ, വലുതിന്റെ നീളം 3 മീറ്റർ.

അപ്പോൾ അംശബന്ധം $2 : 3$.

ഇനിയുമൊരു വഴിയുണ്ട്.

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} \quad \frac{1}{2} = \frac{3}{6}$$

എന്നാഴുതാമല്ലോ. അതായത്, ചെറിയ കയറിനെ $\frac{1}{6}$ മീറ്റർ

നീളമുള്ള 2 കഷണങ്ങൾ ചെർന്നതായും വലിയ കയറിനെ

$\frac{1}{6}$ മീറ്റർ നീളമുള്ള 3 കഷണങ്ങൾ ചെർന്നതായും

സകൽപ്പിക്കാം. ഇങ്ങനെ നോക്കിയാലും അംശബന്ധം $2 : 3$ എന്നു കണക്കാക്കാം.

ഈ ഈ കണക്കു നോക്കു. ഒരു പാതയം നിറയ്ക്കാൻ ആക്കുപ്പി വെള്ളം മതി. അതിനെക്കാൾ വലിയ ഒരു

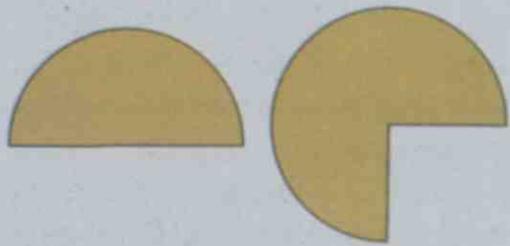
വ്യത്യസിച്ചാശി

ചുവടെയുള്ള വ്യത്യസിച്ചാശി നോക്കു.



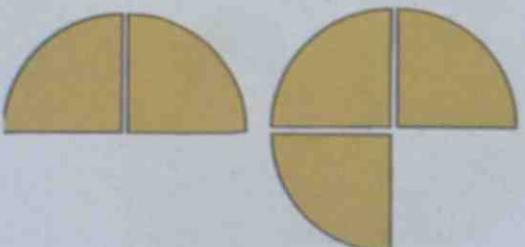
ചെറിയ കഷണം ഒരു വ്യത്യസിച്ചാശി $\frac{1}{4}$ ആശവും

വലിയ കഷണം ആ വ്യത്യസിച്ചാശി $\frac{1}{2}$ ആശവും മാണം. അതായത് വലിയ കഷണത്തിന് ചെറിയ കഷണത്തിന്റെ ഒഞ്ചു മടങ്ങു വലുപ്പമുണ്ട്. അപ്പോൾ ചെറുതിന്റെയും വലുതിന്റെയും വലുപ്പങ്ങൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം $1 : 2$ ആണ്. ഈ ഈ കഷണങ്ങൾ നോക്കു:



ഇവയുടെ വലുപ്പങ്ങൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്താണ്?

വ്യത്യസിച്ചാശി $\frac{1}{4}$ ആശം കൊണ്ട് ആളുന്നുമെന്ന കാം. ഇതിലെ ചെറിയ കഷണത്തിൽ അതും ഒഞ്ചു മടങ്ങുമുണ്ട്. വലിയ കഷണത്തിലുംലോ?



അപ്പോൾ ഈ കഷണങ്ങളുടെ വലുപ്പങ്ങൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്താണ്?

പാത്രം നിറയ്ക്കാൻ മുക്കാർക്കുപ്പി വെള്ളം വേണാം ചെറിയ പാത്രത്തിന്റെയും വലിയ പാത്രത്തിന്റെയും ഉള്ളടവുകൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്നാണ്?

ഇവിടെ

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

എന്നെഴുതാം. ഓഫ്പോൾ കുപ്പിയുടെ $\frac{1}{4}$ ഭാഗം വെള്ളം 2 തവണ ഒഴിച്ചുതുടർച്ചയാൽ ചെറിയ പാത്രം നിറയും; വലിയ പാത്രം നിറയാൽ കുപ്പിയുടെ $\frac{1}{4}$ ഭാഗം വെള്ളം തന്നെ 3 തവണ ഒഴിക്കണം. ചെറിയ പാത്രത്തിന്റെയും വലിയ പാത്രത്തിന്റെയും ഉള്ളടവുകൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം $2 : 3$.

മറ്റാരു കണക്ക്: രാജുവിന്റെ കൈയിൽ 200 രൂപയും റഹി മിന്റെ കൈയിൽ 300 രൂപയുമുണ്ട്. രാജുവിന്റെയും റഹി മിന്റെയും കൈയിലുള്ള തുകകളുടെ അംശബന്ധം എന്നാണ്?

ഞങ്ങൾപറുടെ കൈയിലും നുറു രൂപാന്തോടുകളാണുള്ള തന്നു കത്തിയാൽ, രാജുവിന്റെ കൈയിൽ 2 ഉം, റഹി മിന്റെ കൈയിൽ 3 ഉം ആണുള്ളത്. അതായത് അംശബന്ധം $2 : 3$.

കണക്കൽപ്പം മാറ്റി, രാജുവിന്റെ കൈയിൽ 250 രൂപയും, റഹിമിന്റെ കൈയിൽ 350 രൂപയുമാണെന്നാക്കത്താലോ?

തുകകൾ 50 രൂപാ നൊട്ടുകളായി കണക്കാക്കിയാൽ, രാജുവിന്റെ കൈയിൽ 5 നൊട്ടുകൾ, റഹിമിന്റെ കൈയിൽ 7; അംശബന്ധം $5 : 7$.

തുകകൾ 225 രൂപയും 325 രൂപയുമാണെങ്കിലോ?

കാരാന്തിനെയും 25 രൂപ വിത്തമുള്ള പൊതികളായി സകൽപ്പിച്ചാൽ, രാജുവിന്റെ കൈയിൽ $225 + 25 = 9$ പൊതി, റഹിമിന്റെ കൈയിൽ $325 + 25 = 13$ പൊതി; അംശബന്ധം $9 : 13$.

ഒരു കണക്കുടി നോക്കാം. ഒരു കൂസിൽ 25 പെസ്കുടികളും 20 ആൺകുടികളുമുണ്ട്. പെസ്കുടികളുടെയും ആൺകുടികളുടെയും എല്ലാം തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്നാണ്?

പെസ്കുടികളെയും ആൺകുടികളെയും 5 പോർ വിത്തമുള്ള സംഖ്യകളാക്കിയാൽ, പെസ്കുടികളുടെ 5 സംഖ്യകളും ആൺകുടികളുടെ 4 സംഖ്യകളുമുണ്ടാകും. ഓഫ്പോൾ അംശബന്ധം $5 : 4$.

പാത്രം അംശബന്ധം

കളിവണ്ണികളോ ഫോ റോക്കുകളോ അഴിച്ചി നോക്കിയിട്ടുണ്ടോ? അവയിൽ പല വലുപ്പത്തി മുള്ള പദ്ധതുക്കളും കാണാം. ചിത്രം നോക്കു.



ഒരു യന്ത്രത്തിന്റെ ചെറിയിയാരു ഭാഗമാണിൽ, മുതിൽ മുഴുവന്നായി കാണുന്ന പദ്ധതുക്കളിൽ പദ്ധതിൽ 13 പല്ലും വലുതിൽ 21 പല്ലുംാണു മുള്ള്. ചെറിയ പല്ലും 21 തവണ കാണിക്കാണിയുന്നാണ് വലിയ പല്ലും 13 തവണ മാത്രമെ കാണിയിട്ടുണ്ടാവുകയുള്ളത്.

മുണ്ണു പദ്ധതുകളുടെ പല്ലുകളുടെ ഏല്ലാം നിശ്ചിത അംശബന്ധങ്ങളിൽ ക്രമീകരിച്ചാണ് മുന്നാണിൽ കാണുന്നതിന്റെ വേഗം നിയന്ത്രിക്കുന്നത്.

സ്ഥാനി പുകയുള്ളതും ലഭിക്കാണെന്ന!

പ്രശ്നം പ്രശ്നംപോലെ



ഇതുപോലെ ചൂവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്ന കണക്കുകളിലെ മൂം, കഴിയുന്നതു ചെറിയ എണ്ണമിൽസംഖ്യകളുപയോഗിച്ച് അംശബന്ധങ്ങൾ കണക്കാക്കുക.

- ഒരു പെൻസില്ലുകൾ; ചെറുതിന്റെ നീളം 6 സെന്റി മീറ്ററും വലുതിന്റെ നീളം 9 സെന്റിമീറ്ററുമാണ്. വലുതിന്റെയും ചെറുതിന്റെയും നീളങ്ങൾ എന്ത് അംശബന്ധത്തിലാണ്?
- ഒരു സ്കൂളിൽ 120 ആൺകുട്ടികളും 140 പെൺകുട്ടികളും ഉണ്ട്. ആൺകുട്ടികളുടെയും പെൺകുട്ടികളുടെയും എണ്ണം തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്താണ്?
- ഒരു സഞ്ചേദനത്തിൽ 96 സ്ത്രീകളും 144 പുരുഷരും പങ്കെടുത്തു. സ്ത്രീകളുടെ എണ്ണവും പുരുഷരുടെ എണ്ണവും തമിലുള്ള അംശബന്ധം കണ്ടുപിടിക്കുക.
- ഒരു ചട്ടകെകാണ്ട് ഒരു ചട്ടത്തിന്റെ വശങ്ങൾ ആളുന്നപോൾ വിതി, ചരടിന്റെ $\frac{1}{4}$ ഭാഗവും നീളം ചരടിന്റെ $\frac{1}{3}$ ഭാഗവും എന്നു കണ്ടു. വിതിയും നീളവും തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്താണ്?
- ഒരു വലിയ കുപ്പി നിറയ്ക്കാൻ $3\frac{1}{2}$ ഗ്രാം വെള്ളവും ചെറിയ കുപ്പി നിറയ്ക്കാൻ $2\frac{1}{4}$ ഗ്രാം വെള്ളവും വേണം. വലിയ കുപ്പിയുടെയും ചെറിയ കുപ്പിയുടെയും ഉള്ളളവുകൾ തമിലുള്ള അംശബന്ധം എന്താണ്?

പ്രസ്തുതികളുടെ ബന്ധം

ഇല്ലാതെനിരുത്താൻ, അംശബന്ധം അഥവാ ഒരു കിലോം അതിയും ഒരു കിലോം ഉള്ളനുമെടുത്താണ് അതിയക്കുന്നത്. വിരുന്നുകാർ വരുന്നതിന്റെ താലുന്ന് നാലു കിലോം അതിയെടുത്തു. എത്ര കിലോം ഉള്ളനുടുക്കണാം? തുച്ഛിയും ഗുണവും മാറാതിരിക്കാം, അതിയെടുത്തതിന്റെ പകുതിയാണ് ഉള്ളനുടുക്കണം.

അപ്പോൾ നാലു കിലോം അതിക്ക് ഒരു കിലോം ഉള്ളനുടുക്കണം,

അതിയും ഉള്ളനും $2 : 1$ എന്ന അംശബന്ധത്തിലായിൽ കണ്ണം എന്നു പറയാം.

ഈ മറ്റാരു മിശ്രിതക്കണക്ക്: അബ്ദുവിന്റെ വിടിന്റെ പുമ്പുകൾക്ക് ചായം തേയ്ക്കാൻ ആദ്യം 25 ലിറ്റർ പച്ചയും, 20 ലിറ്റർ വെള്ളയും പെയിറ്റ് കലർത്തിയെടുത്തു. ഇതു

സിമൺം മനല്ലും

സിമൺം മനല്ലും ഒരു നിബിട അംശബന്ധത്തിൽ ചെറിയ ചെർത്താണ് കെട്ടിസിരിജാൻതിൽ ഉപയോഗിക്കുന്നത്. എന്നാൽ എല്ലാ ആവശ്യങ്ങൾക്കും ഒരു അംശബന്ധത്തിലല്ല ഈ ചെർക്കുന്നത്. ഒരു ചട്ടി സിമൺം അബ്ദ് ചട്ടി മനല്ലും ചെറിയത് മിശ്രിതമുണ്ടാക്കുന്നവാഡി സിമൺം മനല്ലും തമിലുള്ള അംശബന്ധം $1 : 5$ ആണ് എന്നു പറയാം. ഒരു ചാക്ക സിമൺം അബ്ദ് ചാക്ക മനല്ലും ഉപയോഗിച്ചാലും അംശബന്ധം ഇതുതന്നെ. എന്നാൽ ഇങ്കിൽ, കെട്ടുന്നതിൽ ഇതെയും സിമൺം മനല്ലും ചെർക്കുന്നത്.

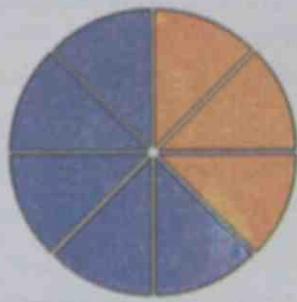


ബഹാദുർ അംഗഭാഗം

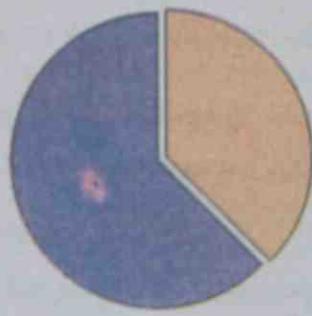
ഒരു വന്നതുവില്ലെങ്കിൽ തന്നെ ബഹാദുർ താരതമ്യം പച്ചയാളും അംഗഭാഗം ഉപയോഗിക്കാം; ഇരാഹാനാഡാവി ഇന്ത്യൻ ഭൂപടംനിന്മുള്ള

ബഹാദുർ വ്യത്യാസിക്കുന്നു $\frac{3}{8}$ ബഹാദുർ; കട്ടംനിന്ന്

ബഹാദുർ ബഹാദുർ വ്യത്യാസിക്കുന്നു $\frac{5}{8}$ ബഹാദുർ.



ഇവ രണ്ടും ചെറിനാൽ മുഴുവൻ വ്യത്യാസി. ഇന്ത്യൻ രണ്ടും ബഹാദുർ വ്യത്യാസി. വല്ലപ്പും തമിലുള്ള അംഗഭാഗം 3 : 5.



ഇന്നേതു രണ്ടും ബഹാദുർ വ്യത്യാസി 3 : 5 എന്ന അംഗ

ഭാഗം $\frac{3}{8}, \frac{5}{8}$ എന്ന രീതി ദിനസംവ്യക്തി യാണ് സൂചിപ്പിക്കുന്നത്.

പൊതുവും പറഞ്ഞാൽ ഇതും സന്ദർഭജ്ഞാ വല്ലോം അംഗഭാഗം അംഗഭാഗം സൂചിപ്പിക്കുന്നത്, തുക 1 ദിന ചെറിയാൽ ആവിധ്യവും ആരു ദിനസംവ്യക്തിയും.

തതിയാകാതെ വന്നപ്പോൾ വിശ്വാസി 15 ലിറ്റർ പച്ചയെടുത്തു, ഇതിൽ എത്ര ലിറ്റർ വെള്ള ചേർക്കണം?

ആദ്യത്തെ നിരം തന്നെ കിട്ടണമെങ്കിൽ, നിന്നാണെങ്കിൽ അംഗഭാഗം മാറ്റുത്.

ആദ്യം പച്ചയും വെള്ളയും എന്ന് അംഗഭാഗത്തിലാണ് കലർത്തിയത്?

അതായത്, 5 ലിറ്റർ പച്ചയ്ക്ക് 4 ലിറ്റർ വെള്ള എന്നാണ് കണക്ക്.

ഈ അംഗഭാഗത്തിൽത്തന്നെന്ന ആകണമെങ്കിൽ 15 ലിറ്റർ പച്ചയ്ക്ക് എത്ര ലിറ്റർ വെള്ള ചേർക്കണം?

5 രണ്ട് എത്ര മട്ടാണ് 15?

അപ്പോൾ 4 ലിറ്ററിൽ 3 മട്ടുകൾ വെള്ള ചേർക്കണം; അതായത് 12 ലിറ്റർ.

ഈതു പച്ചനിറം കിട്ടാൻ, 16 ലിറ്റർ വെള്ളയുടെ കുട എത്ര ലിറ്റർ പച്ച ചേർക്കണം?

ഇതുപൊലെ ഈ കണക്കുകൾ ചെയ്തുനോക്കു:

- ദാശയുണ്ടാക്കാൻ, 6 കിലോം അതിക്ക് 2 കിലോം ഉഴുവും എന്നാണ് കണക്ക്. 9 കിലോം അതിയെടുത്താൽ, എത്ര കിലോം ഉഴുവെന്നുകണം?
- നിസാറിൽ വിടിരിൽ ചുവർ തെയ്ക്കുന്നതിന് സിമൺം കണലും 1:5 എന്ന അംഗഭാഗത്തിലാണ് ഉപയോഗിച്ചത്. ഇതിനായി 45 ചാക്ക് സിമൺ് വാങ്ങി എത്ര ചാക്ക് മണൽ വാങ്ങണം?
- വിടിന് ചായം തെയ്ക്കുന്നോൾ 24 ലിറ്റർ ചായത്തിൽ കുട 3 ലിറ്റർ ദർപ്പെരെറ്റിൽ ആണ് ചേർത്തത്. 32 ലിറ്റർ ചായത്തിൽ കുട എത്ര ലിറ്റർ ദർപ്പെരെറ്റിൽ ചേർക്കണം?
- ഒരു പബായത്തിലെ നീനാം വാർഡിൽ സ്ക്രീ കളുടെയും പുതുക്കണമാതൃത്വത്തോടു എല്ലാം 11:10 എന്ന അംഗഭാഗത്തിലാണ്. ഇവിടെ 3311 സ്ക്രീകളുണ്ടുള്ളത്. ഇവിടെ എത്ര പുതുക്കണമാരുണ്ട്? ആകെ ഒന്നുംവും എത്രയാണ്?
- ഒരു സ്കൂളിലെ അധ്യാപകരിൽ സ്ക്രീകളുടെ എല്ലാവും പുതുക്കണമാതൃത്വത്തോടു എല്ലാവും തമിലുള്ള അംഗഭാഗം 5:1 ആണ്. 6 പേര് പുതുക്കണമാരാണ്. സ്ക്രീകൾ എത്രയാണ്?
- അലിയും അജയനും ചേർന്ന് ഒരു കട തുടങ്ങി. അഡ്വി 5000 രൂപയും അജയൻ 3000 രൂപയുമാണ് മുതൽ മുടക്കിയത്. ഒരു മാസം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ കിട്ടിയ ലാഡ് അവർ മുടക്കുമുതലിരുന്ന് അംഗഭാഗത്തിൽ വിതിച്ചു. അഡ്വിക്ക് 2000 രൂപ കിട്ടി. അജയൻ എത്ര രൂപ കിട്ടി? ആകെ എത്ര രൂപയാണ് ലാഡ് കിട്ടിയത്?

ബഹുക്കാർ

ഇപ്പുലി ഉണ്ടാക്കാൻ അതിയും ഉഴുന്നും $2 : 1$ എന്ന അംഗം ബന്ധാന്തിലാം ഫ്രെക്ചുന്നതെന്നു പറഞ്ഞുമ്പോൾ, അതിയും ഉഴുന്നും കൂടി ആകെ 9 കിലോമാർ ഫ്രെച്ചുതന്നു. മുതിൽ അരി എത്ര കിലോമാർ?

2 കിലോം അതിയും 1 കിലോം ഉഴുന്നുമെടുത്താൽ ആകെ 3 കിലോമായി.

ഇവിടെ ആകെ 9 കിലോം ഫ്രെച്ചുതിട്ടുണ്ട്.

3 എഴു എത്ര മടങ്ങാം? 9?

അംഗബന്ധം പാലിക്കാൻ, അതിയും ഉഴുന്നും 3 മടങ്ങുതന്നെ ഫ്രെക്ചുണം.

അപ്പോൾ അരി 6 കിലോം, ഉഴുന്ന് 3 കിലോം.

മറ്റാരു കണക്ക്:

ഒരു സഹകരണസംഘത്തിൽ 600 പുരുഷരും 400 സ്ത്രീകളും അംഗങ്ങളാം. ഇവർത്തിനിന് 30 പേരുടെ പ്രവർത്തകസമിതി ഉണ്ടാക്കണം. അതിൽ പുരുഷരുടെയും സ്ത്രീകളുടെയും എല്ലാത്തിന്റെ അംഗബന്ധം സംഘത്തിലേതു തന്നെ ആയിരിക്കണം. പ്രവർത്തകസമിതിയിൽ എത്ര പുരുഷരും എത്ര സ്ത്രീകളും ഉണ്ടായിരിക്കണം?

മൊത്തം സംഘത്തിൽ പുരുഷരുടെയും സ്ത്രീകളുടെയും അംഗബന്ധം $3 : 2$ ആണുമ്പോൾ.

3 പുരുഷരും 2 സ്ത്രീകളും ചേർന്നാൽ 5 പേരുണ്ട്. ഇവിടെ 30 പേരെയാണ് ആവശ്യം.

5 എഴു എത്ര മടങ്ങാം? 30?

അപ്പോൾ സമിതിയിൽ $3 \times 6 = 18$ പുരുഷരും $2 \times 6 = 12$ സ്ത്രീകളും ഉണ്ടായിരിക്കണം.

ഒരു കണക്കുകൂടി തന്നാക്കാം. സ്കൂളിലെബാരു പച്ചക്കറിത്താട്ടമുണ്ടാക്കാൻ ചതുരാക്കുതിയില്ലെങ്കിൽ ഒരു സ്ഥലം കയർക്കെട്ടി തിരിക്കണം. വിത്തിയും മെരിയും 24 മീറ്റർ നീളമുള്ള കയർക്കെകാണ്ട് ചതുരമുണ്ടാക്കാൻ തുടങ്ങി. വിത്തിയും നീളവും $3 : 5$ എന്ന അംഗബന്ധത്തിലിഡ്യാൽ നന്നായിതിക്കുമെന്ന് വിമല ടീച്ചർ പറഞ്ഞു. വിത്തിയും നീളവും എത്ര മീറ്റർ ആയിരിക്കണം?

കയറിഞ്ഞു നീളം 24 മീറ്ററാണ്. അതിനാൽ, ചതുരത്തിന്റെ ചുറ്റവും മുതുതന്നെ.

വിത്തിയും നീളവും 3 മീറ്റർ, 5 മീറ്റർ എന്നുകൂട്ടതാൽ ചുറ്റവും എത്രയാണ്?

അംഗബന്ധമന്ത്രാലീ

രണ്ടുവുകളുടെ അംഗബന്ധം മാത്രം അറിഞ്ഞാൽ അത് ഓരോന്നും ഏതൊരുഭാജനം പറയാൻ കഴിയില്ല. പരക്ക്, അവ തജ്ജിൽ പലതരങ്ങിൽ താരത്തും ചെയ്യാം.

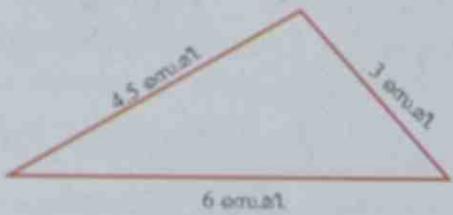
ഉദാഹരണമായി, രണ്ട് പാത്രങ്ങളുടെ ഉള്ളഭവുകൾ തജ്ജില്ലെങ്കിൽ അംഗബന്ധം $2 : 3$ എന്നതിനെ ചുവടപ്പെട്ടുനാലും വ്യാവധാനിക്കാം.

- ചെറിയ പാത്രം നിറയ്ക്കാൻ, വലിയ പാത്രങ്ങിന്റെ $\frac{2}{3}$ ഭാഗം വെള്ളം നൽകി.
- വലിയ പാത്രം നിറയ്ക്കാൻ, ചെറിയ പാത്രത്തിന്റെ $\frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$ മടങ്ങ് വെള്ളം വേണം.
- ചെറിയ പാത്രത്തിന്റെ $\frac{1}{2}$ ഭാഗം വെള്ളമെടുത്താലും, വലിയ പാത്രങ്ങിന്റെ $\frac{1}{3}$ ഭാഗം വെള്ളമെടുത്താലും ഒരു അളവാണ് കിട്ടുന്നത്.
- രണ്ട് പാത്രത്തിലും നിറയെ വെള്ളമെടുത്ത് മറ്റാരു പാത്രത്തിലെഡിച്ചുവാൻ, അതിന്റെ $\frac{2}{5}$ ഭാഗം ചെറിയ പാത്രങ്ങിൽനിന്നും, $\frac{3}{5}$ വലിയ പാത്രത്തിൽനിന്നും കിട്ടിയതാണ്.

രണ്ട് കയറുകളുടെ നീളം $3 : 5$ എന്ന അംഗബന്ധത്തിലിഡ്യാണ് പാണ്ടാൻ. മുതുപൊലു എത്രയും കാര്യമാണ് അതിന്റെ മനസ്സിലാക്കാൻ കഴിയുക?

ബന്ധ അല്പവുകൾ

ഈ ത്രികോണം എന്നോ?



ഈതിൽ ഏറ്റവും ചെറിയ വരുത്തിശേഷ് രണ്ടുമടങ്ങാൻ, ഏറ്റവും വലിയ വശം, ഏറ്റവും ചെറിയ വരുത്തിശേഷ് ഒന്നാക്കണ്ടാണ് ഇടങ്ങം വശം, അംഗംബന്ധം ഉച്ചവാഹിച്ചി പരിഞ്ഞാൽ ഏറ്റവും ചെറിയ വരുത്തം ഏറ്റവും വലിയ വരുത്തം തന്നില്ലെങ്കിൽ അംഗംബന്ധം $1 : 2$.

ഏറ്റവും ചെറിയ വരുത്തം ഇടങ്ങം വരുത്തം തന്നില്ലെങ്കിൽ അംഗംബന്ധം $2 : 3$.

ഇടങ്ങം വരുത്തം ഏറ്റവും വലിയ വരുത്തം തന്നില്ലെങ്കിൽ അംഗംബന്ധം ഏറ്റാണ്?

ഇടാവലിയോളിള്ളാം മറ്റാരു ദിനിൽക്കുൻ പായം: 1.5 സെന്റീമീറ്റർ നിളമുള്ള ഒരു ചട്ടുകൊണ്ടു നാൽ, ഏറ്റവും ചെറിയവരുത്തിശേഷ് നിളം 2, ഇട അംഗം വശം 3, ഏറ്റവും വലിയ വശം 4.

ഈ ചെറുക്കി, മുന്നു വരുത്താളും തന്നില്ലെങ്കിൽ അംഗംബന്ധം $2 : 3 : 4$ എന്നു പായം.

**പ്രശ്നത്തിനിടുന്നതിലുണ്ട്.
പിരിന്നാതാ
അംഗംബന്ധം
മിന്നപിരിക്കാം ദി?**



16 എൻ്റെ മടങ്ങാണ് 24?

$$\frac{24}{16} = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$$

അംഗൂഢി വിതി, 3 മീറ്ററിൽ $1\frac{1}{2}$ മടങ്ങ്; അതായത്

$$3 \times 1\frac{1}{2} = 4\frac{1}{2} \text{ മീറ്റർ}$$

നിളം, 5 മീറ്ററിൽ $1\frac{1}{2}$ മടങ്ങ്; അതായത്

$$5 \times 1\frac{1}{2} = 7\frac{1}{2} \text{ മീറ്റർ}$$

ഈ ഈ കണ്ണഡയുകൾ ചെയ്യുമ്പോക്കു.

- സുപ്പിരിയും സീതയും ചേർന്ന് ഒരു കച്ചവടം തൃട അംഗി. സുപ്പിരി 40000 രൂപയും സീത 30000 രൂപയും മുടക്കി. ലാഭോധി കിട്ടിയ 7000 രൂപ മുടക്കുമുതൽ ലിംഗി അംഗംബന്ധത്തിൽ വീതിച്ചു. ഓരോരു തന്ത്രക്കും എന്റെ രൂപ വീതം കിട്ടി?
- ജോണും രമേഷും കൂടി ഒരു ജോലി കരാറെടുത്തു. ജോണ് 7 ദിവസവും രമേഷ് 6 ദിവസവും ജോലി ചെയ്തു. കുലിയാധി കിട്ടിയ 6500 രൂപ ജോലി ചെയ്ത ദിവസങ്ങളുടെ അംഗംബന്ധത്തിൽ ഭാഗി ചെടുത്തു. ഓരോരുത്തന്ത്രക്കും എന്റെ രൂപ വീതം കിട്ടി?
- കൈ രേഖിയ ജോടിയിലെ കോൺകൾ 4:5 എന്ന അംഗംബന്ധത്തിലാണ്. ഓരോ കോൺിന്റെയും അളവ് എന്തെങ്കിലും?
- 9 സെന്റീമീറ്റർ നിളത്തിൽ AB എന്നാരു വര വരയ്ക്കുക. ഇതിൽ P എന്ന കുത്തിണം. $A P, PB$ എന്നിവയുടെ നിളങ്ങൾ $1:2$ എന്ന അംഗംബന്ധത്തിലായിരിക്കണം. A യിൽ നിന്ന് എന്റെ അകലെയാണ് P . അടയാളപ്പെടുത്തേണ്ടത്? കണക്കുകൂടി അടയാളപ്പെടുത്തുക.
- 15 സെന്റീമീറ്റർ നിളമുള്ള ഒരു വര വരയ്ക്കുക. ഇതിനെ $2 : 3$ എന്ന അംഗംബന്ധത്തിൽ ഭാഗിക്കുന്ന ബിന്ദു ഇതിൽ അടയാളപ്പെടുത്തണം. നിളങ്ങൾ കണക്കാക്കി ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക.

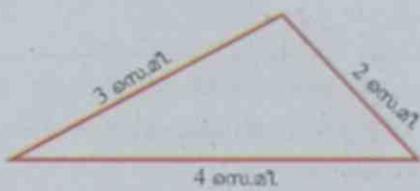


- സീതയും സോബിയും ഒരു തുക $3 : 2$ എന്ന അംഗം ബന്ധത്തിൽ വിതിച്ചപ്പോൾ സീതയ്ക്ക് 480 രൂപ കിട്ടി. ആകെ എത്ര രൂപയാണ് വിതിച്ചത്?
- ഒരു മട്ടതിക്കാണത്തിലെ മട്ടമല്ലാത്ത കൊണ്ടുകൾ $1:4$ എന്ന അംഗബന്ധത്തിലാണ്. ഈ കൊണ്ടുകൾ കണക്കാക്കുക.
- 30 സെന്റീമീറ്റർ ചുറ്റളവും വശങ്ങളുടെ നീളം $1 : 2$ എന്ന അംഗബന്ധത്തിലുമായ ചതുരം വരയ്ക്കുക. ഈ ചുറ്റളവിൽ, വശങ്ങളുടെ നീളം തണ്ടില്ലെങ്കിൽ അംഗബന്ധം $2:3$ ആയ ചതുരവും $3 : 7$ ആയ ചതുരവും വരയ്ക്കുക. മുന്നു ചതുരങ്ങളുടെയും പരപ്പളവുകൾ കണക്കാക്കുക.

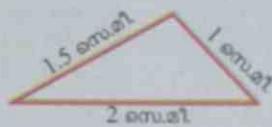
ത്രികോണക്കണക്ക്

വശങ്ങളുടെ അംഗബന്ധം $2 : 3 : 4$ ആയ എത്ര ത്രികോണങ്ങളുണ്ട്?

വശങ്ങളുടെ നീളം 2 സെന്റീമീറ്റർ, 3 സെന്റീമീറ്റർ, 4 സെന്റീമീറ്റർ ആകാം.



അല്ലെങ്കിൽ 1 സെന്റീമീറ്റർ, 1.5 സെന്റീമീറ്റർ, 2 സെന്റീമീറ്റർ.



സെന്റീമീറ്ററിന് പകരം മീറ്ററാക്കാം.

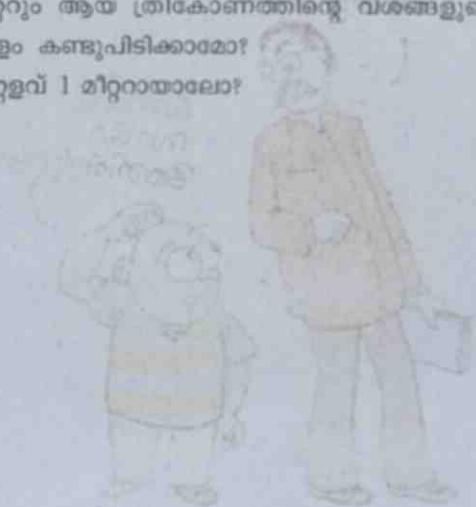
അങ്ങനെ പലതും.

ഇങ്ങനെയുള്ള ത്രികോണങ്ങളിലെല്ലാം ഏറ്റവും ചെറിയ വശം ചുറ്റളവിൽ എത്ര ഭാഗങ്ങൾ? ഇടത്തരം വശമാണ്?

ഏറ്റവും നീളം കുടിയ വശം?

വശങ്ങളുടെ ബന്ധം $5 : 7 : 8$ ദു ചുറ്റളവ് 80 സെന്റീമീറ്ററും ആയ ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളുടെ നീളം കണക്കാക്കാംമോ?

ചുറ്റളവ് 1 മീറ്ററായാണോ?



കോളേജ്യൂറനാ ക്ലൗഡ് സെർവ്വീസ്



പാതനനേട്ടങ്ങൾ	എനിക്ക് കഴിയും	ടീച്ചുറുട്ട് സഹായത്താട്ട കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെട്ട ശൃംഖലകൾ
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു അളവുകൾ തമിലുള്ള അംശവന്നമം എററവും പെറിയ എല്ലാൽ സംഖ്യകളുപരിയാ ഗ്രിഫ് പറയുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു അളവുകൾ തമിലുള്ള അംശവാ ന്നമണ്ണ വ്യത്യസ്ത റിതിയിൽ വ്യാവ്യാമി ക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> നിശ്ചിത അംശവന്നമായിലുള്ള ഒരു അളവുകളിൽ ഒന്നിലും അളവ് അറിയണ്ടിരുന്നാൽ ഒന്നാമാണ്ണ അളവ് ഏതൊക്കെ കണക്കാ ക്കുന്നതിനുള്ള റിതി വിശദിക്കിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു സംഖ്യയെ നിശ്ചിത അംശവന്നമായിൽ ഭാഗിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> അംശവന്നമം ഉൾപ്പെടുത്താ പ്രാധാന്യാർഹിക പ്രശ്നങ്ങളശേ പരിഹരിക്കുന്നു. 			





10

പണവിപ്പാടുകൾ

The image features a 20 Indian Rupee note from the Reserve Bank of India. The note is oriented vertically and shows the portrait of Mahatma Gandhi. A large blue arrow points diagonally across the note, starting from the bottom left and ending near the top right. Below this graphic, the text '10 പണവിപ്പാടുകൾ' is written in a stylized, colorful font.

10 പണവിപ്പാടുകൾ

പച്ചക്കരിപില

സാഗർക്കാവിലിലെയും തിരുവനന്തപുരത്തെയും പില പച്ചക്കരികളുടെ വിലകളാണ് പട്ടികയിൽ.

പച്ചക്കരിപില (1 കിലോഗ്രാമിൽ)

ഇനം	തിരുവനന്തപുരം	സാഗർക്കാവിൽ
ബിറ്ററ്റ്	35 രൂപ	24 രൂപ
കാബേജ്	45 രൂപ	30 രൂപ
കാര്ഡ്	60 രൂപ	50 രൂപ
പച്ചമുളക്	76 രൂപ	60 രൂപ

വിലവൃത്യാസത്തിനു കാരണമെന്തായിരിക്കും?

- കടത്തുകൂലി

•

•

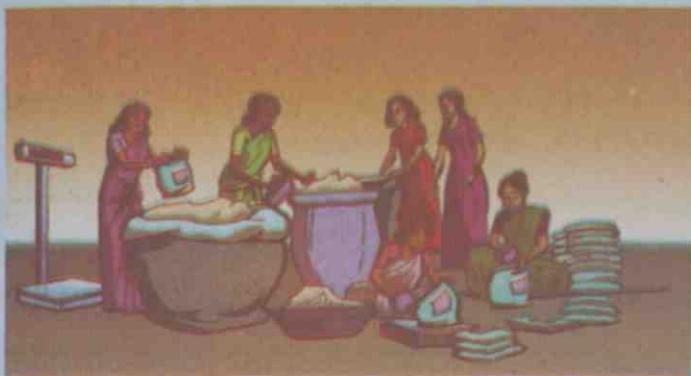
മജീദ് എ പച്ചക്കരിക്കച്ചവടക്കാരനാണ്. അയാൾ 4000 രൂപയ്ക്ക് ചെന വാങ്ങി. ഒരു കിലോഗ്രാമിൽ 20 രൂപയാണ് കൊടുത്തത്. അവിടെ പച്ചതന്നെ ഒരു കിലോഗ്രാമിൽ 25 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റു. ഈ കച്ചവടത്തിൽ അയാൾക്ക് എത്ര രൂപ ലാഭം കിട്ടി?

- എത്ര കിലോഗ്രാം ചെന്നയാണ് വാങ്ങിയത്?
- ആകെ എത്ര രൂപയ്ക്കാണ് വിറ്റത്?
- വാങ്ങാൻ എത്ര രൂപയാണ് ചെലവായത്?
- ലാഭം എത്ര രൂപയാണ്?

അടുത്ത ദിവസവും മജീദ് കിലോഗ്രാമിൽ 20 രൂപവച്ച് 200 കിലോഗ്രാം ചെന വാങ്ങി. അടുത്ത ചന്തയിലെത്തിക്കു നന്തിന് വാഹനത്തിന് 200 രൂപ വാടകയായി. അവിടെ കിലോഗ്രാമിൽ 25 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റു. അയാൾക്ക് ആകെ എത്ര രൂപ ലാഭം കിട്ടി?

ഈവിടെ മജീദ് ആകെ എത്ര രൂപയാണ് ചെലവാക്കിയത്? കണ്ണത്താൻ ചെന്നയുടെ വിലയോടൊപ്പം വാഹനവാടക കൂടി കുടണ്ടാലോ.





ഒരു സഹകരണ സംഘം ഒരു കിലോഗ്രാമിന് 25 രൂപ വച്ച് 100 കിലോഗ്രാം ശോതന്ത്ര വാങ്ങി. അത് കഴുകി ഉണക്കി പൊടിച്ച് കവറിലാക്കുന്നതിന് 500 രൂപ ചെലവായി. ഒരു പാക്കറ്റ് പൊടികൾ 35 രൂപ നിരക്കിൽ 100 പാക്ക രൂകൾ വിൽപ്പനയ്ക്ക് തയാറാകി. ഈതിൽ 20 പാക്കറ്റ് ശോത സ്വീപോടി കേടായിപ്പോയി. ഈ കച്ചവടത്തിൽ അവർക്ക് ലാഭമോ നഷ്ടമോ? എത്ര രൂപ?



- ബെൻസിന് 75000 രൂപ നിരക്കിൽ തോമസ് 10 ബെൻസ് സമലം വാങ്ങി. 50000 രൂപ മുടക്കി ചുറ്റുമതിൽ കെട്ടി. കിണർ കുഴിച്ചതിന് 60000 രൂപയായി. ബെൻസിന് 90000 രൂപ നിരക്കിൽ വിറ്റു. ഈ കച്ചവടത്തിൽ അധാർക്ക് ലാഭമോ നഷ്ടമോ? എത്ര രൂപ?
- ഒരു കച്ചവടക്കാരൻ കിരീതിന് 19850 രൂപ നിരക്കിൽ 20 കിരീതിൽ റബ്ബർഷീറ്റ് വാങ്ങി. അത് കടയിലെത്തി കുമ്പന്തിൽ 3000 രൂപ ചെലവായി. റബ്ബർിൽ വിലയിടി ഞഞ്ചതിനാൽ കിരീതിന് 18250 രൂപയ്ക്ക് വിൽക്കേണ്ടിവന്നു. അധാർക്ക് എത്ര രൂപ നഷ്ടം ഉണ്ടായി?

പാശം ദാഖലാക്കാൻ

സജീവ്യൈടുകൾ പാശക്കടയാളിലെ വിലവിവരപുട്ടികയാണിൽ:

ഇനം	വില (1 കിലോഗ്രാമിന്)
ഓറബ്ബ്	60 രൂപ
മുന്തിരി	52 രൂപ
ആഫ്ഫിൾ	110 രൂപ
മാന്ധാരം	65 രൂപ

കിരീതിനും മുണ്ടാക്കാൻ

അദ്യകാലത്ത് നീറുവും ഓവുംകളും ആളുക്കാൻ പല സ്ഥലങ്ങളിലും പല ഏകകങ്ങളാണ് ഉപയോഗിച്ചിരുന്നത്. ഇപ്പോൾ മിക്കവാറും ഏലും സ്ഥലങ്ങളിലും ഇവയുള്ളാം ഏകീകരിച്ച് മെട്ടിക് റിതിയിലുംകണിക്കും.

പാശക്കാലത്തുതന്നു ഓമുളക്കാൻ അടിസ്ഥാന ഏകകത്തിൽ നിന്നുക്കണക്ക് എന്ന അടിവാഹിയിൽ പലസ്ഥലങ്ങളിലും കിരീതിൽ എന്ന ഏകകം ഉപയോഗിച്ചിരുന്നു. മെട്ടിക് റിതി നിലവിൽ വന്ന പ്രസാർ ഇൽ 100 കിലോഗ്രാം എന്ന് നിജപ്പെട്ടുതാണ്.

അദ്യകാലത്ത് ഇംഗ്ലീഷിലും മറ്റും ഒരു ടൺ (ton) എന്നാൽ 2240 പശ്ശകൾ (ഇന്ത്യയിൽ 1016 കിലോഗ്രാം) എന്നായിരുന്നു കണക്ക്. മെട്ടിക് റിതി യിൽ ഒരു ടൺ (tonne) എന്നാൽ 1000 കിലോഗ്രാം എന്നാണ് കണക്ക്. വെർത്തിരിച്ചറിയാനായി ഇതിനെ മെട്ടിക് ടൺ എന്നും പറയാറുണ്ട്.

മെട്ടിക് റിതിയിലെ പൊതുവായ പെട്ടുകളുടെ വിച്ച് ഒരു ടൺ എന്നത് ഒരു മെഗാഗ്രാം (1000000 ഗ്രാം) ആണ്.



അയാൾ ഓരോവ്വും മാസിച്ചു 50 രൂപയ്ക്കാണ് വാങ്ങുന്നത്. മുതിരി കിലോഗ്രാമിൽ 40 രൂപയ്ക്കും ആപ്പിൾ 100 രൂപയ്ക്കും. എത്ര കച്ചവടമാണ് അയാൾക്ക് ഏറ്റവും ആഭാധകരം?

50 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങുന്ന ഓരോബ്ദീ 60 രൂപയ്ക്കും അതേ വിലയ്ക്ക് മാഞ്ചുന്ന മാസി 65 രൂപയ്ക്കുമാണ് വിൽക്കുന്നത്. ഇതിൽ ആഭാധകരം മാസിമാണോള്ളും. കാരണം, ഒരു തുക പൊലവാക്കുന്നവർ കൂടുതൽ കിട്ടുന്നത് മാസിമാണ്.

100 രൂപയ്ക്ക് ആപ്പിൾ വാങ്ങി 110 രൂപയ്ക്കു വിൽക്കുന്നും ലാഡം 10 രൂപ.

50 രൂപയ്ക്ക് ഓരോബ്ദീ വാങ്ങി 60 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റാൽ എത്ര രൂപ ലാഡം കിട്ടും?

ഇവയിൽ എത്ര കച്ചവടമാണ് മെച്ചമെന്ന് എങ്ങനെ തീരുമാനിക്കും?

50 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയ ഓരോബ്ദീ വിറ്റപ്പോഴും 100 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയ ആപ്പിൾ വിറ്റപ്പോഴും ലാഡം 10 രൂപയാണ്. അതുകൊണ്ട് കുറഞ്ഞ മുതൽമുടക്കുള്ള ഓരോബ്ദിയേ കച്ചവടമാണ്. കൂടുതൽ ആഭാധകരം.

മുതിരി 40 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങി 52 രൂപയ്ക്കാണ് വിൽക്കുന്നത്.

ഓരോബ്ദീ 50 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങി 60 രൂപയ്ക്കാണ് വിൽക്കുന്നത്.

ഇവയിൽ എതിരെ കച്ചവടമാണ് ആഭാധകരം?

ഇവ രണ്ടും 100 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയാണോ?

100 രൂപയ്ക്ക് 2 കിലോഗ്രാം ഓരോബ്ദീ വാങ്ങാം. അത് $60 \times 2 = 120$ രൂപയ്ക്ക് വിൽക്കുന്നു. ലാഡം 20 രൂപ.

100 രൂപയ്ക്ക് എത്ര കിലോഗ്രാം മുതിരി വാങ്ങാം?

80 രൂപയ്ക്ക് 2 കിലോഗ്രാം വാങ്ങാം. മിച്ചമുള്ള 20 രൂപയ്ക്ക് $\frac{1}{2}$ കിലോഗ്രാം കൂടി. ആകെ $2 \frac{1}{2}$ കിലോഗ്രാം. ഈ എത്ര രൂപയ്ക്കാണ് വിൽക്കുന്നത്?

$$52 \times 2 \frac{1}{2} = 104 + 26 = 130 \text{ രൂപ}$$

$$\text{ലാഡം} = 30 \text{ രൂപ}$$



ഓരോന്തിന്മും ചെലവായത് 100 രൂപ എന്നു കണക്കാക്കി യെപ്പാടാണ് എൻ്റെ കച്ചവടത്തെക്കാൾ ആദായകരം മുന്തിരിക്കച്ചവടമാണെന്നു തിരിച്ചറിഞ്ഞത്.

ഈ രീതി എളുപ്പമാക്കാൻ ശത്രൂനും ഉപയോഗിക്കാം.

$$\text{ഒറ്റം വിൽക്കുന്നുമ്പോൾ ലാഡ്, ചെലവായതിന്റെ } \frac{10}{50} =$$

$$\frac{1}{5} \text{ ഭാഗമാണ്.}$$

ശതമാനത്തിൽ പറഞ്ഞാലോ?

$$\frac{1}{5} \text{ ഭാഗമെന്നാൽ, } \frac{1}{5} \times 100 = 20 \text{ ശതമാനം}$$

മുന്തിരി വിൽക്കുന്നുമ്പോൾ ലാഡ് ചെലവായതിന്റെ

$$\frac{12}{40} = \frac{3}{10} \text{ ഭാഗമാണ്}$$

$$\text{ഇതിനെ ശതമാനമാക്കിയാൽ } \frac{3}{10} \times 100 = 30\%.$$

ഈതുപോലെ,

$$\text{അപ്പിളിന്റെ } \text{ലാഡ്, } \frac{10}{100} \times 100 = 10\%$$

$$\text{മാവാഴത്തിന്റെ } \text{ലാഡ്, } \frac{15}{50} \times 100 = 30\%$$

അപ്പാൾ 30% വിതം ലാഡ് കിട്ടിയ മുന്തിരിയും മാവാഴ വുമാണ് കൂടുതൽ ആദായകരം.

മറ്റൊരു കണക്ക് നോക്കാം:

- ഒരാൾ 650 രൂപയ്ക്ക് നാളികെരം വാങ്ങി 598 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റു. നഷ്ടം എത്ര ശതമാനമാണ്?
52 രൂപയാണ് നഷ്ടം

$$\text{ഈ ചെലവായതിന്റെ } \frac{52}{650} = \frac{2}{25} \text{ ഭാഗമാണ്.}$$

$$\text{ശതമാനമാക്കിയാൽ } \frac{52}{650} \times 100 = 8\%$$

പരമാവധി ചില്ലറ വില

ഇക്കാലത്ത് കൂടിവെളുത്തുക്കുമ്പു ഗ്രാമക്കണ്ണമും പലതരം ധാന്യങ്ങളുടെ ക്ഷേമപരമ്പരയും കൂടുതലായി വരുന്നു. കൂടുതലായി വരുന്നതു കൂടി കൂടി കുപ്പികളിലുമാണ് വിലക്കുന്നത്. മുന്തിരിയിൽ ഇങ്ങനെ അടച്ചുവില്ക്കുന്നവയിലെല്ലാം ഏറ്റവും കൂടിയ ചില്ലറ വില (maximum retail price - MRP) രേഖപ്പെടുത്താണെന്നുമാണ് നിയമം. എല്ലാ നികുതികളും ചെർന്നതാണ് ഈ വില പല രൂപാട്ടും ചില്ലറവില്ലപ്പെടുത്താൻ MRP ദയക്കാൾ കൂടണ്ട വിലയ്ക്ക് സാധ്യമാണെങ്കിൽ വിലക്കാരുണ്ട്. എന്നാൽ ഈ വിലയെങ്കാൾ കൂടുതൽ വാങ്ങുകയാണെങ്കിൽ ഉപയോക്താവിന് ബന്ധപ്പെട്ട ബാധിക്കാറിക്കേണ്ട പരാതിക്കാട്ടുകാം.





- 5000 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയ അലമാര 5600 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റാൽ ലാഡോ എത്ര ശതമാനം?
- 12000 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയ ടി.വി. 10200 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റാൽ നഷ്ടം എത്ര ശതമാനമാണ്?
- അവിൽ ഒരു മത്സ്യവിൽപ്പനക്കാരനാണ്. ഒരു ദിവസം കിലോഗ്രാമിൽ 140 രൂപ നിരക്കിൽ 12 കിലോഗ്രാം മത്സ്യം വാങ്ങി. ആത് കടയിൽ ഏത്തിക്കാൻ 120 രൂപ ചെലവായി. ഇതിൽ 4 കിലോഗ്രാം മത്സ്യം കേടുവന്നു. ബാക്കിയുള്ളത് കിലോഗ്രാമിൽ 180 രൂപയ്ക്ക് വിറ്റു. അധാർക്ക് ഈ കച്ചവടത്തിൽ ലാഡോ നഷ്ടമോ? എത്ര ശതമാനം?
- ഒരു ദ്രോഢിൽ 1728 രൂപയ്ക്ക് ഒരു സീലിം ഫാൾ വിൽക്കുമ്പോൾ 128 രൂപ ലാഡോ കിട്ടുന്നു. 2616 രൂപയ്ക്ക് ഒരു പെഡ്രൂൽ ഫാൾ വിൽക്കുമ്പോൾ 216 രൂപ ലാഡോ കിട്ടുന്നു. എത്രു ഫാൾ വിൽക്കുന്നതാണ് കച്ചവടക്കാരൻ കുടുതൽ ആദായകരം?
- ഒരു ചെറുകിട കച്ചവടക്കാരൻ കിലോഗ്രാമിൽ 400 രൂപ നിരക്കിൽ 150 കിലോഗ്രാം കുതുമുളക് വാങ്ങി ഒരു കിലോഗ്രാമിൽ 60 രൂപ വിതം ലാഡേമെടുത്ത് വിൽക്കുന്നു.
 - വാങ്ങിയത് ആകെ എത്ര രൂപയ്ക്കാണ്?
 - വിറ്റത് ആകെ എത്ര രൂപയ്ക്കാണ്?
 - ആകെ ലാഡോ എത്ര രൂപ?
 - ലാഡേതമാനം എത്രയാണ്?

ഒറ്റു ചീല കണക്കുകൾ

ഒരു കച്ചവടക്കാരൻ ഇസ്തിതിപ്പുടി 1200 രൂപയ്ക്കാണ് വാങ്ങിയത്. അതു വിൽക്കുമ്പോൾ 12 % ലാഡോ ലഭിക്കണമെന്ന് അധാർ ആഗ്രഹിക്കുന്നു. എങ്കിൽ എത്ര രൂപയ്ക്കാണ് ആ ഇസ്തിതിപ്പുടി വിൽക്കേണ്ടത്?

ഈവിടെ 1200 രൂപ കൊടുത്താണ് ഇസ്തിതിപ്പുടി വാങ്ങിയത്.

അതിന്റെ 12% ലാഡോ വേണം.

$$\text{അതായത്, } 1200 \times \frac{12}{100} = 144 \text{ രൂപ}$$



ഇന്തി വിൽക്കേണ്ട വില കാണാൻ 1200 രൂപയോട് ലാഭം കുടുമ്പായി മതിയെല്ലാം.

അതിൽ 1200 രൂപയുടെ 112% കണക്കാലും മതി.

$$1200 \times \frac{112}{100} = 1344 \text{ രൂപ}$$

എന്നു കച്ചവടത്തിൽ 10% നഷ്ടമാണെങ്കിൽ മുടക്കിയ തുകയുടെ എത്ര ശതമാനമാണ് വിറുവില?

ചുവവടയുള്ള പട്ടികയിൽ ഓരോന്നിന്റെയും വിറുവില കണക്കാക്കുക,

മുടക്കുമുതൽ	ലാഭം/നഷ്ടം
1500	15% ലാഭം
2400	20% നഷ്ടം
8000	8% ലാഭം
1650	13% നഷ്ടം

എന്നു സെസക്കിൾ 4500 രൂപയ്ക്ക് വിറുപ്പോൾ 10% നഷ്ടം ഉണ്ടായി. ഈ സെസക്കിൾിന് കച്ചവടക്കാരൻ ആദ്യം എത്ര രൂപ ചെലവാക്കിയിട്ടുണ്ടാവും? നഷ്ടം 10% ആയതിനാൽ, ആദ്യം ചെലവായതിന്റെ 90% ആണ് വിറുവില. അതായത്,

$$\text{മുടക്കുമുതൽ} \times \frac{90}{100} = 4500$$

ഹതിൽ നിന്ന്, മുടക്കുമുതൽ

$$= 4500 \times \frac{10}{9} = 5000 \text{ രൂപ}$$

എന്നു കണക്കാക്കാം.



- മുടക്കുമുതൽ കണക്കാക്കുക.

വിറുവില	ലാഭം/നഷ്ടം
4440	11% ലാഭം
8280	8% നഷ്ടം
6160	12% നഷ്ടം
1695	13% ലാഭം

- 270 രൂപയ്ക്ക് 10 കിലോഗ്രാം തക്കാളി വാങ്ങി. അതിൽ എന്നു കിലോഗ്രാം തക്കാളി കേടായിപ്പോയി. അധികം 20% ലാഭം കിട്ടണമെങ്കിൽ ബാക്കിയുള്ളത് എന്നു കിലോഗ്രാമിന് എത്ര രൂപ നിക്കിയെ വിൽക്കണാം?
- ഒക്കൻ 9900 രൂപവിൽം രണ്ട് മേശ വിറുപ്പോൾ എന്നു മേശയ്ക്ക് 10% ലാഭവും മറ്റൊരു മേശയ്ക്ക് 10%

കച്ചവടം കമ്പ്യൂട്ടറിലും

കമ്പ്യൂട്ടറുകൾ വ്യാപകമായാൽ, ഇന്ത്യൻറെ വർഷയുള്ള കച്ചവടങ്ങൾ (e-commerce) ആരംഭിച്ചു. ഇത്തരം കച്ചവടം നടത്തുന്ന അനുകം സ്ഥാപനങ്ങൾ ഇന്ത്യയിലുണ്ട്. ഇവയുടെ വിജ്ഞാപനരീതി വിലക്കുന്ന സാധനങ്ങളാണ് പിത്തവും വിലയും ഉണ്ടായി. നമ്മൾ വിജ്ഞാപന ദൃശ്യത്തിൽ, ഇന്ത്യൻറെ വിജ്ഞാപനരീതി അത് വിജ്ഞാപനത്തിനുള്ള സംഖ്യാസംഖ്യയാണ് എന്ന് പ്രേജുക്കുത്തിനിട്ടുണ്ടാക്കും. ചില സ്ഥാപനങ്ങളും, സാധനം കിട്ടുമ്പോൾ മാത്രം പണം നല്കുന്ന വീതിയും നടപ്പിലാക്കിയിട്ടുണ്ട്.



നംഡവും വന്നു. കച്ചവടത്തിൽ ആകെ ലാഭമോ നംഡമാ? എത്ര ശതമാനം?

- 12000 രൂപയുടെ ഒരു അലക്കുയറ്റം വിൽക്കുന്നേം കച്ചവടക്കാൻ 20% ലാഭ കിട്ടുന്നു. അതിന് അധികൾ എത്ര രൂപ മുടക്കിയിട്ടുണ്ടാകും? പുതുവർഷത്തിൽ അത് 1200 രൂപ കുറച്ചു വിൽക്കുന്നു. ഈ വില്പനയ്ക്ക് ലാഭമാണോ, നംഡമാണോ? എത്ര ശതമാനം?

വിലക്കിഴിവ്

ഉത്സവകാലങ്ങളിൽ സാധാരണ ഇത്തരം പരസ്യങ്ങൾ കാണാറുണ്ടോ.



കച്ചവടം വർദ്ധിപ്പിക്കാനായി പല സ്ഥാപനങ്ങളും നേരത്തെ വിറ്റുന്ന വിലക്കിഴിവ് ഇളവു നൽകാറുണ്ട്. ഈ നാണ്ഡ് വിലക്കിഴിവ് (Discount) എന്നു പറയുന്നത്.

ഉദാഹരണമായി ഒരു കടയിൽ നിന്ന് 500 രൂപ വില രേഖപ്പെടുത്തിയ ഒരു ഷർട്ട് വാങ്ങുന്നേം 20% വിലക്കിഴിവ് നൽകുന്നു എന്നതിനർത്ഥം ഷർട്ട് വാങ്ങുന്നേം 500 രൂപയുടെ 20% കുറച്ചു കൊടുത്താൽ മതി എന്നാണ്.

മറ്റാരു തരത്തിൽ പറഞ്ഞാൽ, 500 രൂപയുടെ 80% ആണ് വില.

$$500 \times \frac{80}{100} = 400 \text{ രൂപ}$$

ഷർട്ടിൽ രേഖപ്പെടുത്തിയിരുന്ന 500 രൂപ അതിന്റെ പരസ്യവിലയാണ്. പരസ്യവിലയുടെ ശതമാനമായാണ് സംശയംഡായി വിലക്കിഴിവ് പറയുന്നത്.

കുറച്ചിന് വിശ്വാം കുറച്ചാൽ

50% വില കുറച്ചു നൽകിയിരുന്ന വസ്ത്രങ്ങൾ വിശ്വാം 50% വില കുറച്ചു വിൽക്കുന്നു.

ഈ വസ്ത്രങ്ങൾ സാജന്യമായി ലഭിക്കുംബോ?

കുറയിന്നു ശേഷം കുറച്ചാൽ

കച്ചവടക്കാൻ ഒരു ഉദ്ദേശ്യമായിരുന്ന് വില 20% വർദ്ധിപ്പിച്ചതിനുശേഷം 20% വില കുറച്ചു വിൽക്കുന്നു. അധികൾക്ക് ലാഭമോ നംഡമോ? എത്ര ശതമാനം?

25% വില വർദ്ധിപ്പിച്ചതിനുശേഷം 20% ഡിസ്കൌണ്ട് നൽകി വിറ്റാലോ?

ഭേദം 500 രൂപ

വിലക്കുക്കിഴിവ്

500 രൂപ

വിലക്കുക്കുള്ള റിഫീസ്

ലാഭമോ? നംഡമോ?

കിട്ടു!



- ജോർജ്ജ് ഒരു അലമാര വാങ്ങിയപ്പോൾ 8% വിലക്കി കിട്ടി. 960 രൂപയാണ് കുറഞ്ഞത്. ആ അലമാര യുടെ പരസ്യവിലയെത്തൊണ്ട്? എത്ര രൂപയാണ് ജോർജ്ജ് കൊടുത്തത്?

വിലക്കിചില് പരസ്യവിലയുടെ 8% ആണ്. അതായൽ,

$$\text{പരസ്യവില} \times \frac{8}{100} = 960 \text{ രൂപ}$$

ഇതിൽ നിന്ന് പരസ്യവില, $960 \times \frac{100}{8} = 12000$ രൂപ

എന്നു കണക്കാക്കാം.

ഈ പരസ്യവിലതിൽനിന്ന് കിഴിവ് കുറച്ചാൽ ജോർജ്ജ് കൊടുത്ത തുക കിട്ടും.

- ഒരു പവർ (8 ശ്രാം) സർബ്ബത്വിൻ്റെ വില 22500 രൂപ യാണ്. സർബ്ബവിലയുടെ 6% ആണ് ആരംഭണാജ്ഞയുടെ പണിക്കുലി. ഒരു കട പണിക്കുലിയിൽ 20% കിഴിവ് നൽകുന്നു. ഇവിടെ നിന്ന് ഒരു പവർ തുകമുള്ള ഒരു വള വാങ്ങാൻ എത്ര രൂപ കൊടുക്കണം?

പണിക്കുലി സർബ്ബവിലയുടെ 6% ആണല്ലോ.

$$\begin{aligned}\text{പണിക്കുലി} &= 22500 \times \frac{6}{100} \\ &= 1350 \text{ രൂപ}\end{aligned}$$

ഈ 1350 രൂപയിൽ 20% കിഴിവ് നൽകുന്നതിനാൽ ആരിൻ്റെ 80% കൊടുത്താൽ മതിയണ്ണൂ.

$$\text{വിലക്കിചില് കഴിച്ചുള്ള പണിക്കുലി} = 1350 \times \frac{80}{100}$$

ഈ വളയുടെ വിലക്കാണാൻ സർബ്ബവിലയോടൊപ്പം പണിക്കുലിക്കുടി കൂട്ടിയാൽ മതി.

- ഗാന്ധിജയൻിക് 30% വിലക്കിചില് അനുവദിച്ചപ്പോൾ ഒരു 3500 രൂപ കൊടുത്ത മാറിവസ്ത്രങ്ങൾ വാങ്ങി. എത്ര രൂപ വിലയുള്ള വസ്ത്രങ്ങളാണ് ആധാർക്ക് കിട്ടിയത്?

വിലയുടെ 30% ആണ് കുറച്ച്. അപ്പോൾ കൊടുത്തത് 70%.

പലതാം കിഴിവുകൾ

ഇന്ത്യയിൽ, അംഗീകൃത സഹാപത്രങ്ങളിൽ നിന്ന് വാദി ആലൂകിൽ കൈത്താൻ തുണിത്തുണ്ണൽ വാങ്ങുന്നും 10% വിലക്കിചില് കിട്ടും. ചില വിശാഖ ആവസ്ത്രങ്ങളിൽ ഈ 30% വരെ ആകാം. ഇതിനുള്ള തുക മുഴുവൻ സഹാപത്രങ്ങൾക്ക് സർക്കാർ നൽകും. ഈ വിലക്കിചിലിന് ഇംഗ്ലീഷിൽ Rebate എന്നാണ് പറയുന്നത്.

അംഗീകാര പോലുള്ള രാജ്യങ്ങളിൽ Rebate എന്ന തിന് മറ്റാരു ആർത്ഥിക്കാണുള്ളത്. ഒരു സാധാരണ വാങ്ങിയശേഷം, ചില വിവരങ്ങൾ പുരിപ്പിച്ച് ആയച്ചാൽ വിലയുടെ ഒരു നിബിത്ത ശത്രാംതിനിച്ചുകൊടുക്കുന്ന ഫേസ്പ്രോട്ടാണിത്.

അതായത്

$$\text{വില} \times \frac{70}{100} = 3500$$

ഇതിൽ നിന്ന് വില കണ്ടുപിടിക്കാമോ?



- ടി.വി. വിൽക്കുന്ന കടയിലെ രണ്ടു പരസ്യങ്ങൾ എന്നുകൂടി:

20 ഇഞ്ച്

11,900 രൂപ

20% കിഴിവ്

21 ഇഞ്ച്

12900 രൂപ

20% കിഴിവ്

കിഴിവ് ശമാനം

ഒരു കമ്പനി അവത്തുടെ 4 സൊപ്പുകൾ ഒരു മിച്ചി വാങ്ങുമ്പോൾ അതെയിനതിലുള്ള ഒരു സൊപ്പു സൗഖ്യമായി നൽകുന്നു. ഈത് എത്ര ശതമാനം ഡിസ്കൌണ്ട് നൽകുന്നതിന് തുല്യമാണ്?

ബുദ്ധി നാലു സൊപ്പിലേറ്റ് വിലയ്ക്ക് അഥവാ സൊപ്പുമാറ്റം കിട്ടുന്നത്. അതായത് അഥവാ സൊപ്പിലേറ്റ് വിലയിൽ ഒരു സൊപ്പിലേറ്റ് വില യാണ് ഇത്. ഈ അലോച്ചിച്ചു എന്നുകൂടി.



- 10,000 രൂപ കെക്കിലുള്ള ഒരാൾക്ക് ഇതിൽ എത്ര ടി.വി യാണ് വാങ്ങാൻ കഴിയുക?
- 20% കിഴിവ് ലഭിക്കുമ്പോൾ ഈ രണ്ട് ടി.വി കലും ദയും വിലകൾ തമിലുള്ള വ്യത്യാസം എത്ര രൂപയാണ്?
- ഒരു ഫർണിച്ചർ കടയിൽ 15000 രൂപയുടെ കട്ടിലും 25000 രൂപയുടെ അലമാരയും ഒരുമിച്ചിവാങ്ങുന്നവർക്ക് അവ 36000 രൂപയ്ക്ക് നൽകും. എത്ര ശതമാനം കിഴിവും അവർ നൽകുന്നത്?
- സുസന്നൂം ഗായത്രിയും പുസ്തകമേളയിൽനിന്ന് 490 രൂപ വിതം വിലയുള്ള ഓരോ ഇംഗ്ലീഷ്-മലയാളം നിഃവിജ്ഞാന വാങ്ങി. 20% കിഴിവ് ലഭിക്കാനായി ഒരു മിച്ചി പണംകൊടുക്കാൻ തീരുമാനിച്ചു. 1000 രൂപയിൽ കൂടുതൽ വിലയ്ക്കുള്ള പുസ്തകം വാങ്ങിയാൽ 30% കിഴിവ് ലഭിക്കുമ്പോൾ പാണ്ഡാമ്പും 60 രൂപ വിതം വിലയുള്ള ഓരോ പിത്തര പാണ്ഡാ പുസ്തകം കൂടി രണ്ടു പേരും വാങ്ങി. ഒരുമിച്ചി പണം കൊടുത്തു.

പുസ്തകമേള

500 രൂപ വരെ

10% കിഴിവ്

500 - 1000 രൂപ

20% കിഴിവ്

1000 രൂപയുടെ

ജുക്കിൽ 30% കിഴിവ്

- രണ്ടുപേരും കൂടി എത്ര രൂപ കൊടുത്തു? ഓരോ രൂത്തർക്കും എത്ര രൂപ ചെലവായി?
- രണ്ടുപേരും നിബാറ്റു മാത്രം വാങ്ങി, ഒരുമിച്ച് പണം കൊടുത്താൽ അതേ എത്ര രൂപയാകും? ഓരോരൂത്തരുടെയും ചെലവ് എത്രയാകും?
- ഓരോരൂത്തരും ഇന്ത രണ്ടു പുസ്തകങ്ങൾ വെദ്യേരു വാങ്ങിയാൽ ഓരോരൂത്തർക്കും എത്ര ചെലവാകും?
- വാദിവസ്ത്രാലയത്തിൽ നിന്ന് ചുവടെയുള്ള ബില്ലിൽ കാണിച്ചിരിക്കുന്ന തുണിത്തരങ്ങൾ വാങ്ങിയാൽ എത്ര രൂപ കൊടുക്കണം?

വാദിവസ്ത്രങ്ങൾ

കോടണ്ണ കിഴിവ് 30%
പോളിഫ്രൈഡ് കിഴിവ് 20%
സിൽക് കിഴിവ് 20%

ബാഡി വസ്ത്രാലയം

നം: 777		തീയതി:		
നമ്പർ	ഇനം	എണ്ണം	വില	രൂപ
1	കോടണ്ണ മുണ്ട്	1	350	
2	കോടണ്ണ സർട്ട്	1	550	
3.	പോളിഫ്രൈഡ് സർട്ട്	1	450	
4	സിൽക് സാരി	1	1500	

- ഒരു കച്ചവടക്കാരൻ 2500 രൂപകൊടുത്തു വാങ്ങിയ ഫാൻ 40% വില വർധിപ്പിച്ച് 15% കിഴിവ് കൊടുത്തു വിൽക്കുന്നു. അത് എത്ര രൂപയ്ക്കാണ് വിൽക്കുന്നത്?
- 3600 രൂപയ്ക്ക് വാങ്ങിയ ഒരു ഗ്രാന്റ്റു 10% കിഴിവ് അനുവദിച്ചു വിൽക്കുന്നുാണ് 20% ലാം ലഭിക്കണമെ കിൽ അതിന് എത്ര രൂപ പരസ്യവില്ലിട്ടാണ്?
- ഒരു ഫ്രിഡ്ജ് വാങ്ങുന്നുാണ് കച്ചവടക്കാരൻ ഒരു ഇൻതിരിപ്പട്ടി സാജന്യമായി നൽകുന്നു. ഫ്രിഡ്ജ് 9000 രൂപയ്ക്കും ഇൻതിരിപ്പട്ടി 1000 രൂപയ്ക്കുമാണ് അയാൾ വാങ്ങിയത്. രണ്ടും കൂടി കൊടുക്കുന്നുാണ് 20% ലാം കിട്ടണമെങ്കിൽ ഫ്രിഡ്ജ് എത്ര രൂപയ്ക്ക് വിൽക്കണം?

ഇങ്ങനെ ഉണ്ടാവിക്കും
ഈ രഹസ്യത്തോന്ന്
ഒരിക്കൽ നിന്നുണ്ടോ!



പലിശ

ബാങ്കുകളുടെ മുന്നിൽ ഇന്ത്യരം പരസ്യ അംഗൾ കമ്പനിയും സാലടിത്തൊഴി വിവു ലഭായ കൃഷി ചെയ്തു തുടങ്ങിയത്. അഞ്ചാലാർ വിത്താം കനുകാലികളും മറ്റും പറ സ്പർശം കൂടാ കൊടുത്തിരുന്നു. ഒരു വിത്തിൽ നിന്ന് ഓന്നോക്കു വിജയകൾ ഉണ്ടാക്കാമെന്ന തിനായി. കൂടാ തീർക്കുന്നും വാണിച്ചതിൽ കൂടുതൽ തിരികെ കൊടുത്തിരുന്നു.

കാർഷിക ഉദ്ധൃതിയേൽ തന്നെയായിരുന്നു ഓന്നോരു പണം. ദിവാഹനാണ യാംഗൾ പണമാണി രൂപധാരിച്ചു തുടങ്ങിയപ്പോൾ പ്രശ്നങ്ങൾ ഉണ്ടായത്. വിത്തിൽ നിന്ന് വിത്താം കുന്നതുപോലെ ലോഹത്തിൽ നിന്ന് ലോഹമുണ്ടാക്കിയിരുന്നു.

വിളവുകൾ മോശമാക്കുന്ന കാലഘന്ത് സാധന അംഗൾ വില കുടും. കൃഷിക്കാരൻ പണം കൂടം വാണിജ്യിപ്പിച്ചു. വിളവ് കുടുതലാകും എന്ന് വില കുറയും. കൃഷിക്കാരൻ കൂടം തിരിച്ചടക്കാനാവശ്യമായ പണം കീട്ടാതെയും വരും.

സഹകരണബാങ്ക്
സമിനിക്ഷപാംഗമ്പം
11% വരെ പലിശ
45 ദിവസം വരെ 6%

ആകർഷകരായ
പലിശനിരക്കുകൾ
സജീവസംഖ്യാത്തിന്
9% പലിശ
കാർഷികവായ്പെയ്ക്ക് 4% മാത്രം

ഇങ്ങനെ അധികമായി കിട്ടുന്ന രൂപധയ പലിശ (Interest) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

ഇതുപോലെ ബാക്കിൽനിന്നു കൂടം വാണിയാലോ?

പലിശനിരക്ക്

തൊമ്പ് 50000 രൂപ ബാക്കിൽനിന്ന് കാർഷികവായ്പെയ ടുത്തു. ഒരു വർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ 52000 രൂപധാരൻ തിരിച്ചുകൊടുക്കണമെന്ന വന്നത്.

എത്ര രൂപധാരൻ പലിശ?

ഈ കൂടംവാങ്ങിയ 50000 രൂപധാരൻ എത്ര ശതമാനമാണ്?

$$\frac{2000}{50000} \times 100 = 4\%$$

ഒരു വർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ കൂടം വാണിയതിന്റെ 4% ആണ് അധികമായി തിരിച്ചുകൊടുത്തത്?

ഇതിനെ പലിശനിരക്ക് എന്നാണ് പറയുന്നത്.

ഇതുപോലെ 15000 രൂപ നിക്ഷേപത്തിന് ഒരു വർഷത്തിന് 1500 രൂപ പലിശ കിട്ടിയാൽ പലിശനിരക്ക്

$$\frac{1500}{15000} \times 100 = 10\%$$

നഡിന്തി ബാങ്ക്
100 രൂപയ്ക്ക് ഒരു
ഖസ്സ കൊടു രൂപ
പലിശ

രക്ക. ഏറ്റവും ബാങ്ക്
50 രൂപയ്ക്ക് 4
മാസത്തിന്തെ
3 രൂപ പലിശ

എത്ര ബാക്കാണ് കൃട്ടതൽ പലിശ നൽകുന്നത്?

നാനി ബാക്കിൽ,

100 രൂപയ്ക്ക് ഒരു മാസത്തെ പലിശ $1\frac{1}{2}$ രൂപ

100 രൂപയ്ക്ക് ഒരു വർഷത്തെ പലിശ $12 \times 1\frac{1}{2} = 18$ രൂപ

പലിശനിരക്ക് 18%

കെ.എസ്. ബാക്കിൽ,

50 രൂപയ്ക്ക് 4 മാസത്തെ പലിശ = 3 രൂപ

100 രൂപയ്ക്ക് 4 മാസത്തെ പലിശ $3 \times 2 = 6$ രൂപ

100 രൂപയ്ക്ക് ഒരു വർഷത്തെ പലിശ $6 \times 3 = 18$ രൂപ

പലിശ നിരക്ക് 18%

ഒങ്ക് ബാക്കിലേയും പലിശനിരക്ക് തുല്യമാണോള്ളോ.



പട്ടികയിലെ കണക്കുകളിലേല്ലോ പലിശനിരക്ക് കണക്കാക്കുക.

തുക	കാലാവധി	പലിശ
500 രൂപ	1 വർഷം	30 രൂപ
1000 രൂപ	4 മാസം	40 രൂപ
200 രൂപ	2 മാസം	2 രൂപ
2 രൂപ	1 മാസം	3 പൈസ്
5000 രൂപ	2 വർഷം	1200 രൂപ

ക്രീഡിറ്റ് ബെഡ്സ്

സഹകരണബാക്കിൽ നിക്ഷേപങ്ങൾക്ക് 9% പലിശയാണ് നൽകുന്നത്. റവി ബാക്കിൽ 30000 രൂപ നിക്ഷേപിച്ചു. ഒരു വർഷം കഴിയുമ്പോൾ എത്ര രൂപ കിട്ടും?

നിക്ഷേപിച്ച തുകയുടെ 9% ആണ് ഒരു വർഷത്തെ പലിശ. അതായത്,

$$30000 \times \frac{9}{100} = 2700 \text{ രൂപ}$$

അപൂർണ്ണ ഒരു വർഷം കഴിഞ്ഞാൽ 32700 രൂപ തിരിച്ചുകൊടും.

ഒരു വർഷം കഴിഞ്ഞാണ് തിരിച്ചെടുക്കുന്നതെങ്കിലോ?

എഴുതിയതുള്ളൂന്ന കടങ്ങൾ

കാർഷികക്കടങ്ങൾ എഴുതിയതുള്ളൂന്ന റീതി പ്രാചീനകാലത്തും നിലവിലുണ്ടായിരുന്നു. ഇരജിപ്തിലും ബാബിലോണിയിലും ഹൈംഗൽഡിൽ നാണയങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ചുള്ള പണമിടപാടുകൾ നിലവിലുണ്ടായിരുന്നു. വിദ്യവിജ്ഞ എറ്റ കുറച്ചില്ലുകൾ വിലക്കു ബാധിക്കാതിരിക്കാൻ അനുഭവ ചാജാക്കാരാർ കാർഷിക ഉൽപ്പന്നങ്ങളും നാണയങ്ങളും തജില്ലും കൈബാറ്റും കുകൾ നിശ്ചയിച്ചിരുന്നു. ക്ഷാമകാലങ്ങളിൽ കുസിക്കാരുടെ കടങ്ങൾ ശിവാക്കുന്ന വീതിയും ഉണ്ടായിരുന്നു.

മുനിസിപ്പൽമീറ്റ്!
മീസ്റ്റർമുനിസിപ്പൽമീറ്റ്!
രാജിഗ്രം ദീക്ഷിത്!



ഒള്ളവർഷത്തെ പലിശ കിട്ടും. അതായത്,

$$2 \times 2700 = 5400 \text{ രൂപ}$$

ഒള്ളവർഷത്തെ പലിശ നേരിട്ടു കണക്കാക്കാം.

$$30000 \times \frac{9}{100} \times 2 = 5400 \text{ രൂപ}$$

മുന്നുവർഷത്തെ പലിശ എങ്ങനെ കണക്കാക്കാം?

ഇതുപൊലെ 20000 രൂപയ്ക്ക് 8% നിരക്കിൽ 4 വർഷ തേക്കുള്ള പലിശ എത്രയാണ്?

- സുമ ഒരു ബാക്കിൽ 25000 രൂപ നിക്ഷേപിച്ചു. പലിശ നിരക് 11% ആണ്. 3 വർഷംകഴിയുമ്പോൾ എത്ര രൂപ തിരികെ ലഭിക്കും?

മുന്നുവർഷത്തെ പലിശ നേരിട്ടു കണക്കാക്കാം.

$$25000 \times \frac{11}{100} \times 3 = 8250 \text{ രൂപ}$$

തിരികെ ലഭിക്കുന്ന തുക കാണാൻ നിക്ഷേപിച്ചതിനൊടൊപ്പം പലിശകുടി കൂട്ടിയാൽ മതി.

അത് എത്രയാണ്?

- ബാക്കിൽനിന്ന് 12% പലിശ നിരക്കിൽ വിജയൻ 50000 രൂപ കടക്കാണെന്നി. രണ്ടുവർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ 25000 രൂപ തിരിച്ചടച്ചു. ഒരു വർഷംകൂടി കഴിയുമ്പോൾ കൂടുതലും കാണും.

എമ്മൻസിൽ ഇന്നാധിവര്യം നടപ്പാക്കിയതും ഇരുപ്പും തന്നെയാണെന്ന് കരുതപ്പെടുന്നു.

ഒള്ളവർഷത്തെ പലിശ

$$50000 \times \frac{12}{100} \times 2 = 12000 \text{ രൂപ}$$

രണ്ടുവർഷം കഴിയുമ്പോൾ തിരിച്ചടച്ചേണ്ടത്

$$50000 + 12000 = 62000 \text{ രൂപ.}$$

ഇതിൽ 25000 രൂപയാണ് തിരിച്ചടച്ചത്. ബാക്കി

$$62000 - 25000 = 37000 \text{ രൂപ.}$$

ഈ തിരിച്ചടച്ചേണ്ട 37000 രൂപയും അതിന്റെ ഒരു വർഷത്തെ പലിശശൃംഖലാണ്. കണക്കാക്കിംഗാക്കു.

അദിക്കാ മുന്നുവർഷ
ഒള്ളവർഷം കുറഞ്ഞിട്ടും.
ഈ നേരിട്ടു കണക്കാക്കുന്നത്
മുഖ്യമാണെന്നുണ്ടോ?
എന്തു?





- ബാബ്യു 25000 രൂപ ബാക്കിൽ നിക്ഷേപിച്ചു. ബാക് 15% നിരക്കിലാണ് പലിശ കണക്കാക്കുന്നത്. 2 വർഷം കഴിയുമ്പോൾ എത്ര രൂപ തിരികെ ലഭിക്കും?
- ദിലീപ് ഒരു ബാക്കിൽനിന്ന് 36000 രൂപ കടങ്ങാണ്. പലിശന്റെ കുറവ് 10% ആണ്. 2 വർഷങ്ങളുടെ പലിശ ഉൾപ്പെടെ ഈ സംഖ്യ 24 മാസത്തവണകളായി തിരിച്ചടയ്ക്കാൻ അയയ്ക്കിയിരുന്നു. ഓരോ മാസവും എത്ര രൂപ വിതം തിരിച്ചടയ്ക്കണം?
- ജോണി ഒരു ബാക്കിൽ 60000 രൂപ നിക്ഷേപിച്ചു. ബാക് ഒരു രൂപത്തുക്ക് മാസത്തിൽ ഒരു പെസസ്യാണ് പലിശ നൽകുന്നത്. ഒരുവർഷം കഴിയുമ്പോൾ എത്ര രൂപ തിരികെ ലഭിക്കും?
- സുജിത്തും അനീഷും ബാക്കിൽനിന്ന് 50000 രൂപ വിതം കാർഷികവായ്പരയടക്കത്തു. 4% ആണ് പലിശ നിരക്ക്. സുജിത് ഒരുവർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ കടം തീർത്തു. അനുത്തനെ 50000 രൂപ കടങ്ങാണ്. അടുത്തവർഷം മുഴുവൻ തുകയും തിരിച്ചടച്ചു. അനീഷിന് ഒരുവർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ കടങ്ങതീരുക്കാൻ കഴിഞ്ഞില്ല. ബാക് ഓരോ വർഷവും 7% പലിശ ആവശ്യപ്പെടു. ഓരോതൃത്തരും പലിശയായി എത്ര രൂപവിതം കൊടുത്തു?
- രാഹുലും രജനിയും ഒരു ബാക്കിൽ ഒരേ ദിവസം 8000 രൂപ വിതം നിക്ഷേപിച്ചു. ബാക് 10% നിരക്കിലാണ് പലിശ കണക്കാക്കുന്നത്. ഒരുവർഷം പുറത്തിരായപ്പോൾ പലിശയുമ്പെടെ മുഴുവൻ സംഖ്യയും രാഹുൽ തിരിച്ചുവാങ്ങി അനുത്തനെ വിശദം നിക്ഷേപിച്ചു. വിശദം ഒരു വർഷം കഴിഞ്ഞപ്പോൾ ഒരു പേരും മുഴുവൻ സംഖ്യയും പലിശസഹിതം പിൻവലിച്ചു. ഓരോതൃത്തർക്കും എത്ര രൂപവിതം കിട്ടും? കിട്ടുന്ന സംഖ്യയിൽ വ്യത്യാസം വരാൻ കാരണം എന്താണ്?

മാറ്റുന്ന കാലം

പ്രാചീനകാലത്ത് പലിശ എന്ന ആയുരുത്താട്ടം എതിർപ്പുണ്ടായിരുന്നു. ബി.സി. ആദ്യാം നൂറ്റാണ്ടിലെ പില ദാരതീര ഗ്രന്ഥങ്ങളിൽ പലിശ വാഞ്ഞനതിനുള്ള മതപരമായ വിലക്കുകൾ പറഞ്ഞിട്ടുണ്ട്.

ബി.സി. മുന്നാം നൂറ്റാണ്ടിലെ പ്രസിദ്ധ ഗ്രീക്ക് ചിന്തകനായിരുന്ന അലോറ്റൂട്ടിൽ പലിശയും ക്രതമായി വിമർശിച്ചിട്ടുണ്ട്. “യനസന്ധാനം അഭിരൂപ്തവും വെറുകപ്പെടുണ്ട് മാർഗ്ഗം” എന്നാണ് അദ്ദേഹം പലിശയുകുറിച്ചു പറയുന്നത്.

കാലം കുറേ കഴിഞ്ഞ് ഏ.ഡി. ഒഞ്ചാം നൂറ്റാണ്ടായപ്പോഴക്കും മിക്ക സ്ഥലങ്ങളിലും ഈ എതിർപ്പ് അക്കിക്കായ പലിശയ്ക്കെതിരായി മാത്രം ചുരുങ്ങാൻ.

പ്രവിശ്വരീ
ശരിപ്പിടിംഗ്
സാരിപ്പിംഗ്
കൊരിപ്പിംഗ്
കൊരിപ്പിടിംഗ്!
കൊരിപ്പിടിംഗ്
ഡാറി!



നിരീക്ഷയുന്നോക്കേണ്ടവായ്



പ്രാഥമ്യജ്ഞാൻ	എനിക്ക് കഴിയും	ടൈറ്റിംഗ് സഹായത്തോടെ കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടു ണ്ടതുണ്ട്
<ul style="list-style-type: none"> മുടക്കളുമുതൽ, വിറ്റവില, ലാഭം, നഷ്ടം, ലഭനഷ്ട ശത്രംന്നാണെങ്കിലും എന്നിവയുമായി ബന്ധപ്പെട്ട പ്രാഥമ്യാഗ്രിക്കുപ്പശ്രദ്ധനാണെങ്കിൽ പതി ഹാരിക്കേണ്ടതിന് ശത്രംനാം ഏറ്റന ആശയം ഉപയോഗിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ധിന്ദ്‌കൾ, റിഡബുൾ്ഡ് എന്നിവ ഉൾപ്പെട്ട പ്രാഥമ്യാഗ്രിക്കുപ്പശ്രദ്ധനാണെങ്കിൽ പതിഹാർിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> പാസ്യുവില, ധിന്ദ്‌കൾ, തൃടണിയ കൂപ്പ് വടക്കുന്നാണലേ വിമർശനാത്മകമായി വ്യാവ്യാനിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു തൃക്കയുടെ നിശ്ചിത വർഷങ്ങളൊക്കെല്ലു പലിശ കണ്ണാട്ടുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> പലിശ, മുതൽ, നിരക്ക്, കാലം, എന്നിവ തമില്വുള്ള ബന്ധം കണ്ണാട്ടുകയും വ്യാവ്യാനിക്കുകയും ചെയ്യുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> വാർഷികമായി സുപ്രിയീകരാത്ത പലി ശായ വാർഷികമായി നിരക്കു കണ്ണാട്ടി പ്രശ്നപരിഹാരണം നടത്തുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> പ്രശ്നപരിഹാരണാണ്ടിന് യോജ്യമായ വഴി സ്വീകരിക്കുകയും പ്രശ്നപരിഹാരണാരിതി വിശദിക്കുകയും ചെയ്യുന്നു. 			

11

സംഖ്യകളും
ബീജഗണിതവും



କେନ୍ଦ୍ର ପ୍ରୋତ୍ସହିତ

Digitized by srujanika@gmail.com

$$1+2 = 3$$

$$2+3 = 5$$

$$3+4 = 7$$

എല്ലാ തുക്കവിംഗ് ഓസ്സംവ്യക്തികൾ?

എന്നു കാണാൻ താടിയെ കുറഞ്ഞ് എല്ലാവംഡ്യകളുടെ തുക ദീസംബന്ധിച്ചുകൊണ്ട്?

“ ഏതെങ്കിലുംകാരും എന്നുംസംഖ്യയാണെന്ന് കരുതുക. അപോൾ അടുത്ത എന്നുംസംഖ്യയും $n + 1$ എന്നാണെന്നും. ഈ യുടെ രൂപം എന്നാണ്?

$$n + (n + 1) = 2n + 1$$

$2n + 1$ എന്ന സംവ്യൂത 2 കൊണ്ട് പറിപ്പാൻ, പരാമാർഗ്ഗം n , ശിഖർഭം 1.

അതായൽ n എന്നത് എൽക്സിസംവ്യാസംമുണ്ടോ, $2n+1$ എന്നത് ഒറസംവ്യാസം.

അണ്ണമുത്ത് അടച്ചരുതുക്കുന്ന ഏതു രണ്ട് എല്ലായിസംവ്യൂഹത്തിനും തുക ഏതു ഒറ്റ സംവയാശാന്തി കാണാം.

സുനി ശ്രദ്ധ തുകയ്ക്ക് ദാനങ്ങൾ

$$1+3=4$$

$$2+4=6$$

$$3+5=8$$

எனிடவிட ஏது என் ஏற்றுக்கொண்டு வரவே தீர்மானம் செய்ய வேண்டும் என்று நம்முடைய அரசாங்கம் போன்ற அமைச்சரால் உத்திரவு கிடைத்தினால் விரிவாக விடுமா?

କେବଳ ତଥିରେ ନାହିଁ
କରିବାକୁ ପାଇଁ କାହାର
ନାହିଁ ଏମିବ୍ୟବହାର କିମ୍ବା କିମ୍ବା
କୋଣାରୁକୁ ଏହି କାହାର ?



ପବ୍ଲିକ ଟେଲିଭିଜନ

ഡോക്യുമെന്റേഷൻ ഫീല്ഡ്



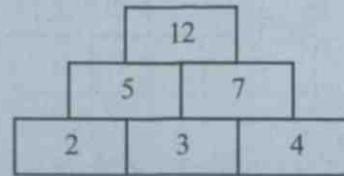
സംവ്യക്തി തന്മെലെന്തെങ്കിലും ബന്ധമുണ്ടോ?

ചുവട്ടിലെ മുന്നു സംഖ്യകളിൽ അടുത്തടുത്തുള്ളവ കൂട്ടിയതാണ് അതിനു മുകളിലുള്ള വരിയിലെ സംഖ്യകൾ. അവ രണ്ടും കൂട്ടിയതാണ് എറ്റവും മുകളിലെ സംഖ്യ.

1, 2, 3 എന്ന മുന്നു സംവ്യൂക്തിൽ നിന്നു തുടങ്ങി ഇത്തരം മൊരു ധാരാപ്പുരം ഉണ്ടാക്കിന്നോക്കാം:



തുടങ്ങുന്നത് 2, 3, 4 ഏക്കി സംവ്യക്തിൽ നിന്നാണെങ്കിലോ?



ഇതുപോലെ അടുത്തടക്കത മറ്റൊരുക്കിലും മുന്ന് എല്ലാൽ സംഖ്യകളിൽനിന്നും തുടങ്ങി എഴുതിവന്നാക്കു.

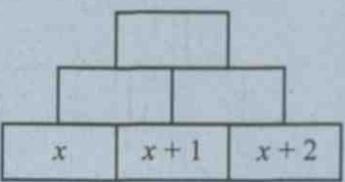
അവസാനം കിട്ടുന്ന സംഖ്യകളെക്കുറിച്ച് പൊതുവായ എൻ്റെകില്ലം പറയാമോ?

അടുത്തടക്കം ഏതു മുന്നു സംവയ്കളിൽ തുടങ്ങിയാലുണ്ട് അവസാനം 100 കിട്ടുക?

କାର୍ଯ୍ୟଶରୀଳତା ଗାୟା

അക്കദാന്തത്തുമൂള എത്ര മുൻ എല്ലാൽസംവ്യക്തിൽ നിന്നു തുടങ്ങിയാലും നമ്മുടെ സംവ്യാഗാപ്പുരം 4 ഏറ്റ് ശ്രദ്ധിക്കപ്പെടി അവസാനിക്കുന്നത് എന്നു കൊണ്ടാണ്?

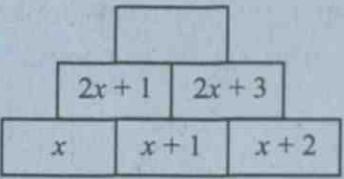
തുടങ്ങുന്ന സംവ്യൂഹിക്കുന്നതു റോക്കാം. അപ്പോൾ താഴെത്തെ വരിയിൽ $x, x+1, x+2$



മുകളിൽ അടുത്ത വരിയിലെ സംവ്യൂക്തി എണ്ണാക്കുന്നതു അണെ?

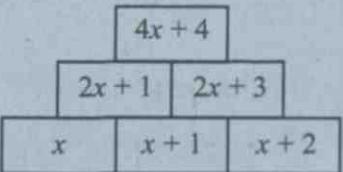
$$x + (x+1) = 2x+1$$

$$(x+1) + (x+2) = 2x+3$$



അപ്പോൾ ഏറ്റവും മുകളിലെ സംവ്യൂഹം?

$$(2x+1) + (2x+3) = 4x+4$$



ഇതിലെ $4x+4$ എന്നതിനെ അൽപ്പം മാറ്റി ഏഴുതാം.

$$4x+4 = 4(x+1)$$

അതായത്, അടുത്തടുത്ത ഏതു മുന്നു സംവ്യൂക്തിയെ നിന്നു തുടങ്ങിയാലും, അവസാനിക്കുന്നത് അതിലെ നടുക്കുള്ള സംവ്യൂഹം നാലു മണിക്കൻ. (ഈതു നേരത്തെ ശ്രദ്ധിച്ചിരുന്നോ?)

അപ്പോൾ 100 ഒരു അവസാനിക്കുന്നമുകളിൽ 24, 25, 26 എന്നീ സംവ്യൂക്തിയെ നിന്നു തുടങ്ങാം.

ഇനി തുടങ്ങുന്നത് നോട്ടീവിട്ട് മുന്നു സംവ്യൂക്തായാണോ?

നോട്ടീവിട്ട് സംവ്യൂക്തായാൽ?

എഴുതിരുന്നാക്കു.

സംവ്യൂഹത്തുകൂടൽ

സംവ്യൂക്തി സംബന്ധിച്ചുള്ള പില കാര്യങ്ങൾ എല്ലാ സംവ്യൂക്തിക്കും ശരിയാണ് എന്ന് അഭ്യ പ്രീകാർ ബിജഗണിക്കും ആവശ്യമാണ്. ഉദാഹരണമായി, അടുത്തടുത്ത ഏതു ഒരു ഏല്ലാംഗം വ്യക്തിയുടെ തുകയും ദറസംവ്യൂഹം എന്ന് സമർപ്പിക്കാം, ഗ എന്ന് ഏതൊക്കെല്ലം ഏല്ലാംഗം സംവ്യൂഹം സ്വീച്ചിച്ചാൽ അതിനുത്തോന്തരം $n+1$ ആണെന്നും ആവശ്യം തുക $2n+1$ ആണെന്നും അറിയാം. കൂടാതെ g എൽ ഏല്ലാംഗം വ്യക്തിയും $2n+1$ ദറസംവ്യൂഹംഞ്ഞും കാണാം എത്തുണ്ട്.

മറ്റു പല ശാസ്ത്രങ്ങളിലും, കുറഞ്ഞും സംഖിക്കുന്ന അളവിൽ ഒരു വസ്തുത ശരിയാണെന്നും കണക്കാൽ അതൊരു പൊതുതരത്വമായി അംഗീകരിക്കാം എന്ന്. ഗണിതത്തിൽ ഈതു മതിയാക്കില്ല എന്നും കൊണ്ട് അത് ശരിയാകുന്നു എന്നും സമർപ്പിക്കാം. സംവ്യൂക്തിക്കുറിച്ചുള്ള കാര്യങ്ങളാണെങ്കിൽ, ഈ കാര്യകാരണബന്ധം ബിജഗണിതത്തിലൂടെയാണ് വെളിവാക്കുന്നത്.

അനേകം സംവ്യൂക്തിക്ക് ശരിയാക്കുന്ന കാര്യങ്ങൾ പിന്നീട് ശരിയല്ലാതാക്കുന്ന പല സംഖിക്കുള്ളും ഗണിതത്തിലുണ്ട്. ഉദാഹരണമായി, 2^2 നെ 2 കൊണ്ടു, 2^3 നെ 3 കൊണ്ടും 2^4 നെ 4 കൊണ്ടുമെല്ലാം ഹരിച്ചാൽ ശിക്ഷകം 3 കിട്ടുന്നില്ല. പൊതുവെ പറഞ്ഞാൽ, 4700063497 നെകാഡി ചെറിയ എൽ സംവ്യൂഹം അയി ഏടുത്താലും 2^8 നെ g കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ ശിക്ഷകം 3 ആകില്ല. എന്നാൽ g അയി 4700063497 ഏടുത്താൽ ശിക്ഷകം 3 തന്നെയാണുകയും ചെയ്യും.

ഇവിടെ, നാനും എഴുപത് കാടിയിലധികം സംവ്യൂക്തിക്ക് ശരിയാക്കുന്ന ഒരു വസ്തുതയാണ് പിന്നീട് തന്റെ നേരുന്നത്!



വിനോദ സംഖ്യകൾ

അടിത്തെടുത്ത എൽക്സ് എല്ലാവർഷം വ്യക്തി
രഹസ്യം തുക ദാനം സംഖ്യയാണെന്ന് കണണ്ടുണ്ട്.
അടിത്തെടുത്ത റൂപ് എല്ലാവർഷം വ്യക്തി
രഹസ്യമാണ്?

$$1 + 2 + 3 = 6$$

$$2 + 3 + 4 = 9$$

$$3 + 4 + 5 = 12$$

ഇവരുടും 3 എം്പറീ ഗുണിതങ്ങളാണ്. എൽക്സ്
സംഖ്യയിൽനിന്ന് തുടങ്ങിയാലും ഈതു ശരി
മാണോ?

അപ്പും സംഖ്യയെ n എന്നെന്നുതിയാൽ,
അടിത്ത റൂപ് സംഖ്യകൾ $n + 1, n + 2$ എന്നീ
ഡാനംമാണുണ്ട്. ഇവയുടെ തുക

$$n + (n + 1) + (n + 2) = 3n + 3$$

ഈ

$$3n + 3 = 3(n + 1)$$

എല്ലാച്ചുതിയായും, തുക 3 എം്പറീ ഗുണിതങ്ങളാണെന്ന്
കാണാം.

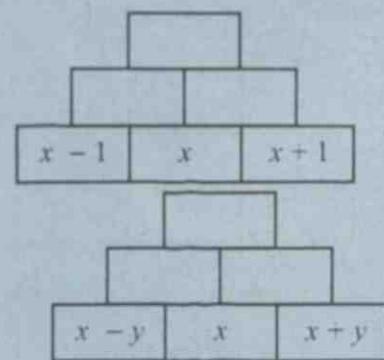
ഇവിടെ ക്രോറു കാര്യംകൂടി കാണാം. നട്ടവിലെ
സംഖ്യയുടെ ഒന്നാം മണിക്കൂർ തുക. അപ്പോൾ
കൂറേക്കൂടി കൃത്യമായ ഒരു പൊതു തത്ത്വം
കിട്ടുന്നു.

അടിത്തെടുത്ത റൂപ് എല്ലാവർഷം കുറുക്കുന്നു
തുക, നട്ടവിലെ സംഖ്യയുടെ
ഒന്നാം മണിക്കൂർ.

അടിത്തെടുത്ത നാല് എല്ലാവർഷം വ്യക്തി
തുക നാലിൽഒരു ഗുണിതമാണോ?



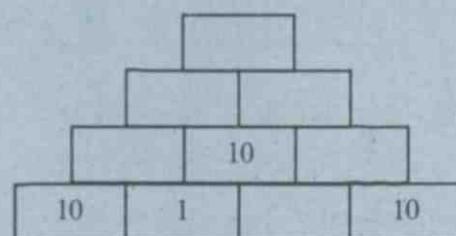
ഈ ഗോപ്യരണ്ടാം മുഴുവിപ്പിക്കു:



ഒക്കാമതെഴുതിയ തരത്തിലുള്ള ഗോപ്യരണ്ടാം സവി
ശേഷത സാധാരണ ഭാഷയിലെഴുതാമോ?

ക്രോറു ഗോപ്യരം

അൽപ്പം കൂടി വലിയ ഗോപ്യരം:



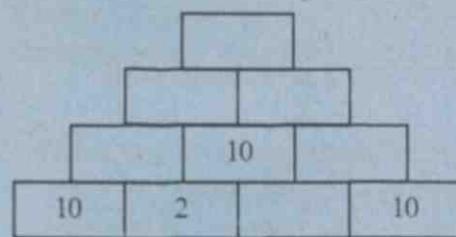
ഇതിലെ മറ്റു സംഖ്യകളുമും എഴുതാമോ?

താഴെത്തെ വരിയിൽ ഈ എൽക്സ് സംഖ്യകൂടി എഴുതുന്നോ?

അതിനോട് 1 കൂട്ടിയാൽ 10 കിട്ടണമെല്ലാ.

ഇനിയുള്ള സംഖ്യകളുംകൂടി എഴുതു. എറ്റവും മുകളിൽ
50 കിട്ടിയില്ല?

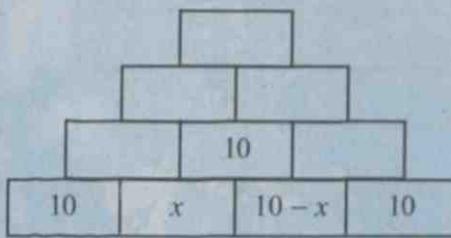
ഈ ഇരു ഗോപ്യരത്തിലെ സംഖ്യകളുമും എഴുതു.



അപ്പോഴും എറ്റവും മുകളിലെ സംഖ്യ 50 തന്നെയല്ല?

2 നു പകരം മറ്റേതെങ്കിലും സംഖ്യ എഴുതി ചെയ്തു
നോക്കു. എപ്പോഴും 50 തു അവസാനിക്കുന്നത് എന്നുകൊ
ണ്ടാണ്?

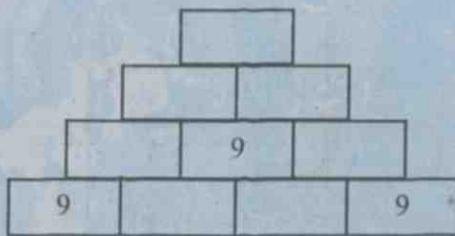
ബിജഗണിതം ഉപയോഗിച്ചുനോക്കാം. ചുവടിലെ വരിയിലെ രണ്ടാമതെന്ന സംഖ്യ x എന്നെന്നാണുത്താം. അപ്പോൾ അടുത്ത സംഖ്യ എന്നെന്നാണോ?



ഈ ഇതിനു മുകളിലെ രണ്ടു വരികൾ എഴുതാമെല്ലാ? മുന്നാമതെന്ന വരിയിലെ രണ്ടു സംഖ്യകൾ $20 + x, 30 - x$ എന്നു കിട്ടിയില്ലോ? അപ്പോൾ അവസാനതെന്ന സംഖ്യ

$$(20 + x) + (30 - x) = 50$$

ഈ 10 നു പകരം 9 ഉപയോഗിച്ച് ഇങ്ങനെന്നെയാരു ശോഭാരും തുടങ്ങിയാലോ?



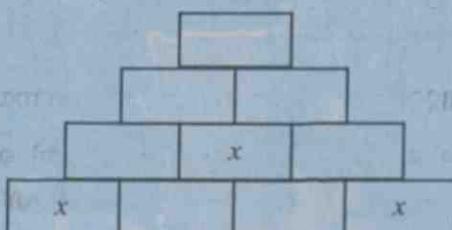
ചുവടിലെ വരിയിലെ രണ്ടാമതെന്ന സംഖ്യ 9 തു താഴെയുള്ള എത്തെക്കിലും സംഖ്യ എടുത്ത് ശോഭാരും മുഴുവനാക്കു (എന്നിൻ 9 തു താഴെയുരക്കണാം?)

കൂടുകാർ ചെയ്തതുമായി ഒരുപോലെ. എല്ലാവർക്കും കിട്ടിയത് 45 തന്നെയല്ലോ?

ഈ 9 നു പകരം 11 ഉപയോഗിച്ചു തുടങ്ങിയാൽ, തുടർന്ന് (11 നേരക്കാൾ ചെറിയ) എത്ര സംഖ്യ എടുത്താലും അവസാനം കിട്ടാൻ പോകുന്നത് എന്നാണെന്നു പറയാമോ?

എത്രുകൊണ്ടാണ് എപ്പോഴും തുടങ്ങുന്ന സംഖ്യയുടെ 5 മടങ്ങുതന്നെ കിട്ടുന്നത്?

തുടങ്ങുന്ന സംഖ്യ x എന്നെന്നടുക്കാം:



മെറ്റാരു മാർഗം

തുടർച്ചയായ എത്ര മുന്ന് എല്ലാക്കും ചെയ്യും തുക, നടുവിലെ സംഖ്യയുടെ കൂട്ടാണ് ഒരാൺനാൻ കാണാൻ ശ്രദ്ധാരു വഴിയുണ്ട്.

നടുവിലെ സംഖ്യ n എന്നെന്നടുത്താൽ, അപ്പോൾ സംഖ്യ $n - 1$, അവസാനസംഖ്യ $n + 1$, ഇവയുടെ തുക

$$(n-1) + n + (n+1) = 3n$$

ഈ തുക $n - 1, n + 1$ എന്നിവയുടെ തുക $2n$ ആണെന്ന് എല്ലാപ്പും കാണാം എന്നതാണ് സാക്ഷ്യം.

ഈ തുടർച്ചയായ ഒരു എല്ലാക്കും ചെയ്യുന്നതും നടുവിലെ (മുന്നാമതെന്ന) സംഖ്യ n എന്നെന്നടുത്താൽ ശുഭ അഥവാ സംഖ്യകളും

$$n-2, n-1, n, n+1, n+2$$

എന്നെന്നാണുത്താം. ഇവയുടെ തുക കാണാൻ, ആദ്യം

$$(n-2) + (n+2) = 2n$$

$$(n-1) + (n+1) = 2n$$

എന്നിങ്ങനെ കൂട്ടിയാൽ

$$(n-2) + (n-1) + n + (n+1) + (n+2)$$

$$= (n-2) + (n+2) + (n-1) + (n+1) + n$$

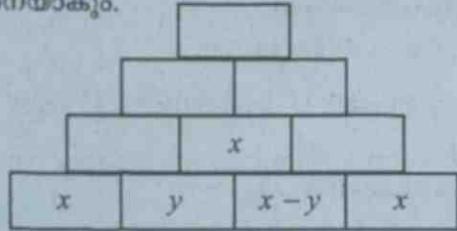
$$= 2n + 2n + n$$

$$= 5n$$

എന്നു ദിവസം കണ്ണുപിടിക്കാം. തുക നടുവിലെ സംഖ്യയുടെ അഥവാ മടങ്ങുതന്നെ കണ്ടുവിഡിക്കുകയും ചെയ്യാം.

തുടർച്ചയായ എഴുപ്പ് എല്ലാക്കും ചെയ്യുന്നതും തുക മുകുറിപ്പ് എന്നു പറയാം.

അടുത്ത സംവ്യൂദ്ധ എന്നുമെടുക്കാം. അപ്പാൾ ആദ്യ വരി മുണ്ടെന്നുണ്ടോ.



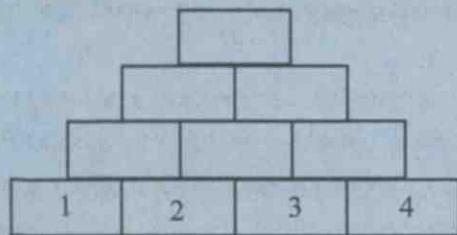
അടുത്ത പടിയിലെ സംവ്യൂദ്ധ എന്നൊക്കെയാണ്?

അതിനടുത്ത പടിയിലോ? $2x + y$, $3x - y$ എന്നു കിട്ടിയില്ലോ? അപ്പാൾ അവസാന സംവ്യൂദ്ധം?

$$(2x + y) + (3x - y) = 5x$$

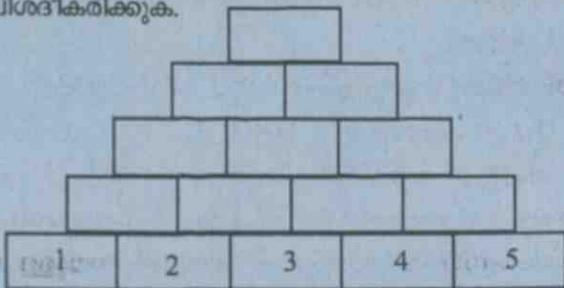


- ചുവടെന്നുള്ള ശാപുരം എല്ലാ കളിങ്ങളും പൂർണ്ണിക്കുക.



തുടർച്ചയായ നാലു സംവ്യൂദ്ധ ഉപയോഗിച്ച് ഇതു പോലെ കുറരിയെല്ലാം എഴുതിനോക്കു. തുടങ്ങിയ സംവ്യൂദ്ധ അവസാനം കിട്ടുന്ന സംവ്യൂദ്ധമായുള്ള ബന്ധം എന്നാണ്? താഴെ പടിയിലെ നടപാതയിലൂള്ള രണ്ട് സംവ്യൂദ്ധകൾ എറ്റവും മുകളിലെ സംവ്യൂദ്ധമായി ഏതൊന്നും ബന്ധം ലഭിക്കുന്നതും ബന്ധം ലഭിക്കുന്നതും ഉപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.

- ഈനി സംവ്യൂദ്ധ അഞ്ചായാലോ? എറ്റവും മുകളിലെ സംവ്യൂദ്ധ എറ്റവും താഴെന്നെല്ലാ പടിയിലെ നടപാതയിലൂള്ള സംവ്യൂദ്ധമായുള്ള ബന്ധം ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.



- മുകളിലെ ശാപുരങ്ങളിൽ അടുത്തടുത്ത സംവ്യൂദ്ധകൾ പകരം ഓന്നിടവിൽ, രണ്ടിടവിൽ എന്നീങ്ങനെയുള്ള സംവ്യൂദ്ധ എഴുതി ചെയ്തു നോക്കുക. ബന്ധങ്ങൾ ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.

11 ഏർ കളികൾ

ഈ സംഖ്യകൾ നോക്കു:

12, 23, 34, ..., ...

12 തീ നിന്നു തുടങ്ങി, 11 കൂടി, വിണ്ടും 11 കൂടി, അങ്ങനെ പോകുന്നു.

ഈ തുടർന്നാൽ 100 കിട്ടുമോ?

എഴുതിനോക്കോ:

12, 23, 34, 45, 56, 67, 78, 89, 100

ഈ നിയും തുടർന്നാൽ എപ്പോഴുകിലും 1000 കിട്ടുമോ?

എല്ലാം എഴുതിനോക്കുക എളുപ്പമാണോ?

സംഖ്യകൾ എന്നുകൂടി നോക്കു:

11 നോക് 1 കൂടിയത് 12

22 നോക് 1 കൂടിയത് 23

33 നോക് 1 കൂടിയത് 34

ഈ സംഖ്യകളെല്ലാം 11 ഏർ ഗുണിതങ്ങളോട് 1 കൂടിയ താണ്.

മറ്റാരു തരത്തിൽ പറഞ്ഞാൽ, ഇവയെല്ലാം 11 കൊണ്ട് ഹരിച്ചാൽ 1 ശിഷ്ടം വരുന്ന സംഖ്യകളാണ്.

ഈ ഇക്കുട്ടത്തിൽ 1000 വരുമോ എന്നു കണ്ണുപിടിക്കാൻ വിഷമമില്ലെല്ലാ.

1000 നെ 11 കൊണ്ടു ഹരിച്ചാൽ ശിഷ്ടം 1 ആണുത്തന്തനി നാൽ, ഈ സംഖ്യാക്രമത്തിൽ 1000 ഉണ്ടാവില്ല.

ഈ ഇതിൽ 10000 ഉണ്ടാകുമോ എന്നു നോക്കു.

100000 ആയാലോ?

ഈ ക്രമം ഉണ്ടാക്കുന്നതിനെന്നുണ്ടിച്ച് ആദ്യം പറഞ്ഞത്,

12 തീ നിന്നു തുടങ്ങി, തുടരെ 11 കൂടുക എന്നാണെല്ലാ.

എപ്പോൾ കണ്ടതനുസരിച്ച്, ഈ സംഖ്യാക്രമം മുഴുവന്നു ഒരു കീയയായി എഴുതാം:

എല്ലാംസംഖ്യകളെയെല്ലാം 11 കൊണ്ടു ഗുണിച്ച് 1 കൂടുക.

ഈ ബീജഗണിതമുപയോഗിച്ച് പറഞ്ഞാലോ?

$11n + 1$ എന്നതിൽ n ആയി, 1, 2, 3, ... എന്നിങ്ങനെ ക്രമമായി എടുക്കുക.

(എല്ലാംസംഖ്യകളെ സൂചിപ്പിക്കാൻ ബീജഗണിതത്തിൽ സാധാരണയായി n, m, p, k എന്നിങ്ങനെയുള്ള അക്ഷരങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കുകയാണു പതിവ്. നിർബന്ധമാനു മില്ല - ഒരു കീഴ്വശകം എന്നു മാത്രം)

പിണ്ഡം പില തുകകൾ

ഒരു ഇടുസംഖ്യകൾ കൂടിയാൽ കൂടുന്നത് ഇടുസംഖ്യയാണ്. ഒരു ദ്രോസംഖ്യകൾ കൂടിയാണല്ല? എന്നുഭക്കാണാണ് ഇങ്ങനെ സംഭവിക്കുന്നത്? ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ചു നോക്കാം. ഒരു ഇടുസംഖ്യകളെ $2m, 2n$ എന്നുടെക്കാം. ഇവയുടെ തുക.

$$2m + 2n = 2(m + n)$$

ഇതിൽനിന്ന് തുകയും 2 എൽ ഗുണിതം, അമുഖ ഇടുസംഖ്യ, ആണെന്നു കാണാം.

ഈ ഒരു ദ്രോസംഖ്യകളാണ് കൂടുന്നതെങ്കിലോ? അവയും $2m - 1, 2n - 1$ എന്നുടെക്കാം തുക

$$(2m - 1) + (2n - 1) = 2m + 2n - 2 \\ = 2(m + n - 1)$$

ഈ 2 എൽ ഗുണിതങ്ങളും, അതായൽ ഇടു സംഖ്യ.

ഒരു ഇടുസംഖ്യകൾക്കുപകരം മുൻ ഇടുസംഖ്യകളാണ് കൂടുന്നതെങ്കിലോ? നാല് ഇടുസംഖ്യകൾ കൂടിയാണല്ല?

മുൻ ദ്രോസംഖ്യകളുടെ തുകയെക്കിട്ടി എന്നു പറയാം? നാല് ദ്രോസംഖ്യകളുടെ തുകയും?

ഇന്തി 12 ടെ നിന്നു തുടങ്ങുന്നതിനു പകരം 21 ടെ നിന്നു തുടങ്ങി തുടരെ 11 കൂട്ടിയാലോ?

21, 32, 43, ...

ഈ സംവ്യൂക്തൈയും ബീജഗണിതമുപയോഗിച്ച് എഴുതാമോ?

ഇവയെ $11 + 10, 22 + 10, 33 + 10, \dots$

എന്നെല്ലാം എഴുതാമെല്ലാ. അതായത്,

$11n + 10$ എന്നതിൽ n എന്ന സംഖ്യ $1, 2, 3, \dots$ എന്നിങ്ങനെ ക്രമമായി എടുക്കുക.

ഈ ക്രമം തുടർന്നാൽ, $100, 1000, 10000, 100000$ എന്നിവയിൽ എത്രത്തോളം സംവ്യൂക്തൈയാണ് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് എന്ന് വ്യക്തമാണെന്നതുണ്ട്.

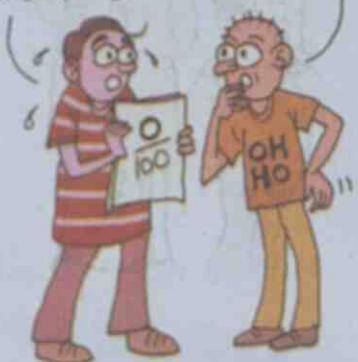
ഉദാഹരണമായി, $2n - 1$ എന്ന രൂപത്തിലൂടെ സംവ്യൂക്തർ ദറസംവ്യൂക്തൈയാണ് എന്ന് പറയുന്നാണ്, ഇതിലെ n എന്നത് എല്ലാംസംവ്യൂക്തൈ കാത്തൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കുന്നത് എന്നുകൂടി പറയണം. $2n - 1$ ടെ n ആയി $1 \frac{1}{2}$ എന്ന ഭിന്നസംഖ്യ എടുത്താൽ

$$2n - 1 = (2 \times 1 \frac{1}{2}) - 1 = 2$$

എന്ന ഇടുസംവ്യൂക്തൈ കിട്ടുന്നത്.

ഒരുംദിവാ...
സംഖ്യവീഴ്ചപ്പെട്ടിരും
അംഗീകാരമുള്ളതാണെന്നു
സംഖ്യയെന്തിചു! പബ്ലിക്
അംഗീകാരി പ്രതിനിശ്ചാരിത്വം
അംഗീകാരിക്കാണെന്നു
ഒരുംദിവിലുണ്ട്!

ഓഹീ!



ഈ രീതിയും സംഖ്യാ ക്രമങ്ങളും ഒരുമിച്ചു നോക്കാം:

12	23	34	45	...
21	32	43	54	...

മുകളിലെയും താഴെത്തെയും സംവ്യൂക്തർ ക്രമമായി കൂട്ടിയാലോ?

33 55 77 99 ...

എന്തുകൊണ്ടാണ് 11 എൻ ഗുണിതങ്ങൾ മാത്രം കിട്ടുന്നത്? ബീജഗണിതമുപയോഗിച്ചു നോക്കാം.

ആദ്യത്തെ ക്രമത്തിലെ എത്ര സംഖ്യയെയും $11n + 1$ എന്ന ശുത്രാമ എല്ലാ. രണ്ടാമത്തെ ക്രമത്തിൽ അതേ സ്ഥാനത്ത് വരുന്ന സംഖ്യ $11n + 10$ ആണ് (ആദ്യത്തെ n ആണ് ഇതിലും).

ഇവയുടെ തുക എന്താണ്?

$$\begin{aligned} (11n + 1) + (11n + 10) &= 22n + 11 \\ &= 11(2n + 1) \end{aligned}$$

11 എൻ ഗുണിതം കിട്ടുന്നതിൽ കാരണം മനസ്സിലായില്ലോ?

ഇങ്ങനെ കിട്ടിയ തുകകൾ ഒന്നുകൂടി നോക്കു:

എന്തുകൊണ്ടാണ് ദറസംവ്യൂക്തർ കൊണ്ടുള്ള ഗുണിതങ്ങൾ മാത്രം കിട്ടുന്നത്?

തുകയുടെ ബീജഗണിതത്തുപം എഴുതിനോക്കു: അതിൽ n ആയി $1, 2, 3, \dots$ എന്നിങ്ങനെ എല്ലാംസംവ്യൂക്തർ എടുത്താൽ $2n + 1$ ആയി എത്രത്തോളം സംവ്യൂക്തൈയാണ് കിട്ടുന്നത്?

ഇവിടെ $11n + 1, 11n + 10, 2n + 1$ എന്നിങ്ങനെയുള്ള പൊതുസൗഖ്യങ്ങൾ കണാണെല്ലാ. ഇവയെല്ലാം ഒരു ക്രിയകളുണ്ട് സൂചിപ്പിക്കുന്നത്. ഉദാഹരണമായി $11n + 1$ എന്ന തിരുത്തി അർമ്മം, n എന്ന ആക്ഷരം കൊണ്ടു സൂചിപ്പിക്കുന്ന

സംവ്യൂഹയെ 11 കൊണ്ട് ഗുണിച്ച്, 1 കുട്ടകു എന്നാണ്. ഇങ്ങനെ ക്രിയകളെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന പൊതുതൃപ്പണങ്ങളെ ബീജഗണിതവാചകങ്ങൾ (algebraic expressions) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

ഉദാഹരണമായി, 1 നോക്കുന്നതു 11 കുട്ടിക്കിട്ടുന്ന 12, 23, 34, ... എന്നീ സംവ്യൂക്തെല്ലാം $11n + 1$ എന്ന ഒരു ബീജ ഗണിതവാചകത്തിൽ ഒതുക്കാം.



- 1 നോക്കുന്ന വിജ്ഞാം 10 കുട്ടിക്കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്തെല്ലാം ബീജഗണിതവാചകം കണക്കുപിടിക്കുക.
- 9 നോക്കുന്നതു 10 കുട്ടിക്കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്തെല്ലാം ബീജഗണിതവാചകം കണക്കുപിടിക്കുക.
- ആദ്യത്തെ ഒരു ക്രമങ്ങളിലെയും ഒരു സ്ഥാനത്തുള്ള സംവ്യൂക്തി കുട്ടകു. 10 ഒരു ഗുണിതങ്ങൾ മാത്രം കിട്ടുന്നതെന്നും കണക്കാണ്? 10 ഒരു എല്ലാ ഗുണിതങ്ങളും ഇങ്ങനെ കിട്ടുമോ?

ഒരേക്കെസംവ്യൂഹകൾ

10 ഒരു ഗുണിതങ്ങളായ 10, 20, 30, ... എന്നീ സംവ്യൂക്തെല്ലാം പൊതുവായി $10n$ എന്നാണുതാം; ഇതിൽ n ആയി ഏത് എല്ലാത്തരം സംവ്യൂഹകൾ മാത്രം എടുത്താൽ മതി.

ഇതിലെ ഒരേക്കെസംവ്യൂഹകൾ മാത്രം മതിയെങ്കിലോ? n ആയി 1 മുതൽ 9 വരെയുള്ള സംവ്യൂക്തി മാത്രം എടുത്താൽ മതി.

$$10n \quad (n = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)$$

എന്നാണുതാം. അത്യപൂർക്കുടി ചുത്തുകാം

$$10n \quad (n = 1, 2, 3, \dots, 9)$$

എന്നുമാകാം.

ഇതുപോലെ 10 ഒരു ഗുണിതങ്ങളാക 1 കുട്ടിക്കിട്ടുന്ന 11, 21, 31, ... എന്നീ സംവ്യൂക്തെല്ലാം പൊതുവായി $10n + 1$ എന്നാണുതാം; ഇതിൽ n ആയി ഏത് എല്ലാത്തരം സംവ്യൂഹകൾ മാത്രം എടുത്താൽ മതി.

ഇവയിലെ ഒരേക്കെസംവ്യൂഹകൾ മാത്രം മതിയെങ്കിൽ

$$10n + 1 \quad (n = 1, 2, 3, \dots, 9)$$

എന്നുമെഴുതാം.

10 ഒരു ഗുണിതങ്ങളാക 2 കുട്ടിക്കിട്ടുന്ന 12, 22, 32, ... എന്നീ സംവ്യൂക്തെല്ലാം പൊതുവായി ബീജഗണിത വാചകമായി ഏഴുതും? അവയിലെ ഒരേക്കെ സംവ്യൂക്തെല്ലാം?

ഇതുവരെ കിട്ടിയ ഒരേക്കെസംവ്യൂഹങ്ങളും ഒരുമിച്ച്

ബീജഗണിതവുമായി

എത്ര സംവ്യൂഹങ്ങൾ 10 കൊണ്ട് ഗുണിക്കാം എളുപ്പമാണ്; അവസാനം ഒരു പ്രശ്നം പോരിക്കാം തന്നെ

$$18 \times 10 = 180$$

$$250 \times 10 = 2500$$

എന്നാൽ ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ചുള്ളതാണ് എവരും

$$10 \times n = 10n$$

എന്നു മാത്രമേ എഴുതാറുള്ളു; $n0$ എന്നാണുതാണില്ല.

ഇതുപോലെ 10 ഒരു ഗുണിതങ്ങളാക 1 കുട്ടിയാൽ കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്തെല്ലാം അവസാന ബീജങ്ങൾ 1 ആണ്. എന്നാൽ ഇവയുടെയും ബീജഗണിതവുപരി $10n + 1$ എന്നാണുതില്ല.

10 ഒരു ഗുണിതങ്ങളാക 1 കുട്ടിയാൽ കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്തി എന്നതിനുപരി 10 കൊണ്ട് പാർപ്പിച്ചാൽ ശിഖം 1 കിട്ടുന്ന സംവ്യൂക്തെല്ലാം പറയാം. ഇവയും 5 കൊണ്ട് പാർപ്പിച്ചാൽ ശിഖം 1 തന്നെ. കാരണം

$$10n + 1 = (5 \times 2n) + 1$$

എന്നാണുതാം. ഇതിനു സംവ്യൂഹം n എന്നാണുതിയാൽ ഇതുപോലുള്ള വിശകലനങ്ങൾ സാധിക്കില്ല

സംഖ്യാഗണിതം സംഖ്യാഗണിതം!
കിം കിം സംഖ്യാഗണിതം...
സംഖ്യാഗണിതം...
ബീജഗണിതം...
ഭാരതീയനാഡി ബീജഗണിതം!



സൗഖ്യം:

$10n$	10	20	30	40	50	60	70	80	90
$10n + 1$	11	21	31	41	51	61	71	81	91
$10n + 2$	12	22	32	42	52	62	72	82	92

ഇങ്ങനെ ഏല്പാ രണ്ടു സംഖ്യകളും വേണമെങ്കിൽ
എത്തോട് ബിജഗണിതവാചകങ്ങൾ എടുക്കണം?

$10n, 10n + 1, 10n + 2$ എന്നിങ്ങനെ $10n + 9$ വരെയുള്ള
ബിജഗണിതവാചകങ്ങളുടെയെല്ലാം പൊതുവായ രൂപമെന്നാണ്?

$10n$ എന്ന ബിജഗണിതവാചകത്തോട് പല സംഖ്യകൾ
കൂടുന്നു (അദ്യം കൂടിയത് 0).

ഈ കൂടുന്ന സംഖ്യകളെയും ഒരു അക്ഷരംകൊണ്ട് സൂചിപ്പിക്കാമെല്ലാ. അപ്പോൾ ഇവയെല്ലാം $10n + m$ എന്നെന്നു
യാം. ഇതിൽ n ആയി 0 മുതൽ 9 വരെയുള്ള സംഖ്യകളാണ് എടുക്കണമെന്ന്.

ചുരുക്കിപ്പുതാൻ, ഏല്പാ രണ്ടു സംഖ്യകളും

$$10n + m \quad (n = 1, 2, 3, \dots, 9; m = 0, 1, 2, \dots, 9)$$

എന്ന രൂപത്തിലാണ്. ഉദാഹരണമായി $n = 5, m = 3$ എന്ന
ചുത്താൽ

$$10n + m = (10 \times 5) + 3 = 53$$

എന്നു കിട്ടു.

$n = 3, m = 5$ എന്നായാലോ?

അപ്പോൾ, രണ്ടു സംഖ്യകളുടെ പൊതുതുപമായ $10n + m$
ൽ ആദ്യത്തെ (പത്തിശ്രീ സ്ഥാനത്ത്) അക്ഷമാണ് n ; രണ്ടാം
മത്തെ (ഒന്നിശ്രീ സ്ഥാനത്ത്) അക്ഷമാണ് m .

ഈ ഏതെങ്കിലും രണ്ടു സംഖ്യകളുടെ എടുക്കുക. ഉദാഹരണമായി 25. ഇത് തിരിച്ചെഴുതിയാൽ 52; അവ തയ്യിൽ കൂടിയാൽ 77.

36 ഉം 63 ഉം കൂടിയാലോ?

എപ്പോഴും അക്ഷമാശ്രീ ആവർത്തിക്കുമോ?

28 ഉം 82 ഉം ആയാലോ?

ഇങ്ങനെ കൂടുന്ന സംഖ്യകളിലെല്ലാം പൊതുവായി എന്നെങ്കിലും കാണുന്നുണ്ടോ?

എങ്ങുകൊണ്ടാണ് എപ്പോഴും 11 രണ്ട് സംഖ്യകളുടെ കിട്ടുന്നത്?

പൊതുവായ കാര്യങ്ങൾ മനസ്സിലാക്കാൻ ബിജഗണിതമാണ് സഹായം.

എത്ര രണ്ടു സംഖ്യയും $10m + n$ എന്ന രൂപത്തിലെ
താഴെല്ലാം. ഇത് തിരിച്ചെഴുതുന്നുകയെന്നാൽ, അക്ഷമാശ്രീ

സ്ഥാനം പരസ്പരം മാറ്റുക; അതായത് $10n + m$.

ഈ തമിൽ കുട്ടിയാൽ

$$\begin{aligned}(10m + n) + (10n + m) &= (10m + m) + (10n + n) \\&= 11m + 11n \\&= 11(m + n)\end{aligned}$$

ഈ ഏതെങ്കിലും രണ്ടു സംഖ്യകൾ തിരിച്ചേഴ്തി കൂടുന്ന തിനു പകരം വലുതിൽനിന്ന് ചെറുത് കുറച്ചുനോക്കു. കൂറു രണ്ടു സംഖ്യകളിൽ ഈ ചെയ്തുനോക്കു.

കുറച്ചുകിട്ടുന്ന സംഖ്യകളും ഒരു സംഖ്യയുടെനെ ഗുണിതങ്ങളാണോ?

എന്നാണു കാരണം?

$$\begin{aligned}(10m + n) - (10n + m) &= 10m + n - 10n - m \\&= 9m - 9n \\&= 9(m - n)\end{aligned}$$

ഈ ഈ കണക്കുകൾ ചെയ്തുനോക്കു:

- ഏതെങ്കിലും രണ്ടു സംഖ്യകൾ എടുത്ത് അതിലെ അക്കങ്ങൾ തമിൽ കുട്ടുക. ഈ തുക സംഖ്യയിൽനിന്നു കുറയ്ക്കുക. ഈ കൂറു സംഖ്യകളിൽ ചെയ്തുനോക്കു. ഈ കുറച്ചുകിട്ടുന്ന സംഖ്യകളുടെയും പൊതുവായ ഏതെങ്കിലും സഭാവം കണ്ടുപിടിക്കുക.
- ഏതു രണ്ടു സംഖ്യയിൽനിന്നും അതിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുക കുറച്ചാൽ 9 എണ്ണിത്തു കിട്ടുന്നത് എന്തു കൊണ്ടാണെന്ന് ബിജഗണിതമുപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.



- മുന്നുകൾ സംഖ്യകളുടെയും പൊതുവായ ബിജഗണിതപു എഴുതുക.
- ഒരു മുന്നുകൾ സംഖ്യയുടെ ആദ്യത്തെയും രണ്ടാമതെയും അവസാനത്തെയും (നൂറ്റിൽപ്പറ്റും പത്തിൽപ്പറ്റും ഒന്നിൽപ്പറ്റും സ്ഥാനത്തുള്ള) അക്കങ്ങളെ m , n , p എന്നെടുത്താൽ, സംഖ്യയെ എങ്ങനെ എഴുതാം? ഈ സംഖ്യയെ തിരിച്ചേഴ്തിയാൽ കിട്ടുന്ന സംഖ്യയെ എങ്ങനെ എഴുതാം?
- ഏതു മുന്നുകൾ സംഖ്യയും തിരിച്ചേഴ്തി, വലുതിൽനിന്ന് ചെറുതു കുറച്ചാൽ കിട്ടുന്നത് 99 എണ്ണിത്താണെന്ന് ബിജഗണിതമുപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.
- ഏതു മുന്നുകൾ സംഖ്യയിൽനിന്നും അതിലെ അക്കങ്ങളുടെ തുക കുറച്ചാൽ 9 എണ്ണിത്തു കിട്ടുമെന്ന് ബിജഗണിതമുപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുക.

വിശദിച്ച ഇന്ത്യൻ സംഖ്യകൾ

അടുത്തടച്ചതു മുൻ ഏല്ലാത്തിംബുവ്യക്കളുടെയും ആദ്യത്തെയും അവസാനത്തെയും സംഖ്യകൾ കുട്ടുക. ഈ തുകയ്ക്ക് നടപിലെ സംഖ്യയും എന്നാണു ബന്ധം?

ഈഞ്ഞെന അടുത്തടച്ചതു ഏതു മുൻ സംഖ്യകളുടെയും തുക, നടപിലെ സംഖ്യയുടെ രണ്ടു മാണഡാണെന്ന് ബിജഗണിതം ഉപയോഗിച്ച് സമർപ്പിക്കുക.

അടുത്തടച്ചതു മുൻ ഇടുസംഖ്യകൾ (ഉഡാഹരണമായി 2, 4, 6) എടുത്താലും ഈ തുക കുറമാ? ദർസംഖ്യകളായാണോ?

ഈ 3 എണ്ണു അടുത്തടച്ചതു മുൻ ഗുണിതങ്ങൾ (ഉഡാഹരണമായി 3, 6, 9) എടുത്താൽ ഈ തുക ശരിയാകുമാ?

3 എണ്ണു ഗുണിതങ്ങൾക്ക് 1 കുട്ടിയ സംഖ്യകൾ (ഉഡാഹരണമായി 4, 7, 10) എഴുതാം?

3 എണ്ണു ഗുണിതങ്ങൾക്കു പകരം 4 എണ്ണും ഒറ്റ തെക്കിലും സംഖ്യയുടെയോ ഗുണിതമായാണോ?

ഈഞ്ഞെന കിട്ടുന്ന നിഗമനങ്ങളും ബിജഗണിതമുപയോഗിച്ച് തെളിയിക്കുക.



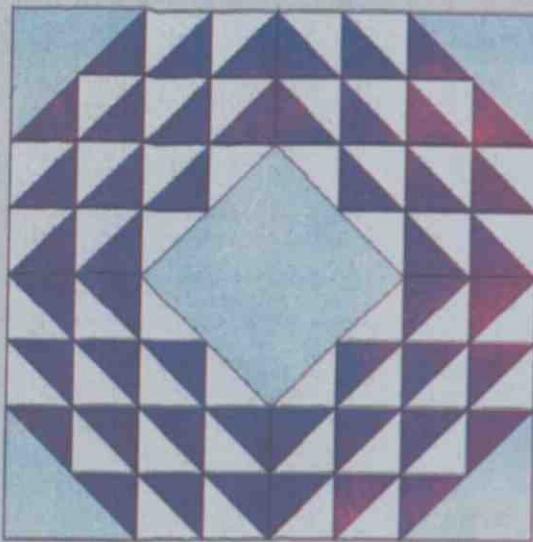
പാഠം പുനരീടിക്കുക



പാഠം പുനരീടിക്കുക	എന്നിക്ക് കഴിയും	സിച്ചിക്കുക സഹായത്താട്ട കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെട്ട ഉടയാളം
• സംവ്യാഖ്യാനങ്ങൾ ബിജഗണിത സഹായത്താട്ട വിശദിക്കിക്കുന്നു.			
• ക്രിയ-ക്ലേ സ്ഥാപിച്ചിക്കുന്ന ബിജഗണിത വാചകങ്ങൾ കണ്ണഡി വിശദിക്കിക്കുന്നു.			
• സംവ്യൂക്തി പൊതുരൂപങ്ങൾ ബിജഗണിതവാചകങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് വിശദിക്കിക്കുന്നു.			
• സംവ്യൂക്തി പൊതുരൂപങ്ങൾ ബിജഗണിത വാചകങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് സമർപ്പിക്കുന്നു.			

12

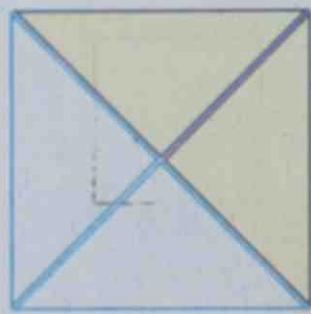
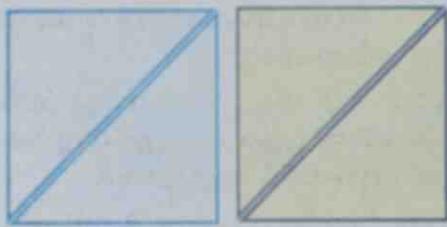
സമചതുരങ്ങളും മട്ടത്രിക്കാണങ്ങളും



| 2 സമചതുരങ്ങളും
മട്ടത്രിക്കാണങ്ങളും

ഒറ്റാരു ഭാർത്ത

ഒരു വല്ലപ്പമുള്ള രണ്ടു സമചതുരങ്ങൾ മുറിച്ചുകൊണ്ട് ഒരു സമചതുരങ്ങാണ് നിറ്റാരു മാറ്റണമെന്ന്.

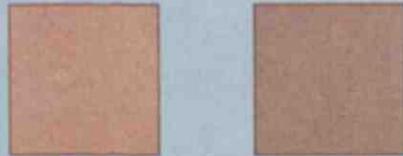


ഈ വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ വശത്തിന്റെ നീളം പെറിയ സമചതുരത്തിന്റെ ഏതെന്നില്ലോ? അല്ലവിന്ത തുല്യമാണോ?



ഇരട്ടിവലുകൾ

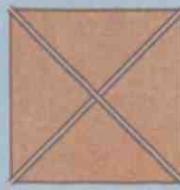
ഒരു വല്ലപ്പമുള്ള രണ്ടു സമചതുരങ്ങൾ കൂടിക്കൊലാസിൽ വെച്ചിയട്ടുകൂടുക.



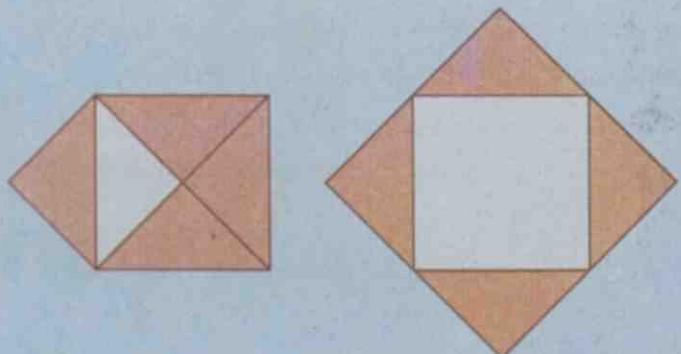
ഈവ മുറിച്ച് കൂക്കണാം മാറ്റിയട്ടുകൊണ്ട് വലിയൊരു സമചതുരമാക്കണം.

അതിനൊരു സുതമുണ്ട്.

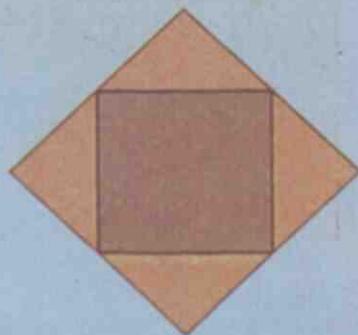
ആദ്യം ഒരു സമചതുരത്തിന്റെ രണ്ടു വികർണ്ണങ്ങളിലും ഒരു മുറിച്ച് നാലു ത്രികോൺങ്ങളാക്കുക.



ഈ ത്രികോൺങ്ങളെല്ലാം പുറത്തെക്ക് മലർത്തിവയ്ക്കുക.



ഈനി മുറിക്കാതെ സമചതുരം നട്ടവിലെ ഒഴിവുകൾ വച്ചി എന്നാക്കു.



എത്യുകാണഡാൻ രണ്ടാമതെത സമചതുരം ഇതിനുകളും കൃത്യമായി ചേരുന്നത്?

ആദ്യം മുൻപു ചെറിയ സമചതുരങ്ങൾ ഓരോനിഞ്ഞും വശങ്ങളുടെ നീളം 2 സെന്റീമീറ്ററാണെന്നു കരുതുക; അവയുടെ ഓരോനിഞ്ഞും പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

അപ്പോൾ അവസാനമുണ്ടാക്കിയ വലിയ സമചതുരത്തിനും പരപ്പളവോ?

ഇനി 9 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള ഒരു സമചതുരങ്ങൾ മുൻപു ചേർത്ത് വലിയ സമചതുരമുണ്ടാക്കാം. 9 ചതുരശ്ര സെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള ഒരു സമചതുരമുണ്ടാക്കാൻ വശത്തിനും നീളം എത്രയായി എടുക്കണം?

ഇതരം ഒരു സമചതുരങ്ങൾ വെട്ടിയെടുത്ത്, ഇപ്പോൾ ചെയ്തതുപോലെ മുൻപുടുക്കി വലിയ സമചതുരമുണ്ടാക്കുക. അതിനും പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

50 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം ഉണ്ടാക്കുന്നതെന്നെന്നു?

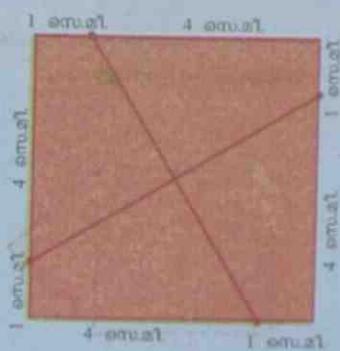
32 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരമായാണോ?

വലുപ്പം കൂട്ടാം:

രു സമചതുരത്തിനും വികർണ്ണങ്ങളിലൂടെ മുൻപു, അതേ വലുപ്പത്തിലൂള്ള മറ്റാരു സമചതുരവും ചേർത്ത്, ഇട്ടി വലുപ്പമുള്ള സമചതുരമുണ്ടാക്കാമെന്നു കണ്ണു.

ഇനി വേറാരു തരത്തിൽ മുൻപു നോക്കാം: 5 സെറ്റിമീറ്റർ വശമായ രു സമചതുരം കട്ടിക്കുന്നതിൽ മുൻപുടുക്കുകുക.

എതിർമുലകൾ ദയാജിപ്പിച്ച് വികർണ്ണങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നതിനുപകരം, മുലകളിൽ നിന്ന് 1 സെറ്റിമീറ്റർ മാറ്റി കൃത്യകളിട്ട് ദയാജിപ്പിക്കുക.



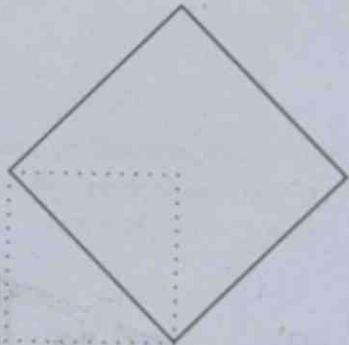
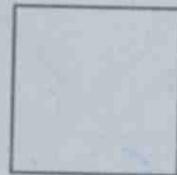
ഈ വരകളിലൂടെ മുൻപു, കിട്ടുന്ന നാലു ക്ഷേഖണ്ണങ്ങളും

വരയ്ക്കാണാഭു വഴി

ഒരു വലുപ്പമുള്ള ഒരു സമചതുരമാക്കുന്നും വലിയ സമചതുരത്തിനും വശത്തിനും നീളം ചെറിയ സമചതുരത്തിനും വികർണ്ണ തിനും നീളമാണെല്ലാ.

അപ്പോൾ ഒരു സമചതുരം വരച്ചു കഴിഞ്ഞാൽ അതിനും ഇരു പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം വരയ്ക്കാം എല്ലാപ്രധാനം.

അതിനും വികർണ്ണം വശമായി സമചതുരം വരച്ചാൽ മതി.



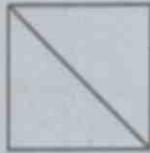
ഇതനുസരിച്ച് 50 ചതുരശ്ര സെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം വരയ്ക്കാംമോ?

32 ചതുരശ്ര സെറ്റിമീറ്റർ ആയാണോ?

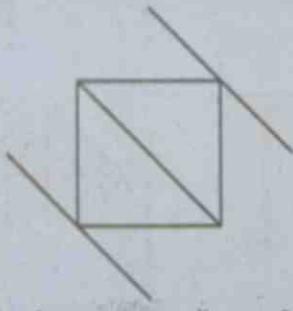
സമാനത സാർഗ്ഗം

രണ്ട് സമചതുരങ്ങളിൽന്ന് ഇരട്ടി പദ്ധതിവരുമ്പോൾ സമചതുരം വരയ്ക്കാൻ ശ്രദ്ധാരു മാർഗ്ഗമുണ്ട്.

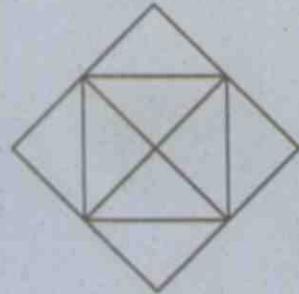
അല്ലെങ്കിൽ സമചതുരങ്ങൾഒന്ത് ഒരു വികർണ്ണം വരയ്ക്കുക:



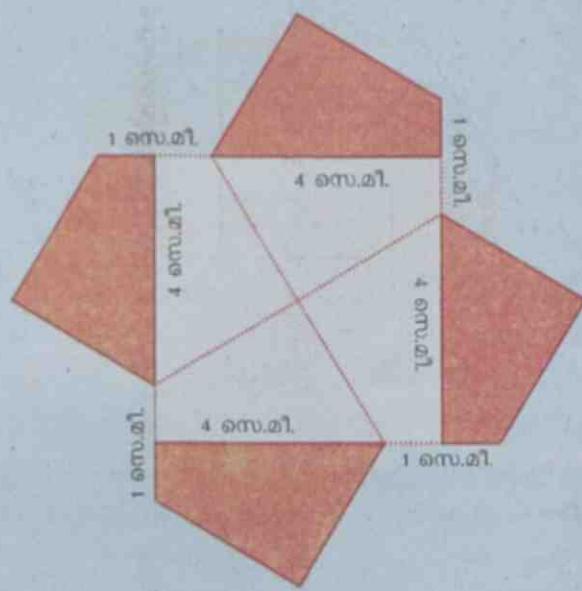
ഈ സമചതുരങ്ങിലെ രണ്ടു ഒരു മൂലക ഭിംഗകൾ ഈ വികർണ്ണത്തിന് സമാനത കൂടി വരകൾ വരയ്ക്കുക:



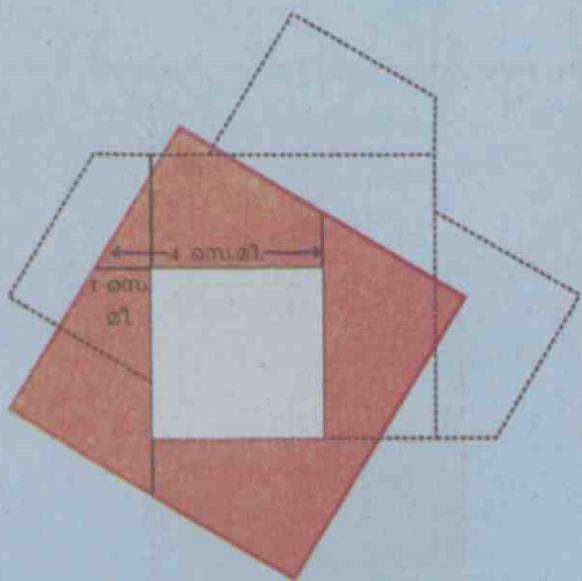
ഈ വികർണ്ണവും വരച്ചു അതിനു സമാനമായും ഇതുപൊലെ വരകൾ വരയ്ക്കുക:



മുമ്പു ചെയ്തതുപൊലെ പുറത്തെങ്കിൽ മലർത്തി വയ്ക്കുക.

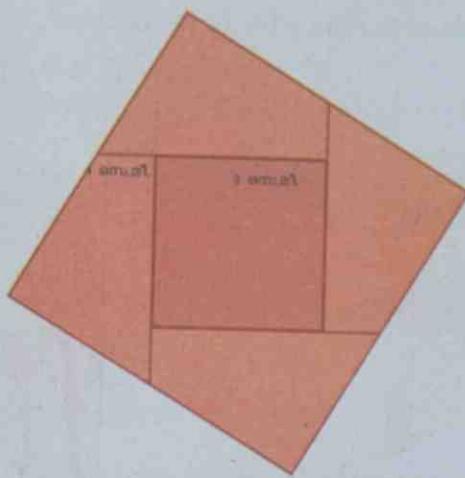


ഇടത്തെ കഷണത്തെ അൽപ്പം താഴോട്ടും, വലത്തെ കഷണത്തെ അൽപ്പം ഇടത്തോട്ടും, മുകളിലെ കഷണത്തെ അൽപ്പം ഇടത്തോട്ടും താഴോട്ടും, നിരക്കി നീക്കിയാൽ, പുറത്തോരു വലിയ സമചതുരവും അക്കത്താരു ചെറിയ സമചതുരവോരവും കിട്ടും.



മുളിലെ സമചതുരത്തിന്റെ ഒരു വശത്തിന്റെ നീളം എത്രയാണ്?

അപ്പാൾ 3 സെന്റീമീറ്റർ വശമായ മറ്റാരു സമചതുരം ബെഡ്ജെടുത്താൽ, ഇതിനുള്ളിൽ കൃത്യമായി വയ്ക്കാം.



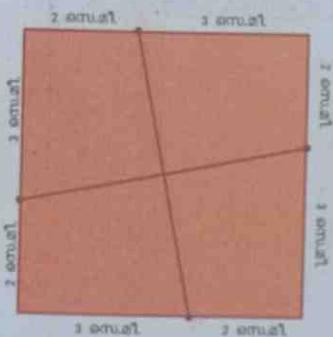
ആദ്യം വെട്ടിയെടുത്ത സമചതുരത്തെയാണ് നാലു കഷണങ്ങളാക്കി അടുക്കിയത്. അപ്പോൾ ഈ നാലു കഷണങ്ങളുടെയും ആകെ പരപ്പളവ്, ആദ്യത്തെ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് തന്നെയാണ്. അതായത് $5^2 = 25$ ചതുരശ്ര സെന്റീമീറ്റർ.

പിന്നീട് മൂന്നിച്ചെടുത്ത്, അകത്തു ചേർത്തുവച്ച് സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവോ?

അപ്പോൾ അവസാനമുണ്ഡാക്കിയ വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ്

$$5^2 + 3^2 = 34 \text{ ച.സെ.മീ.}$$

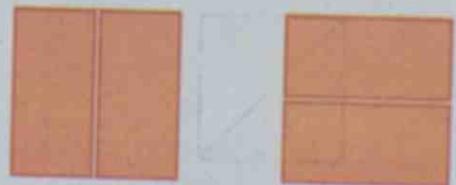
ഈ 5 സെന്റീമീറ്റർ തന്നെ വശമായ മറ്റാരു സമചതുരം വെട്ടിയെടുത്ത്, മൂലകളിൽ നിന്ന് 2 സെന്റീമീറ്റർ അകല തിൽക്കുത്തുകളിട്ട് വരയ്ക്കുക.



ഈ വരകളിലൂടെ മൂന്നിച്ചെടുത്ത നാലു കഷണങ്ങളും പുറത്തെങ്കിൽ നിവർത്തിവച്ചാൽ ഇങ്ങനെയാകും.

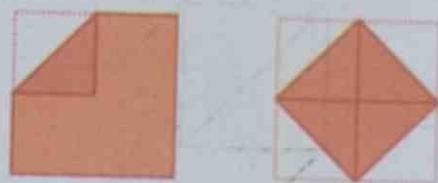
പകുതിയാക്കാൻ

കരു സമചതുരത്തിന്റെ പകുതി പരപ്പളവും ചതുരം വെട്ടിയെടുത്താൻ നട്ടവിലൂടെ നെടുകെയോ കുറുകെയോ മൂന്നിച്ചും ക്രമിക്കും ക്രമം:



പകുതി പരപ്പളവും സമചതുരമാണെന്നു വിശദമകിംഗ്ലോ?

സമചതുരത്തിന്റെ മൂലകളും നട്ടവിലോക്ക് മടക്കുക:



വിശദം നിവർത്തി, മടക്കുകളിലൂടെ മൂന്നിച്ചെടുത്താൽ പകുതി സമചതുരമായി:



നൂറ്റിലെ ഒരു ദിവസിലും മൂന്നിച്ചെടുത്ത സമചതുരം വെട്ടിയെടുത്തുവെച്ചു!



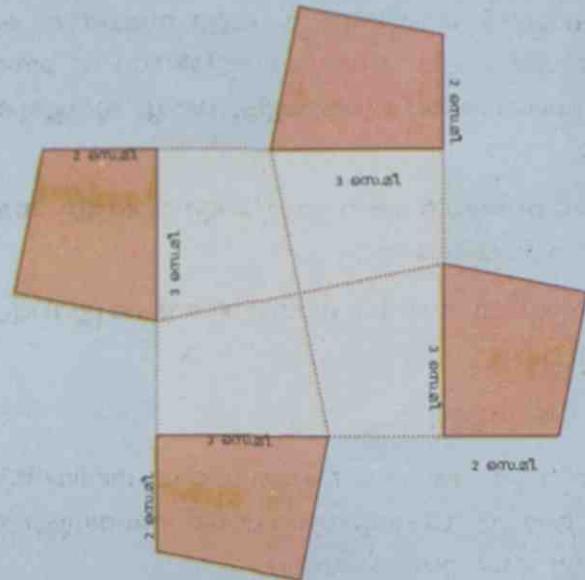
രണ്ട് വല്ലപ്പുമ്പുള്ള മുന്നു സമചതുരങ്ങൾ
മുൻപുടക്കാൻ ചെയ്യുന്നതാണ്.

അതിന് ആദ്യം രണ്ടു സമചതുരങ്ങൾ
വികർണ്ണത്തിലൂടെ മുറിക്കുക:

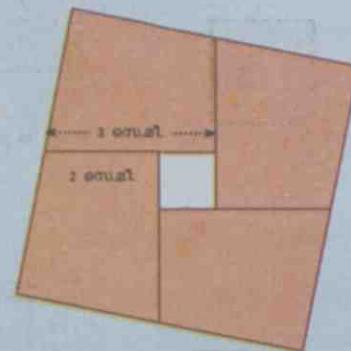
മുൻപിലും കിട്ടിയ ത്രിഒക്കാണങ്ങൾ മുൻ
കാരണ സമചതുരങ്ഗിന് ചുറ്റുമായി
ഇങ്ങനെ അടുക്കുക:

തൈരകാണ്ണ മുട്ടുവെട്ട് ചുവവെട്ട് കാണ്ണന്തുപൊലെ യോജിപ്പിച്ച് ഒരു സമയത്തുമാം വരയ്ക്കുക:

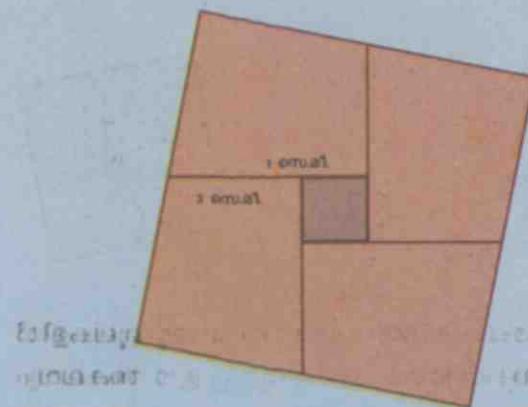
സമചതുരത്തിണ്ണേ പുറങ്ങുകയും തലളി
നിൽക്കുന്ന നാലു എൻ്റെ ത്രിശേകാണ
ഞളിം മറിക്കുത്ത് അക്കദൈ വിടവുകൾ
ഓട്ടുകൊടുക്കുക:



ഇനി ക്ഷേമങ്ങൾ നിരക്കിനിക്കി, സമചതുരമുണ്ടാക്കിയാലോ?



നടുവിലെ ദാരമടയ്ക്കാൻ, വശം എത്രയായ സമചതുരം വേണോ?



ഇപ്പോൾ കിട്ടിയ വലിയ സമചതുരങ്ഗിന്റെ പരമ്പര ഏതെങ്ങനെ?

$$5^2 + 1^2 = 26 \text{ என்று}$$

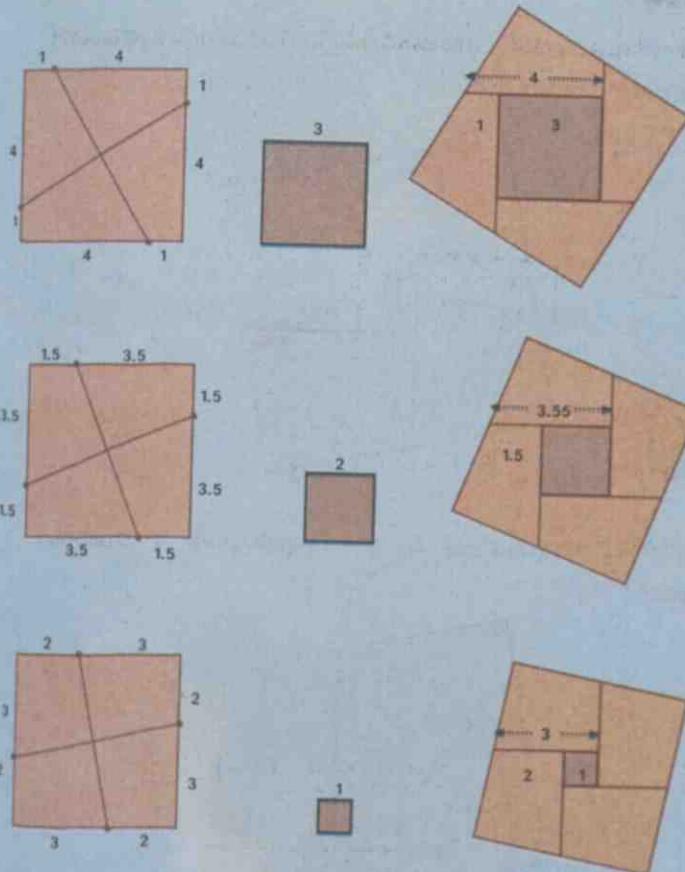
ഇതുപോലെ 5 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരം കട്ടിക്കൊണ്ടിൽ വെട്ടിയെടുത്ത്, മുലകളിൽനിന്ന് 1.5 സെറ്റിമീറ്റർ അകലത്തിൽ കുത്തുകളിട്ടു വരച്ച്, മുറിച്ചടക്കി നോക്കു.

നടവിൽ വയ്ക്കാൻ എത്ര സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരം വെട്ടിയെടുക്കണം?

ഇങ്ങനെ കിട്ടുന്ന വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

ഉദ്യോഗസ്ഥരണ്ടശ്രീ

5 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരത്തെ പലവിധത്തിൽ മുറിച്ച്, മറ്റാരു സമചതുരവും ചേർത്ത് പല വലുപ്പമുള്ള സമചതുരങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കിയഭോ:

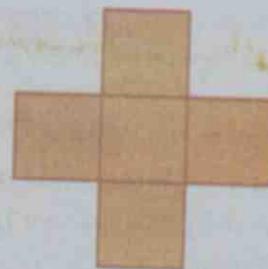


ആദ്യത്തെ സമചതുരത്തെ മുറിക്കാൻ നാലു മുലകളിൽ നിന്നും ഒരു അകലത്തിൽ കുത്തിട്ടുണ്ട്; ഈ അകലവും അവസാനം ദ്വാരംടയ്ക്കാൻ വെട്ടിയെടുക്കുന്ന സമചതുരത്തിന്റെ വശത്തിന്റെ നീളവും തമിബെന്നാണ് ബന്ധം?

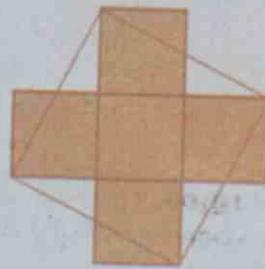
വലിയ സമചതുരമുണ്ടാക്കിയ രീതി നോക്കുടി നോക്കു.

അഞ്ചു സ്വർണ്ണങ്ങൾ

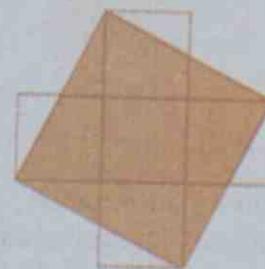
ഒരു വലുപ്പമുള്ള അഞ്ചു സമചതുരങ്ങൾ ചുവടെ കൊടുത്താതുപോലെ അടുക്കുക:



മുലകൾ താഴെത്തെ പിത്രത്തിലെത്തുപോലെ ദ്രാജിപ്പിച്ച് സമചതുരം വരയ്ക്കുക:



ഇന്നി സമചതുരങ്ങിന് പുറത്തുള്ള തിരക്കാണങ്ങൾ വെട്ടിയെടുത്ത് അകലത്തെ പിടവുകൾ അടയ്ക്കുക:

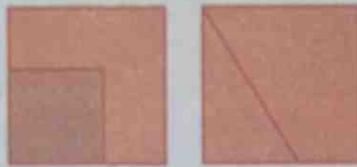


ഈതെ പിത്രം മറ്റെതക്കില്ലും പാംത്തിൽ കണ്ടിട്ടുണ്ടാ?

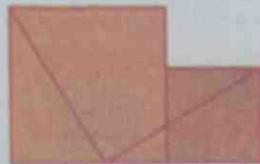
സമാനയും മുറിക്കാം

ഒരു സമചതുരങ്ങൾ മുറിച്ചുകൊണ്ട് വലിയ സമചതുരങ്ങളാക്കാൻ പദ്ധതിയും വഴിക്കുണ്ട്.

വലിയ സമചതുരങ്ങിൽനിന്ന് ഒരു വശത്തിൽ ചെറിയ സമചതുരങ്ങിൽനിന്ന് വശം അടയാളപ്പെടുത്താം. ഈ അടയാളവും വലിയ സമചതുരങ്ങിൽനിന്ന് ഒരു മുലയും ചുവർക്കാണുന്നതുപോലെ യോജിപ്പിക്കുക:



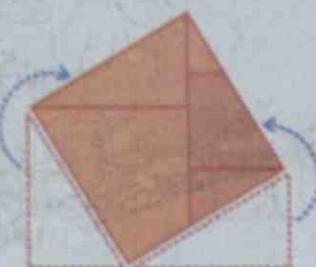
ഈ സമചതുരങ്ങൾ ചെർത്തുവച്ചു ചുവർക്കാണുന്നതുപോലെ ഒരു വരയ്ക്കുക:



ഈ വരകളിലൂടെ മുറിക്കുക:

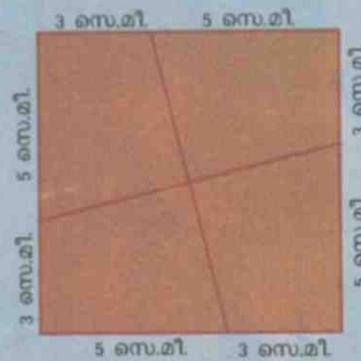


താഴെയുള്ള കാഡ്ഗണജിൽ മുകളിലേക്കു മാറ്റി പിത്തത്തിൽ കാണിച്ചിരിക്കുന്നതുപോലെ സമചതുരമുണ്ടാക്കുക:



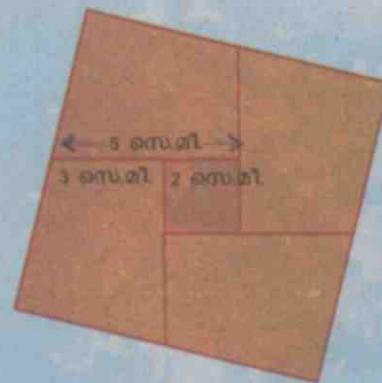
കുത്തുകളിട്ടുമ്പോൾ ആദ്യത്തെ സമചതുരത്തിന്റെ വശ അഭിഭിന്നിന് ഈ അകലം കുറയ്ക്കുന്നു; നിരക്കിനിക്കുമ്പോൾ ഇതു അകലം വശമും കുറയ്ക്കുന്നു. അങ്ങനെ ആദ്യ സമചതുരത്തിന്റെ നീളത്തിൽനിന്ന്, കുത്തുകളിലേക്കുമുള്ള അകലം രണ്ടു തവണ കുറച്ചതാണ് നടുവിലെത്തു സമചതുരങ്ങാത്തിന്റെ വശം.

അപ്പോൾ 8 സെന്റീമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരത്തിന്റെ മുലകളിൽനിന്ന് 3 സെന്റീമീറ്റർ അകലംത്തിൽ കുത്തുകളിൽ മുറിച്ചാലോ?



ഈ വരകളിലൂടെ മുറിച്ചു മാറ്റിയടുക്കിയാൽ, അകത്തു ചെർത്തുവയ്ക്കേണ്ട സമചതുരത്തിന്റെ വശം

$$8 - (2 \times 3) = 2 \text{ സെ.മീ.}$$



ഈ വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

ഒറ്റാലു ചേരും

8 സെന്റീമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരത്തെ മുറിച്ചുകൊണ്ടാൽ 6 സെന്റീമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരവും ചെർത്തു

വച്ച് വലിയൊരു സമചതുരമുണ്ടാക്കാൻ, ആദ്യത്തെ സമചതുരത്തെ എങ്ങനെ മുറിക്കണം?

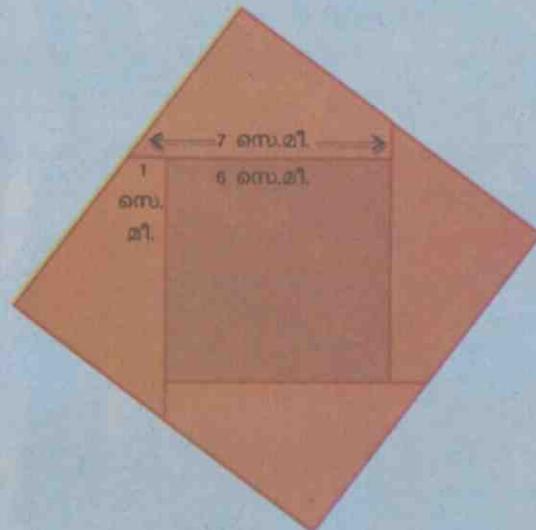
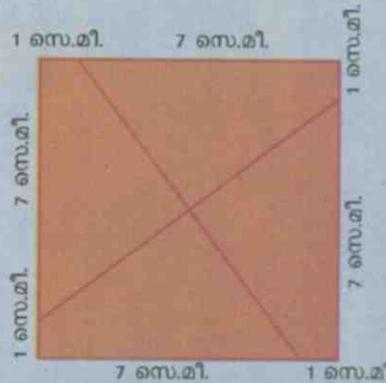
മുറിക്കാനായിട്ടുന്ന കുത്തുകൾക്ക് മുലകളിൽനിന്നുള്ള അകലത്തിന്റെ രീതു മാറ്റു മാറ്റു 8 തന്നിന്നു കുറച്ചതാണ്, അകലത്തെ സമചതുരത്തിന്റെ വലീയ 6 സെന്റീമീറ്റർ.

അപ്പോൾ, ഈ അകലത്തിന്റെ രീതു മാറ്റു

$$8 - 6 = 2 \text{ സെ.മീ.}$$

അതായത്, ഈ അകലം 2 സെന്റീമീറ്ററിന്റെ പകുതി ആം വാ 1 സെന്റീമീറ്റർ.

8 സെന്റീമീറ്റർ വലീയുള്ള ഒരു സമചതുരം ബെട്ടിരെടുത്ത്, ഇങ്ങനെ മുറിച്ച് നേരത്തെ ചെയ്തതുപോലെ കുക്കണ്ണൻ മുറിച്ചുവച്ച് അടുക്കി നോക്കു; നടുവിൽ കിട്ടുന്നത് 6 സെന്റീമീറ്റർ വലീയുള്ള സമചതുരം തന്നെയല്ല?



ഈ വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പും എത്രയാണ്?

$$8^2 + 6^2 = 100 \text{ പ.സെ.മീ.}$$

അദ്ദേഹം ചരിത്രം

എ.ഡി. പത്താം നൂറ്റാണ്ടിൽ ബാഗ്ദാദിൽ ജീവിച്ചിരുന്ന പ്രസിദ്ധ ഗണിതകാരന്മാരിൽനും വാനശാസ്ത്രപ്രശ്നങ്ങളായിരുന്നു അബു അൽ വഹാഫ.



അദ്ദേഹത്തിന്റെ ഒരു കൃതി 'ഒക്കത്താഴിൽ ചെയ്യുന്നവർക്കാവധ്യമായ ആഭ്യന്തരിയ നിർമ്മിതികൾ' എന്നതാണ്. ചെറിയ സമചതുരങ്ങൾ ചേർത്ത് വലിയ സമചതുരമുണ്ടാക്കുകയും വലിയ സമചതുരങ്ങൾ മുറിച്ച് ചെറിയ സമചതുരങ്ങളാക്കുകയും ചെയ്യുന്നതിനുള്ള പല മാറ്റങ്ങളും ഈ പ്രസ്താക്കത്തിൽ ചർച്ച ചെയ്യുന്നുണ്ട്.

ഇതിൽ ഒരു ഭാഗത്ത് മുന്നു സമചതുരങ്ങൾ മുറിച്ച് ചേർത്ത് വലിയൊരു സമചതുരമുണ്ടാക്കാൻ അക്കാദമിയുടെ ശിക്ഷിക്കാർ ഉപയോഗിച്ചിരുന്ന ഹർഗം കൃത്യമല്ലെന്ന് സമർപ്പിക്കുകയും ശരിയായ ഒരു ഹർഗം നിർണ്ണായിക്കുകയും ചെയ്യുന്നുണ്ട്. ഇതാണ് ഈ പാഠത്തിലെ മുന്നു സമചതുരങ്ങൾ എന്ന ഒഗ്ഗത്ത് വിവരിച്ചിരിക്കുന്നത്.





പ്രശ്നം കുറഞ്ഞ വരുമാനം എന്ന് അഭ്യർത്ഥിച്ചു.

അബ്ദി അൽ വാഹമയുടെ കാലത്തിന്റെ മുന്നുതന്നെ ഇന്ത്യൻമിക, ദേവാലയങ്ങൾ ലഭിച്ച ചുവന്നുകളിലും തറകളിലും അല്ല കാര്യപ്പണി ചെയ്ത സമചതുരങ്ങൾ പതി പൂർണ്ണാംഗാധിവൃന്ദാം. ഇങ്ങനെന്നുള്ള സമചതുരങ്ങൾ കുത്യാധി മുറിച്ച് വലുതും ചെറുതുമായ മറ്റൊരു സമചതുരങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കുന്നതിനുള്ള ജ്യാമിതീയ ഹാർഡ്വെൽഡാണ് അബ്ദി അൽ വാഹമ വിവരിക്കുന്നത്.

മണ്ണാഹരണയെ അനുകൂലം ജ്യാമിതീയരൂപ അളും ഇത്തരം ചതുരങ്ങളിൽ കാണാം. എ.ഡി. പതിനേഴാം നൂറ്റാണ്ടിൽ പണി ചെയ്ത ഇന്ത്യൻലെ പ്രസിദ്ധമായ ജാമെ അഘുമാൻ പരമ്പരിയിൽ ഇത്തരത്തിൽ അലക്കിച്ച ഒരു ചുവരാൺ ചുവടെയുള്ള ചിത്രം.



- 7 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള ഒരു സമചതുരവും 3 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള മറ്റാരു സമചതുരവും മുറിച്ചുക്കുക; വലിയ സമചതുരം വേണ്ടിയില്ല, ചെറിയ സമചതുരവും ചേർത്തുവച്ച് ഒരു സമചതുരമുണ്ടാക്കുക.

ഈ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

- 8 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള ഒരു സമചതുരം വെടിയെടുക്കുക. ഈത് മുറിച്ച്, മറ്റാരു സമചതുരവും ചേർത്തുവച്ച്, 80 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം ഉണ്ടാക്കുക.
- 117 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള ഒരു സമചതുരം ഉണ്ടാക്കുന്നതിന് 9 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള ഒരു സമചതുരത്തിന്റെ കൂടെ എത്ര സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരം ചേർക്കണാം? വലിയ സമചതുരം മുറിക്കുന്നതിന് മുലകളിൽനിന്ന് എത്ര സെറ്റിമീറ്റർ അകലെ കുത്യാകളിടണാം?

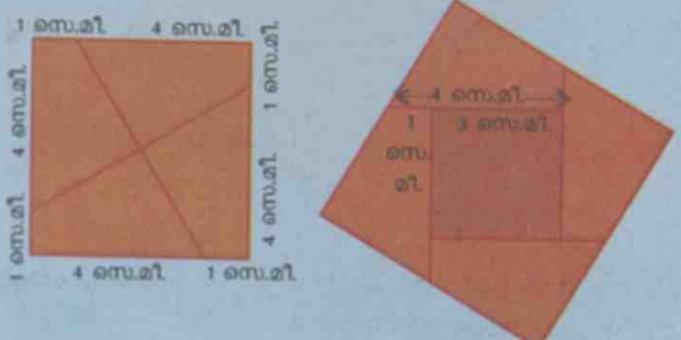
സമചതുരം വരുത്തിക്കരിക്കാം

5 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരവും, 3 സെറ്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരവും ചേർത്ത് വലിയ സമചതുരമുണ്ടാക്കിയത് ഓരോയില്ലോ?

ആദ്യം വശങ്ങളുടെ വ്യത്യാസത്തിന്റെ പകുതി കണക്കപിടിക്കണം.

$$(5 - 3) + 2 = 1$$

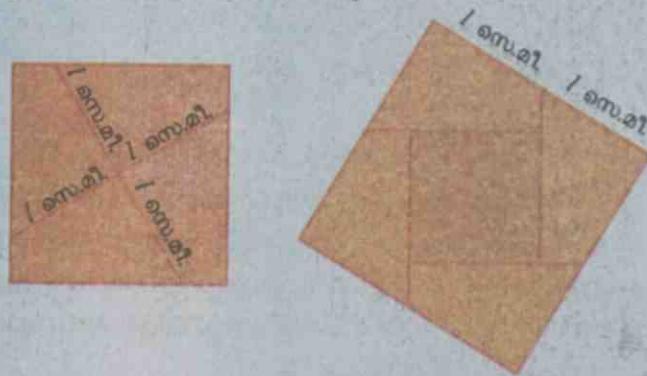
ഈ വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ മുലകളിൽ നിന്ന് 1 സെറ്റിമീറ്റർ അകലെത്തിൽ കുത്യാകളിട്ട്, അവ യോജിപ്പിക്കുന്ന വരയിലൂടെ മുറിച്ച്, നാലു ക്ഷണങ്ങളാക്കണം: അവ മാറ്റിയടുക്കി, നടുവിൽ ചെറിയ സമചതുരവും വച്ചാൽ $25 + 9 = 34$ ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം കിട്ടും.



ഇരു പരപ്പളവിൽ സമചതുരം ഉണ്ടാകുകയുള്ളൂ, വരച്ചാൽ മാത്രം മതിയെങ്കിൽ, സമചതുരത്തിന്റെ വശത്തിന്റെ നീളമുള്ള വര മാത്രം വരച്ചാൽ മതി. അത് എങ്ങനെന്നെന്ന് എനാക്കാം.

5 സെറ്റിമീറ്റർ വരുമായ സമചതുരത്തെ മുറിച്ചു കിട്ടുന്ന നാലു കഷണങ്ങളുടെയും ഒഞ്ചു വശങ്ങൾ 4 സെറ്റിമീറ്ററും 1 സെറ്റിമീറ്ററുമാണ്. ഈ കഷണങ്ങൾ പെരിച്ചതുവച്ചു പരിശോധിച്ചാൽ അവയുടെ മറ്റു വശങ്ങൾക്കും ഒരു നീളമാണെന്ന് കാണാം.

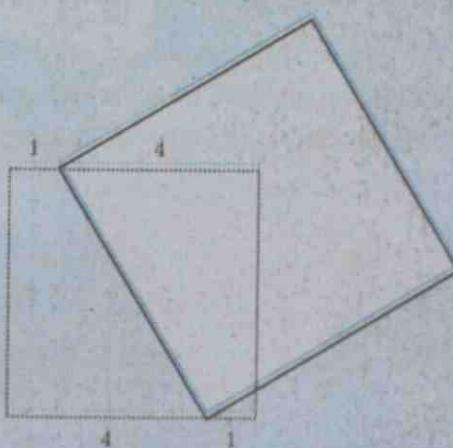
ഈ ഈ ചിത്രങ്ങൾ എനാക്കു.



ആദ്യത്തെ സമചതുരത്തെ മുറിക്കാനായി വരച്ച വരകളുടെ നീളം തന്നെയാണ് അവസാനത്തെ സമചതുരത്തിന്റെ വശത്തിന്റെ നീളവും.

അപ്പോൾ 34 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരത്തിന്റെ വരം വരയ്ക്കാൻ ഒരേഒപ്പവഴി കിട്ടിയാലോ?

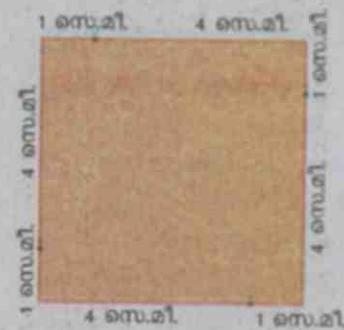
ആദ്യം 5 സെറ്റിമീറ്റർ വരമുള്ള സമചതുരം വരച്ചു, അതിന്റെ ഒരു പരിതിരിഞ്ഞുളകളിൽ നിന്ന് 1 സെറ്റിമീറ്റർ അകലത്തിൽ ഓരോ കൃത്തിക്ക് യോജിപ്പിക്കുക;



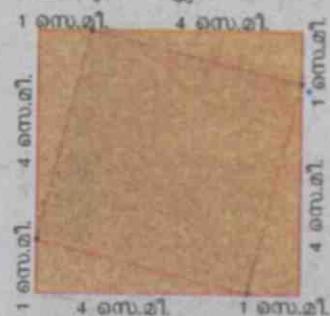
ഈ വര വരുമായി വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവ് 34 ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്ററുണ്ട്.

ചെറുതാക്കുന്ന സമചതുരം

വശങ്ങളുടെ നീളം 5 സെറ്റിമീറ്റർ ആം ഒരു സമചതുരം വരച്ചു, മുലകളിൽ നിന്ന് 1 സെറ്റിമീറ്റർ ഒരു അകലെ ചുവവെട കാണുന്നതുപാരം കുത്താകളിട്ടുക:



ഈ കൃത്തികൾ യോജിപ്പിച്ചാൽ അല്പം ചെറിയ മറ്റൊരു സമചതുരം കിട്ടും.

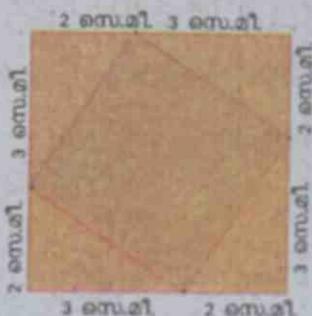


ഈതിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവിൽനിന്ന് നാലു മട്ടതിരികാണങ്ങളുടെ പരപ്പളവ് കൂടിച്ചൊരുപ്പാം?

$$25 - 4 \times \frac{1}{2} \times 4 \times 1 = 25 - 8 = 17 \text{ ചതുരശ്രമീറ്റർ}$$

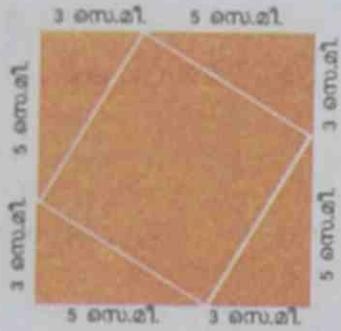
മുലകളിൽ നിന്ന് 2 സെറ്റിമീറ്ററും അകലെ കൃത്തികൾ യോജിപ്പിച്ചാണോ?



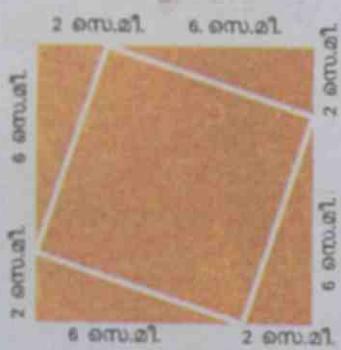
ചെറിയ സമചതുരങ്ങളിന്റെ പരപ്പളവ് എത്രയാണ്?

ଓଡ଼ିଆ ଲେଖକ

വാദാശ്വലും നീറും 8 സെസ്റ്റീമീറ്റർ നോട്ട് സമച
ത്യുദിനിൽ തിരുന്ന നാലു മട്ടത്തിൽക്കാണ്ടേഴ്സിൽ ചുവ
രുക്കാണ്ടുന്നതുപോലെ മുൻപു മാറ്റി 34 ചതുര
മുസൈസ്റ്റീമീറ്റർ പരമ്പരയിലൂടെ സമചതുരക്കുണ്ടാ
ക്കും.



എവ്വേദന്താഖ്യ പിതാമഹിലെപ്പുംബല ക്രതിംകം
ശാഖയും മുൻപും മറ്റിയാണോ?

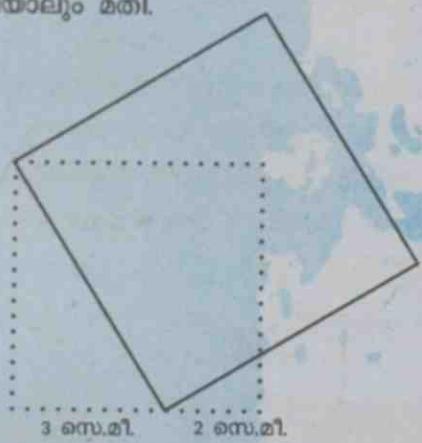


മീഡിയോളിജിസ്ട് സമക്ഷത്വാർത്ഥിക്കുന്ന പരമ്പരാവ് എന്നെന്ന്

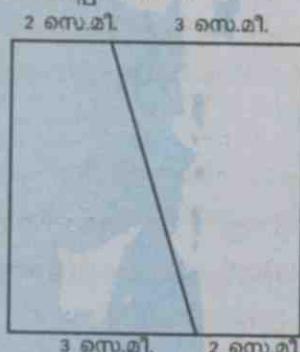
ഇതുപോലെ വലിയ സമചതുരങ്ഗിൽ നിന്ന് 50 ചതുരശ്രസെൻസീമീറ്റർ പരമ്പരാവൃദ്ധി സമചതുരം കുറിച്ചുപറയാം

44 $\frac{1}{2}$ പ്രത്യേകഗോളത്തിലീരുന്ന് പ്രസ്തുതിയെ സാമ്പത്തികമായാണ് ചാരി

എതിർമ്മുലകൾ ഓരോന്നിൽ നിന്നും 1 സെന്റീമീറ്റർ നീളവും താഴിന്തു പകരം ഒരു മുലയിൽ നിന്ന് $2 \times 1 = 2$ സെന്റീമീറ്റർ നീക്കിയാലും മതി.

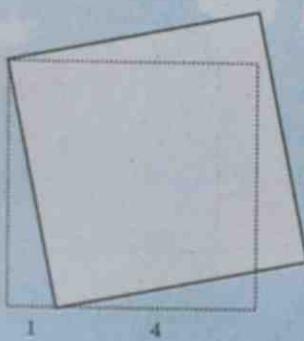


ഇതുപോലെ 5 സെന്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരവും 1 സെന്റിമീറ്റർ വശമുള്ള സമചതുരവും യോജിപ്പിച്ച് $25 + 1 = 26$ ചതുരശ്രസെന്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം വരയ്ക്കാൻ, വലിയ സമചതുരത്തിന്റെ എത്രിൽമുലകളിൽ നിന്ന് $(5 - 1) + 2 = 2$ സെന്റിമീറ്റർ അകലത്തിൽ കൂട്ടത്തുകളിട്ട് യോജിപ്പിക്കണം.

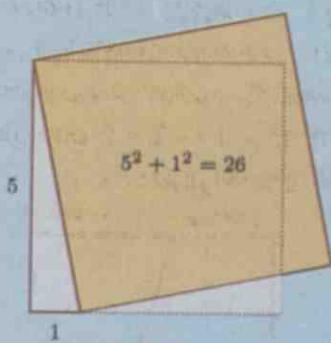
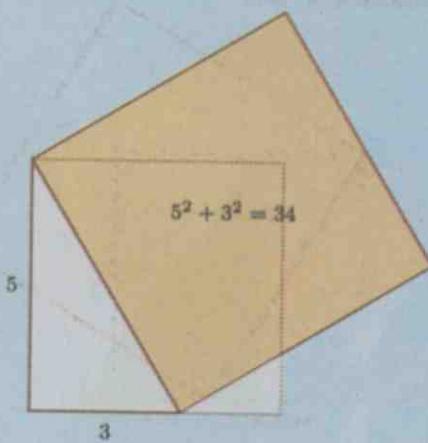


ഇന്തി ഇവ വരെ വശമായി സമചത്താരും പരശ്വാരങ്ങൾ ഉണ്ട്.

$5 - 1 = 4$ ഒരു പക്ഷതിയെടുക്കാതെയും സമചതുരം വരുക്കാം. ഓരോ വശത്തും 2 എസ്റ്റിമീറ്റർ എടുക്കുന്നതിനു പകരം ഒരു വശത്ത് 4 എസ്റ്റിമീറ്റർ എടുത്താൽ മതി.

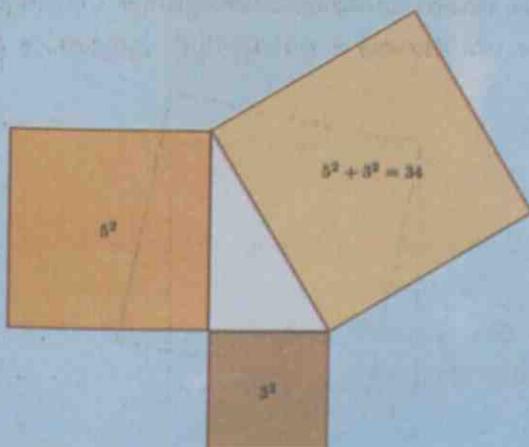


മെമ്പുശ്ച വരച്ച രണ്ട് സമചതുരങ്ങളും ഒന്നുകൂടി എന്നാണോക്ക.



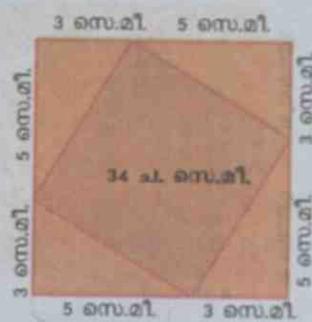
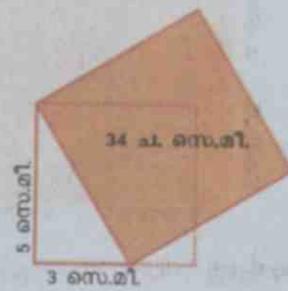
രണ്ട് പിത്തങ്ങളിലും സമചതുരങ്ങിൾ ഒരു വരം, ഒരു മട്ടികോണത്തിൾ എറ്റവും നീളംകൂടിയ വശമാണ്. അതിൻ്റെ പരപ്പളവോ?

മട്ടികോണത്തിൾ മറ്റു രണ്ട് വശങ്ങൾ വശമായി വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരങ്ങളുടെ പരപ്പളവുകളുടെ തുകയും.



മട്ടികോണം

34 ചതുരശ്രങ്ങൾമീറ്റർ പരപ്പളവും സമചതുരം വരയ്ക്കാൻ രണ്ട് മാർഗ്ഗങ്ങൾ കണ്ടെട്ടു:



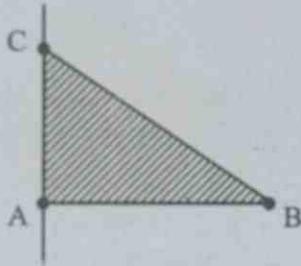
രണ്ട് പിത്തങ്ങളിലും ഈ സമചതുരങ്ങിൾ ഒരു വരം, ഒരു മട്ടികോണത്തിൾ എറ്റവും നീളംകൂടിയ വശമാണ്. അതിൻ്റെ പരപ്പളവോ?

ഈ മട്ടികോണത്തിൾ ലംബവശങ്ങളുടെ നീളങ്ങളും സമചതുരങ്ങിൾ പരപ്പളവും തയ്യിൽ എന്നാണ് ബന്ധം?

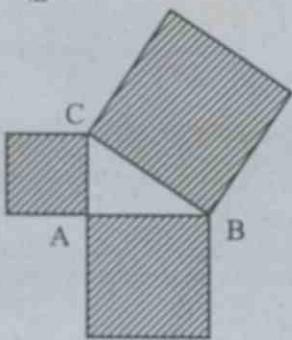


ഒരു മട്ടതിരക്കാണെന്നിൻറെ വശങ്ങളിൽ വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരങ്ങളുടെ പരപ്പളവുകൾ തജില്ലെന്ന് ബന്ധം കിഡ്യുംബിബു ഉപയോഗിച്ചുപാഠം.

പിത്തന്ത്രിൽ കാണുന്നതുപാല AB എന്ന വരയും അതിനു ലംബമായി A യിലൂടെ മറ്റാരു വരയും വരയ്ക്കുക.

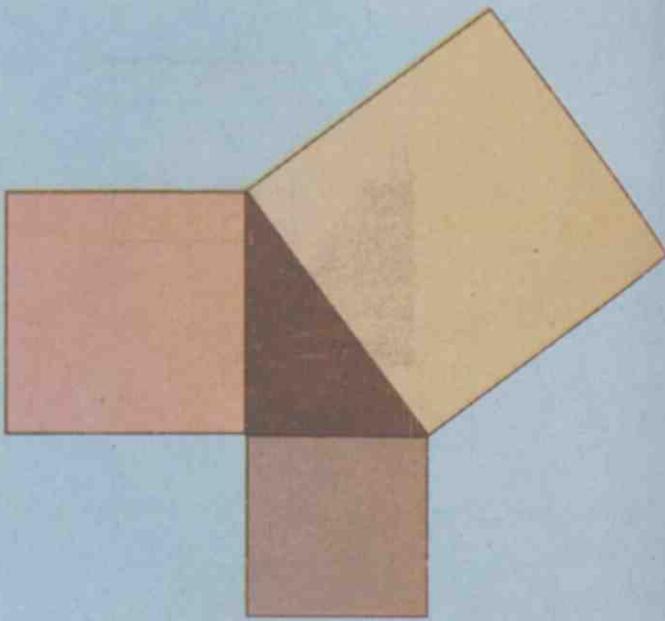


ലംബ വരയിൽ C എന്ന ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക. ഈ AC എന്ന വരയിൽ മിച്ചുവരുന്നു. Polygon ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് ത്രിഒക്കാണം ABC വരയ്ക്കുക. Regular Polygon ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് AB, BC, AC എന്നി വശങ്ങളിൽ ഓരോ സമചതുരം വരയ്ക്കുക. Area ടുൾ ഉപയോഗിച്ച് സമചതുരങ്ങൾക്കുള്ളിൽ കൂടിക്കൊണ്ട് ചെരുതാൽ അവയുടെ പരപ്പളവ് കാണാൻ കഴിയും.

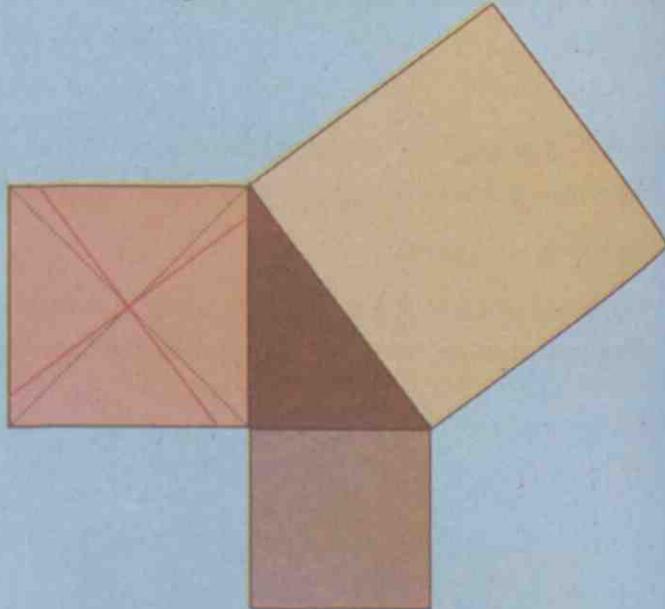


മുന്നു സമചതുരങ്ങളുടെയും പരപ്പളവുകൾ തജില്ലെന്ന് ബന്ധംമെന്നാൻ? ത്രിഒക്കാണ തീരുമ്പേ മുലകൾ ഹാറ്റിംഗാക്കു, പരപ്പളവുകൾ തജില്ലെന്ന് ബന്ധംതന്നിന് ഹാറ്റം വരുന്നുണ്ടാ? ഏറ്റവും വലിയ സമചതുരങ്ങിൽ പരപ്പളവ് 25 ചതുരശ്ര ആണിൽ ചെറിയ സമചതുരങ്ങളുടെ വശങ്ങൾ എത്രവിത്തമാക്കണം? വലിയ സമചതുരത്തിൽ പരപ്പളവ് 41 ചതുരശ്രാണിൽ ആക്കണമെന്നാലോ:

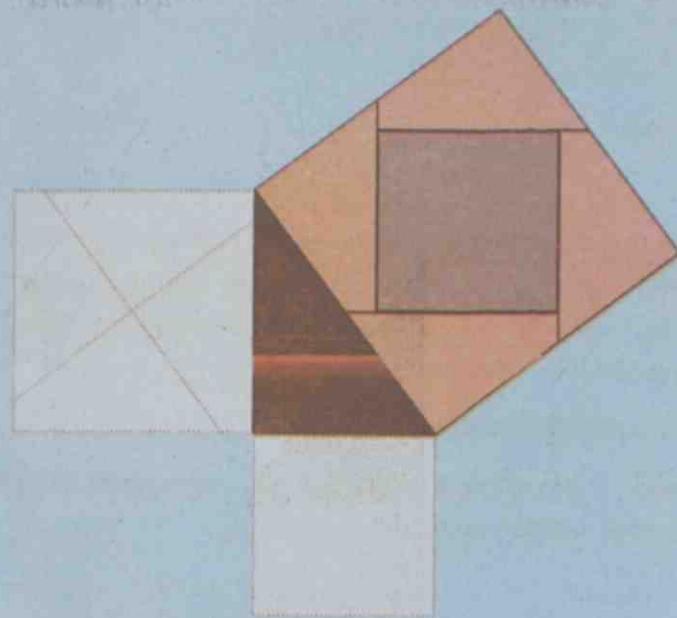
ഈ ക്ലീക്കലംബിൽ ഒരു മട്ടതിരക്കാണവും, അതിലെ മുന്നു വശങ്ങളിലും സമചതുരങ്ങളും വരയ്ക്കുക.



ഇടത്തരം സമചതുരത്തിൻ്റെ വികർണ്ണങ്ങൾ മുൻചൂടുക കുന്ന സ്ഥാനത്ത് ഒരു കുത്തിട്ട്, അതിലൂടെ ഏറ്റവും വലിയ സമചതുരത്തിൻ്റെ ലംബവശങ്ങൾക്ക് സ്ഥാനത്തരമായി രണ്ട് വരകൾ വരയ്ക്കുക:



ഈ ഇരു വരകളിലൂടെ മുൻചൂടുകിട്ടുന്ന നാലു ക്രമങ്ങളും ഏറ്റവും ചെറിയ സമചതുരവും വെളിയെടുത്ത്, ഏറ്റവും വലിയ സമചതുരത്തിനുള്ളിൽ ചുവവെടക്കാണിച്ചിരിക്കുന്നതുഹോലെ അടുക്കിവര്യക്കുക.



ഇതിൽ നിന്നെല്ലാം എന്തു മനസ്സിലായി?

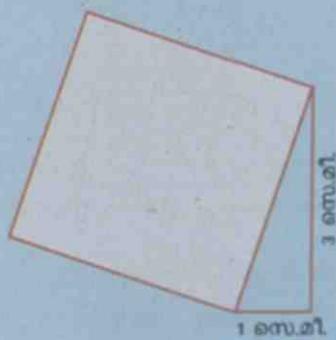
രുചിക്രിക്കാണത്തിൽ ഏറ്റവും വലിയ വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരത്തിൽ പരപ്പളവ്, മറ്റ് രണ്ട് വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരങ്ങളുടെ പരപ്പളവുകളുടെ തുകയാണ്.

ഗ്രീസിൽ വളരെ പണ്ഡി ജീവിച്ചിരുന്ന പെപമാഗറിൻ് എന്ന തത്ത്വചിന്തകൾ പേരിൽ ഈ തത്ത്വം പെപമാഗറിൻ് പ്രമാണം എന്നാണ് അറിയപ്പെടുന്നത്.

ഇതുപയോഗിച്ച്, 10 ചതുരശ്രസൈറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരം വരയ്ക്കാം.

$$10 = 3^2 + 1^2$$

ആണല്ലോ. ആപ്പോൾ പെപമാഗറിൻ് (പ്രമാണമനുസരിച്ച് ലംബവശങ്ങൾ 3 സൈറ്റിമീറ്ററും 1 സൈറ്റിമീറ്ററുമായ മട്ടിക്കാണം വരച്ച് അതിൽ മുന്നാമത്തെ വശത്തിനേൽക്കും സമചതുരം വരച്ചാൽ മതി.



7 ചതുരശ്രസൈറ്റിമീറ്റർ പരപ്പളവുള്ള സമചതുരമായാണോ?

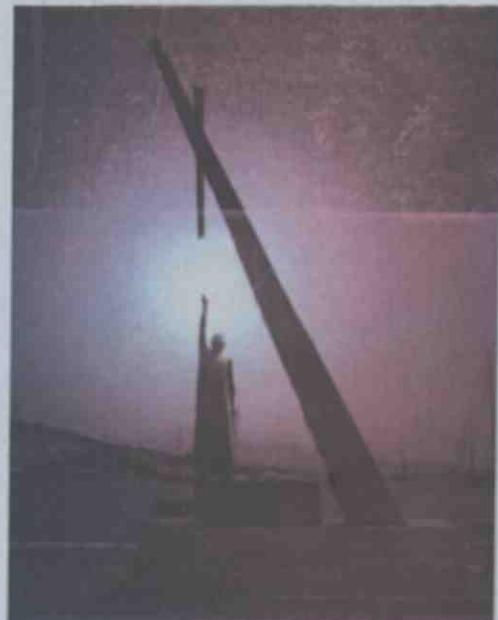
പെപമാഗറിൻ്

പൊച്ചിനഗണിതശാസ്ത്രത്തിൽ പ്രമുഖ നായ പെപമാഗറിൻ കുറിച്ച് ഏറ്റവും നമുക്കറിയില്ല. ബി.സി. 570 എന്ന ടുത്ത് ഗ്രീസിലെ സദ്മാന് ഭീപിലാൻ്റെ അദ്ദേഹം ഒന്നിച്ചത്.

യുവാവായിരിക്കുന്നുാണ് ഈ ഷിപ്പിപ്പിൽ പോയി പഠിച്ചുവെന്നും നാട്ടിൽ മടങ്ങി യാത്രി വിദ്യാലയം സ്ഥാപിച്ചുവെന്നുംാണ് ചർച്ചിതം.

“വസ്തുക്കളുടെ യഥാർത്ഥ ആവസ്ഥ ഗണിതത്തിലും മാത്രമേ അറിയാൻ കഴിയും” എന്നാണ് ആദ്ദേഹം പറിപ്പിച്ചത്.

ഇന്നനാടായ സദ്മാനിൽ സ്ഥാപിച്ചിരിക്കുന്ന പെപമാഗറിൻ പ്രതിമയാണ് ചിത്രത്തിൽ കാണുന്നത്.



ബഹുമാനിക്കപ്പെട്ട ശ്രദ്ധാർഹി

പ്രാഥമികാംഗങ്ങളിലെ പില അംഗവിതരിയ ശ്രദ്ധാർഹി - ശ്രദ്ധാർഹി.

വ്യത്യസ്ത ഗണിതശാസ്ത്രങ്ങൾ പല കാല സ്ഥലിലും എഴുതിയാണ് ഈ.

മി.സി. 800 ലെ എഴുതിയതാണു് കൃതപുട്ടൻ വാഖ്യാനം ശ്രദ്ധാർഹിയിൽ, സമചതുരം ഈ പ്രിംസിപ്പി വിശി പറയിട്ടുണ്ട്.

**സമ ചതുരങ്ങിൽ വികർണ്ണത്തിൽ
വലിച്ചു പിരിക്കുന്ന ചരടുകാണ്
ഇരട്ടിവാളുമുള്ള സമചതുരജാക്ഷാം.**

മി.സി. 200 ലെ എഴുതിയതാണു് കണക്കാക്ക പുട്ടൻ കാത്യാധന ശ്രദ്ധാർഹിയിൽ കുറഞ്ഞിട്ടി പൊതുവായ വിശി പറയിട്ടുണ്ട്:

വത്യരണ്ണിലോ വികർണ്ണത്തിൽ വലിച്ചു പിടി കുറഞ്ഞാക്കാണ് വിലജ്ഞനെയും കുത്തനെ മാറ്റുമ്പോൾ വശങ്ങൾ ഉണ്ടാക്കുന്ന സമചതുര സ്വീഡ് പ്രസ്തുതകളുടെ തുക ഉണ്ടാക്കാം.

ശ്രദ്ധ ഏറ്റ സംസ്കൃത പാഠിയിൽ ചർക്ക്, കയർ ഫ്രെസ്കാംഗാംഡാം അർത്ഥം, സുത്ര ഏറ്റ വാക്കിൽ തന്മെല്ലാം ചുരുക്കാശുഭ്രം എന്നും അർത്ഥമുണ്ട്.

**ഒന്തലവിട്ടു പറിച്ചു
ഈ സ്വല്പമുള്ളതോ?**



7 നെ ഒരു പുരുഷാവർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുകയായി എഴുതാൻ കഴിയില്ലെല്ലാം.

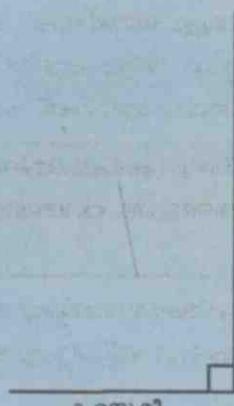
പരിഷ്കാരം:

$$7 = 4^2 - 3^2$$

എന്നാണും. അപ്പോൾ പെമാഗിന് (പ്രഥാനമനുസരിച്ചു) ഇത്തരമെന്തു സമചതുരം വരയ്ക്കാൻ, ഏറ്റവും വലിയ വശം 4 സെറ്റിമീറ്ററും മറ്റാരു വശം 3 സെറ്റിമീറ്ററും ആയ മട്ടതിരക്കാണം വരച്ചാൽ മതി.

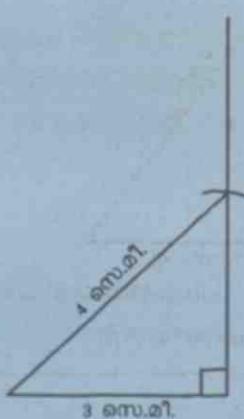
അതെങ്ങനെ വരയ്ക്കും?

ആദ്യം 3 സെറ്റിമീറ്റർ നീളമുള്ള ഒരു വരയും അതിന്റെ അതിന് ലംബവും വരയ്ക്കുക:



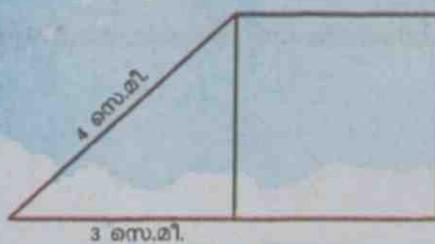
3 സെ.മീ.

ഇനി കോമ്പസ് ഉപയോഗിച്ച്, വരയുടെ മറ്റൊരുതുനിന്ന് 4 സെറ്റിമീറ്റർ അകലെയുള്ള ബിന്ദു ലംബത്തിൽ അടയാളപ്പെടുത്തി യാണ്പറിക്കുക:



3 സെ.മീ.

ഈ ത്രികോണത്തിന്റെ കുത്തനെയുള്ള വശത്തിനുകൂൾ വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരങ്ങിൽ പശ്പളവ്, പെമാഗിന് (പ്രഥാനമനുസരിച്ചു) $4^2 - 3^2 = 7$ ചതുരശ്രസെറ്റിമീറ്ററാണെല്ലാം.



3 സെ.മീ.

ഇതുപോലെ ചുവക്കുന്ന പത്രപുളിവുകളുള്ള സമചതുരങ്ങൾ വരയ്ക്കുക.

- 20 ച.സെറ്റിമീറ്റർ
- 39 ച.സെറ്റിമീറ്റർ
- 40 ച.സെറ്റിമീറ്റർ
- 65 ച.സെറ്റിമീറ്റർ

വർഗ്ഗശാസ്ത്രം

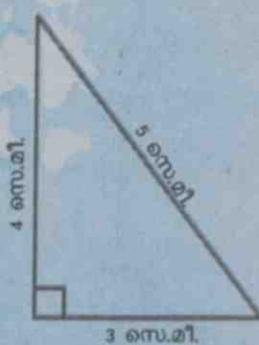
പൊതുമാഗറസ് പ്രമാണം, ഒരു മട്ടതികോണത്തിന്റെ മുന്നു വശങ്ങളുടെ നീളം തമിലുള്ള ബന്ധമായി പറയാം. ഒരു മട്ടതികോണത്തിന്റെ ഏറ്റവും നീളം കൂടിയ വശത്തിനെ അതിന്റെ കർണ്ണം (hypotenuse) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

കരു മട്ടതികോണത്തിന്റെ കർണ്ണത്തിന്റെ വർഗം. അതിന്റെ മറ്റു രണ്ടു വശങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുകയാണ്.

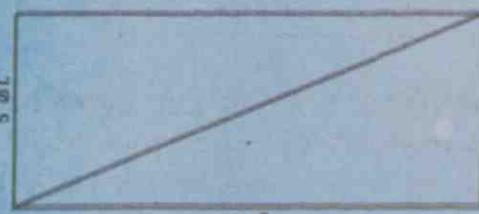
ഉദാഹരണമായി, ഒരു മട്ടതികോണത്തിന്റെ ലാബവശങ്ങളുടെ നീളം 3 സെറ്റിമീറ്ററും 4 സെറ്റിമീറ്ററും ആണെങ്കിൽ, കർണ്ണത്തിന്റെ വർഗം.

$$3^2 + 4^2 = 25$$

ആണ്. ആപ്പോൾ കർണ്ണത്തിന്റെ നീളം 5 സെറ്റിമീറ്റർ.



ഈ കണക്കു നോക്കു. ചിത്രത്തിലെ ചതുരത്തിന്റെ പികർണ്ണത്തിന്റെ നീളം എത്രയാണ്?



12 മീ.

പൊതുമാഗറസ് ബന്ധം

ഒരു മട്ടതികോണത്തിന്റെ ഏറ്റവും നീളം കൂടിയ വശത്തിന്റെ വർഗം, മറ്റു രണ്ടു വശങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുകയ്ക്ക് തുല്യമാണ്.

മറിച്ച്, ഏതെങ്കിലും ഒരു ത്രികോണത്തിന്റെ ഏറ്റവും വലിയ വശത്തിന്റെ വർഗം മറ്റു രണ്ടു വശങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങളിന്റെ തുകയ്ക്ക് തുല്യമാണെങ്കിൽ, ആതായു മട്ടതികോണമാണ്.

അതായത് ഒരു വശത്തിന്റെ വർഗം മറ്റു രണ്ടു വശങ്ങളുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുകയ്ക്ക് തുല്യമാണെങ്കിൽ ഏതൊരു മട്ടതികോണംമാണെങ്കിൽ വശങ്ങളുടെ തുകയ്ക്ക് തുല്യമാണെന്ന് പറയാം.

ഉദാഹരണമായി, $3^2 + 4^2 = 5^2$ ആയതിനാൽ, വശങ്ങളുടെ നീളം 3, 4, 5 ആയ ത്രികോണം ഒരു മട്ടതികോണമാണ്. വശങ്ങളുടെ നീളം 6, 8, 10 ആയാലോ?

പരിഡിവിജ്ഞാന പരിപ്രേക്ഷപാ! മുത്തിന്? പെപ്പമാഗറസ് സിദ്ധാന്തത്തിന്!

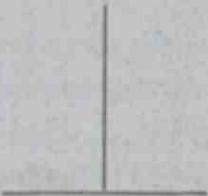


വൃത്താർദ്ദ ഭൂപരമാഖണഡം

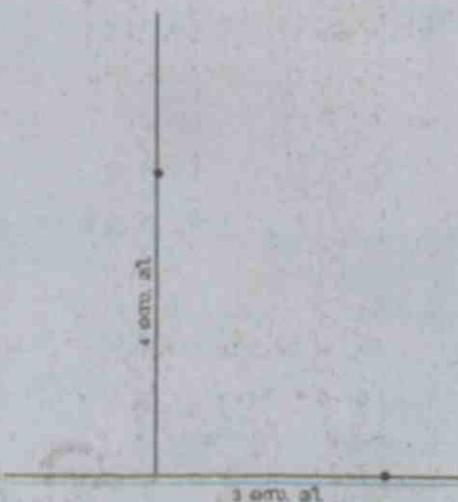
ഒരു സമപത്രാക്ഷാർ പെട്ടെന്ന് വലിഞ്ഞാൽ സമ വരുത്താക്ഷാക്ഷാംഗം നീബിതപരപ്പിച്ചുള്ള സമ പരിപാളണാക്കാനുമെല്ലാം പെമ്മാറിസ് പ്രജോം ഇപരാധാഗിമാം.

ഒരുവയ്ക്കും നിർമ്മിക്കാനും ഒരുവയാണോ എന്നു പറിശോധിക്കാനും ഈ പ്രജാണംതന്നെ ഇപരാധാ ഗിമോം.

ഉദാഹരണമായി ഈ വരകൾ നോക്കുക:

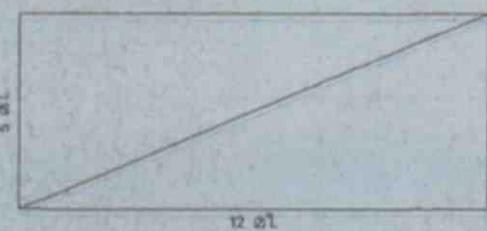


ഈവ പരിപാളണ മംബുമാണോ എന്നു കണ്ണുപി നേരം, വരകൾ കുട്ടിക്കുന്ന നധാന്തരങ്ങളിൽ 3 സെന്റീമീറ്റർ അകലെ വിവിജനയുള്ള വര യിൽ ഒരു കുത്തിട്ടുക; 4 സെന്റീമീറ്റർ ഉയരമായിരുന്നുള്ള വരയില്ലോ ഒരു കുത്തിട്ടുക.



ഈ ചെറിയ കുത്തികൾ നിലിപ്പിച്ചു നാലും 5 സെന്റീമീറ്ററിലോളംകിൽ വരകൾ വംബുമാൻ; കുട്ടാദാം കുറവാ ആഘാതകിൽ വംബാല്ല.

ചതുരശ്രിന്റെ വികർണ്ണം, ഒരു മട്ടതിക്കോണിന്റെ കർണ്ണമാണെല്ലാം.



വികർണ്ണത്തിന്റെ നീളത്തിന്റെ വർഗം

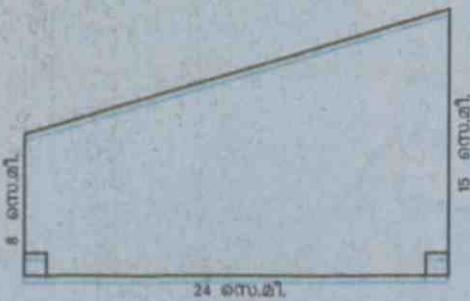
$$5^2 + 12^2 = 169$$

അംപ്പാൾ വികർണ്ണത്തിന്റെ നീളം

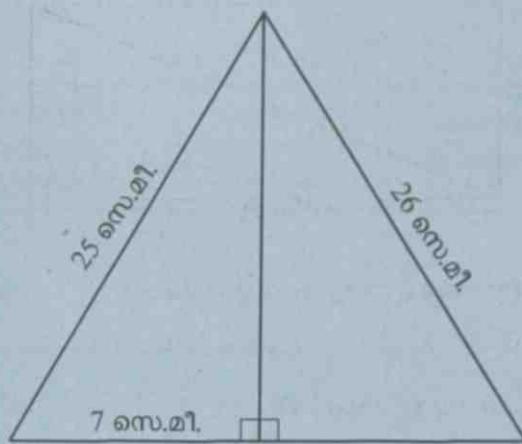
$$\sqrt{169} = 13 \text{ മീ.}$$



- ചുവരെയുള്ള പിത്തത്തിലെ ചതുരിലുജത്തിന്റെ നാലു മാത്രം വശത്തിന്റെ നീളം എത്രയാണ്?

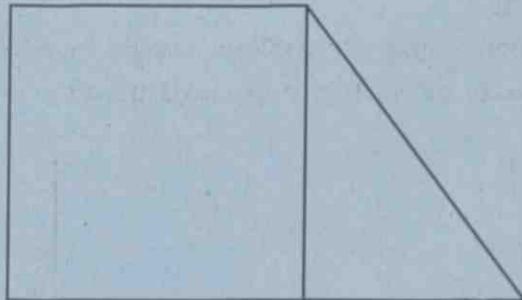


- ചുവർക്ക് കൊടുത്തിരിക്കുന്ന ത്രിഒക്കാണ്ടിൽനിന്ന് പരപ്പ് ഉവ് കണക്കാക്കുക.



- ഒരു സമചതുരവും മട്ടത്രികോണവും ചേർന്ന പൂരിയിട്ടിൽനിന്ന് ചിത്രമാണ് ചുവറുടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നത്.

40 മീ.



പൂരിയിട്ടിൽനിന്ന് ആകെ പരപ്പുളവ് 2200 ചതുരശ്ര മീറ്ററാണ്. അതിൽനിന്ന് ചുറ്റുളവ് എത്രയാണ്?

പെപമാഗറസ്റ്റ്രയാഡ്

ഒങ്ക് എല്ലാൽസംവ്യക്തിയുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക, ഒറ്റാരു എല്ലാൽസംവ്യക്തിയുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക, ഉദാഹരണമായി,

$$1^2 + 2^2 = 5$$

എന്നാൽ,

$$3^2 + 4^2 = 25 = 5^2$$

$$5^2 + 12^2 = 169 = 13^2$$

$$8^2 + 15^2 = 289 = 17^2$$

എന്നിങ്ങനെയല്ലോ കാണാം.

ഈങ്ങനെ മുന്ന് എല്ലാൽ സംവ്യക്തിൽ ഒണ്ണെല്ലാ തത്തിൽനിന്ന് വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക മുന്നാമുത്തതിൽനിന്ന് വർഗ്ഗത്തിനു തുല്യമാണെങ്കിൽ, ഈ മുന്ന് സംവ്യക്തി ഒരു പെപമാഗറസ്റ്റ്രയാഡ് എന്നു പറയുന്നു.

ഉദാഹരണമായി,

$$3, 4, 5$$

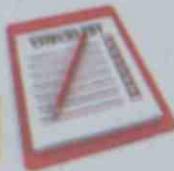
$$5, 12, 13$$

$$8, 15, 17$$

ഈവരെയല്ലോ പെപമാഗറസ്റ്റ്രയാഡുണ്ട്, ഇതുരം മറ്റു ചില പെപമാഗറസ്റ്റ്രയാഡുകൾ കണ്ണുപിടിക്കാംമോ?



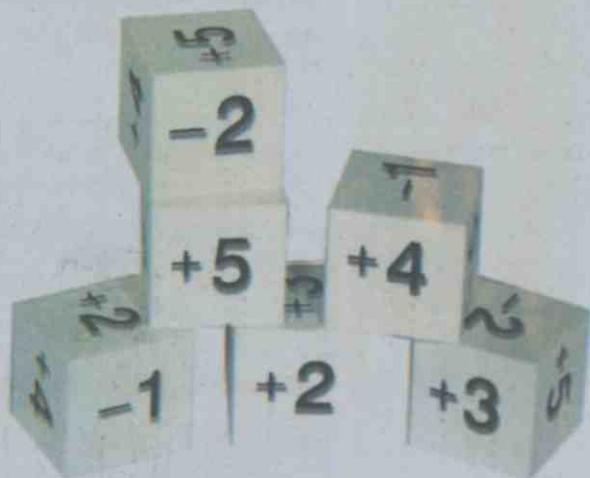
വിദേശത്തുനാട്ടുനോമ്പാർ



പാനന്ദമ്പാർ	എനിക്ക് കഴിയും	ടീച്ചുര സഹായത്വാട കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടു ണ്ടതുണ്ട്
<ul style="list-style-type: none"> ഒരു സമചതുരങ്ങൾക്ക് തുല്യ പരപ്പള്ളി വെള്ള മറ്റാരു വലിയ സമചതുരം ഉണ്ടാക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ഇങ്ങനെയുണ്ടാകുന്ന സമചതുരത്തിന്റെ പരപ്പള്ളി ചെറിയ സമചതുരങ്ങളുടെ പരപ്പള്ളിൽ തുല്യമാണെന്ന് യുക്തിപൂർവ്വം സഹിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> കൊ നിശ്ചിത പരപ്പള്ളിയുള്ള സമചതുരം നിർണ്ണിക്കുന്ന രീതി വിശദീകരിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> മട്ടത്തിങ്കാണഡിന്റെ വശങ്ങളിൽ വരയ്ക്കുന്ന സമചതുരങ്ങളുടെ പരപ്പള്ളികൾ തണ്ണില്ലെങ്കിൽ ബന്ധം യുക്തിപൂർവ്വം സഹിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> വൈമാഗറിസ്പ്രമാണം തെളിവുസ ഫിതം സഹിക്കുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> പ്രശ്നപരിഹാരണത്തിന് വൈമാഗറിസ്പ്രമാണം ഉപയോഗപൂട്ടുന്നുന്നു. 			
<ul style="list-style-type: none"> ജ്യാമിതിയരുപങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നതിലും നിർണ്ണിക്കുന്നതിലും കൃത്യതയും സുക്ഷമതയും പാലിക്കുന്നു. 			

13

പുതിയ സംഖ്യകൾ



13 പുതിയ സംഖ്യകൾ

പുതഞ്ചെളിയും തെലിപ്പിക്കാനില്ലോ മറ്റും ഓരോ ദിവസവും വിറിയി സ്ഥലങ്ങളിലെ താപനിലകൾ പറയുന്നത് ഡിജിറ്റൽ സൈറ്റുകളാണ്. ഉത്തരപ്പിളിലെ പല പ്രദേശങ്ങളിലേക്കും താപനില നാലുപ്പുകാലം -1°C, -2°C എന്നെല്ലാം പറയാം. ഏതൊണ്ടിമിശ്രി അംഗമാ?

ഒവ്വും ഉറഞ്ഞ് കട്ടിയാക്കുന്ന താപനിലകൾ പ്രായം ഡിഗ്രി സെൽഷ്യസ് (0°C) എന്നും അഭിനിഷ്ഠയാണ്. ഇതിലും താഴെയുള്ള താപനിലകളുണ്ടാണ് ന്യൂനം ചെർത്തു പറയുന്നത്.

ഒരു ക്രൂഡീസ്യൂൾവിനുള്ളിലെ സെന്റും താപം കുടുമ്പം വിശദിപ്പിച്ച് ഉള്ളൂട്ടും താപം കുറയുന്നതാണ് സംശയംപിച്ച് അഭ്യൂതയും ചെയ്യും. ഇതു പാശം സിപ്പിപ്പാർഡ് സംശയം യാഥി താപം അല്ലെങ്കാൽ. താഴുമ്പുറിയ പ്രദേശങ്ങൾ ഇവിടെ ഉപയോഗിക്കുന്ന ഇത്തരം താപമാപിനികൾ ഇവിടെ പ്രായം താഴെയും സംഖ്യകൾ അടുക്കുന്നു. പിത്തുമിലെ താപമാപിനി മീറ്റ് കാണിക്കുന്നത്, -20°C നും -15°C നും ഇടയ്ക്കുള്ള താപനിലയാണ്.



താഴുമ്പുറിപ്പെന്നുണ്ടോ?
ഒന്നുംകുറിപ്പില്ല?
മുഖംപാളിയോ?

മുള്ളുമുള്ളു!
ഇന്തിരാമാൻ
രിച്ചിന്റെമുള്ളു!



നിരുദ്ധീകരിക്കുന്ന സംഖ്യകൾ

നിതൃവും ഫരിയും അൻവരും ഒരു കളിയിലാണ്; സംഖ്യകൾക്കാണോരു ചിത്രകളി. 1 മുതൽ 5 വരെയുള്ള സംഖ്യകൾ എഴുതിയി 50 ചിത്രകൾ, ഓരോ സംഖ്യയും 10 എണ്ണം വിത്തം; പകുതി ചിത്രകളിൽ കരുതൽ സംഖ്യകളും ബാക്കി പകുതിയിൽ ചുവന്ന സംഖ്യകളും.

ആദ്യം ഓരോരുത്തരും ഒരു കരുതൽ 5 എടുക്കുന്നു. ബാക്കി ചിത്രകളെല്ലാം ഇടകലർത്തി അടിയായി നടുക്കു കമ്മൽത്തി വയ്ക്കുന്നു. ഇനി ഓരോരുത്തരും ഉത്തരവച്ച് ഓരോ ചീട്ട് അടിത്തിൽ നിന്നെന്തുക്കുന്നു. കിടുന്നത് കരുതൽ സംഖ്യയാണെങ്കിൽ അത് കുടാം. ചുവന്ന സംഖ്യയാണെങ്കിൽ കുറാം. ഇങ്ങനെ കൂട്ടിയും കുറിച്ചും കളി തുടരുന്നു. ആദ്യം 10 നേക്കാൾ കുടുതൽ കിടുന്നയാൾ ഒയിക്കും.

ആദ്യം കിട്ടിയത് ഇങ്ങനെയാണ്:

നിതു [2] അൻവർ [1] ഫരി [3]

അപോൾ കളിയുടെ നിയമമനുസരിച്ച്, ഓരോരുത്തരുടെയും ഇപ്പോഴത്തെ സംഖ്യ എഴുതാം:

നിതു	5	7
അൻവർ	5	6
ഫരി	5	2

രണ്ടാംവട്ടം കിട്ടിയത് ഇങ്ങനെ:

നിതു [1] അൻവർ [3] ഫരി [3]

ഇപ്പോൾ ഓരോരുത്തരുടെയും നില എങ്ങനെന്നെന്തുതും?

നിതു	5	7	8
അൻവർ	5	6	3
ഫരി	5	2	

ഫരിയുടെ കാര്യത്തിൽ തർക്കമായി.

2 മുതൽ 3 കുറയ്ക്കാൻ കഴിയില്ല; അതിനാൽ തന്റെ ഇപ്പോഴത്തെ സംഖ്യ 0 എന്നാണെന്നു ഫരി പറഞ്ഞു. അങ്ങനെയല്ല, ഫരി കളിയിൽ ദൊറു, ഇനി നിതൃവും താനും മാത്രം കളിച്ചാൽ മതി എന്ന് അൻവർ.

അതുവേണ്ട, ഹരി ഇനിയും കളിക്കേട്; അടുത്ത വട്ടം കിട്ടുന്ന സംഖ്യയിൽ നിന്ന് 1 കുറച്ചാൽ മതി എന്നായിരുന്നു നിരുവിൻ്റെ അഭിപ്രായം.

ഇതെല്ലാവരും സമർപ്പിച്ചു. ഹരിയുടെ കളഞ്ഞിൽ “1 കുറയ്ക്കണം” എന്നാഴ്താമെന്നു തീരുമാനിച്ചു.

എന്നാൽപ്പിനെ അൽപ്പംകൂടി ചുരുക്കി -1 എന്നാഴ്തിയാൽപ്പോരെ എന്നായി അൻവർ. അതും എല്ലാവരും സമിച്ചു.

നീതു	5	7	8
അൻവർ	5	6	3
ഹരി	5	2	-1

അടുത്ത വട്ടം ഹരി രക്ഷപ്പെട്ടു.

നീതു **4** അൻവർ **5** ഹരി **3**

കളിക്കാരുടെ ഇപ്പോഴത്തെ നില എഴുതാമോ?

നീതു	5	7	8	4
അൻവർ	5	6	3	
ഹരി	5	2	-1	

ഹരിക്ക് ഇപ്പോൾ കിട്ടിയത് 3; നേരത്തെ ഉണ്ഡായിരുന്ന 1 ന്റെ കടം കുറച്ചാൽ 2.

അൻവറിന്റെ കാര്യമോ?

3 റെ നിന്ന് 5 കുറയ്ക്കാൻ കഴിയില്ല. മുമ്പ് ഹരിയുടെ കാര്യത്തിൽ ചെയ്തതുപോലെ അടുത്തതായി കിട്ടുന്ന സംഖ്യയിൽ നിന്ന് കുറച്ചാൽ മതി എന്നു തീരുമാനിച്ചു.

എത്ര കുറയ്ക്കണം?

2 കുറയ്ക്കണം എന്നതിനെ മുമ്പ് ചെയ്തതുപോലെ -2 എന്നാഴ്താം.

നീതു	5	7	8	4
അൻവർ	5	6	3	-2
ഹരി	5	2	-1	2

നാലാം വട്ടം കിട്ടിയ ചിട്ടകൾ ഇവയാണ്:

നീതു **1** അൻവർ **3** ഹരി **3**

ഒഴുവ് അനിബന്ധം

ഇന്ത്യയിൽ ഏറ്റവും തണ്ടപ്പുന്തുവശ്വരത്തെ പ്രദേശം കർമ്മിരിലെ കാർഡിൻ ഓലുമ്പിലുള്ള ശാസ് എന്ന പട്ടണമാണ്. ഇവിടെ താപനില -60°C വരെ താഴന്തായി ഒവേപ്പുത്തിക്കൊണ്ട്.



ഭൂമിയിൽ ഏറ്റവും തണ്ടപ്പുന്തുവശ്വരത്തെ അന്താർട്ടിക്കാ ദ്വാരാമാറ്റിയിലാണ്.



ഇവിടെയാണ് ഭൂമിയിലെ ഏറ്റവും കുറക്കണ താപനിലയായ -89°C ഒവേപ്പുത്തിയാണ്.

നീതു
പാഖാലാവിജനിപ്പിൽ
 -47°C കുറവുണ്ടാണ്
ഈ ദിവസിലെപ്പറ്റി
ഒരു ദിവസിലെപ്പറ്റി



മുഖ്യപരിധി

നമ്മൾക്കുവുന്ന പ്രവർത്തന വ്യവസ്ഥ എടുത്താൽ, ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ താപനില കണ്ണഭരിയില്ലെങ്കിൽ അഞ്ചുരുട്ടുകാടിലും (5 $\times 10^{15}$) കിലോമീറ്റർ ദൂക്കലുള്ള 'ബഹുജന സംഘവ്' എന്നു പോക്കുള്ള ഒരു നക്ഷത്രപദ്ധതിലാണ്, ആൽ -272.15°C ആണ്.



പ്രക്രിയിൽ സാഹാരികമായുള്ള ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ താപനില ഇതാണെന്നും ഇതിലും കുറഞ്ഞ താപനില പരീക്ഷണാശംകളിൽ കുറിഞ്ഞാണി ഉണ്ടാക്കിയിട്ടുണ്ട്.

എന്നാൽ, ഓൺകൗസ്റ്റുടെയിലെ താപനിലക്കു സ്ഥിരുള്ള സിമ്യോൺഡൂസിപ്പ് -273.15°C ഡിഗ്രി സെൻസുസാം ഓരോക്കുന്നുവോ ആരു താപനില ഉണ്ടാവുംനോ ഉണ്ടാക്കാംനോ സാധ്യമല്ല.

-273.15°C രബ്രി
ഇന്ത്രിഡോസ് ദിന
സൈർക്കാഴ്ചിയിലും
പിരും റബ്രിഡിഷം! ഒരുത്!
രസം
തന്നെ.



ഇന്ത്രിഡോസിൽ നില എഴുതാമോ?

നിന്തു	5	7	8	4
അംഗൾ	5	6	3	-2
ഹരി	5	2	-1	2

പ്രശ്നത്തിൽ താഴെ

പിട്ടുകളിൽ 2 തും 3 കുറയ്ക്കേണ്ടിവന്നപ്പോൾ ആൽ -1 എന്നാണുതീയം ഇക്കാര്യം

$$2 - 3 = -1$$

എന്നാണുതാം, എന്താണിതിന്റെ അർദ്ദം?

2 തും 2 കുറച്ചാൽ 0 ആയി. ഇവിടെ കുറയ്ക്കേണ്ട 3 ആയതിനാൽ 1 കുടി കുറയ്ക്കണം; ഇത് -1 എന്നാണുതാം:

$$0 - 1 = -1$$

ഇതുപൊലെ 3 തും 5 കുറച്ചതെങ്ങനെയാണ്?

3 തും 3 കുറച്ചാൽ 0; ഇനിയെത്ര കുറയ്ക്കണം?

$$0 - 2 = -2$$

ഇങ്ങനെ ന്യൂനചിപ്പം ചെർത്തെഴുതുന്ന സംവ്യക്കളും ന്യൂ

നസംവ്യക്കൾ (negative numbers) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

മറ്റാരു കണക്കു നോക്കാം:

മു പരിക്കയിൽ 25 ചോദ്യങ്ങളുണ്ട്. ശരിയായ ഉത്തരം ഒൻപതുണ്ടും 2 മാർക്ക് വിതം കിട്ടും; തെറ്റായ ഉത്തരം ഒന്നുണ്ടാണെന്നും 1 മാർക്ക് കുറയ്ക്കും.

ഉദാഹരണമായി, 19 ഉത്തരം ശരിയും 6 ഉത്തരം തെറ്റുമാണെങ്കിൽ, ആകെ കിട്ടുന്ന മാർക്ക്

$$(19 \times 2) - 6 = 32$$

മറ്റുപായാലോ?

ശരിയായ 6 ഉത്തരത്തിന് $(6 \times 2) = 12$ മാർക്ക് കിട്ടും. തെറ്റി പ്പോയ 19 ഉത്തരങ്ങൾക്ക് 19 മാർക്ക് കുറയും.

മാർക്ക് $12 - 19$

ഉത്തരങ്ങനെ കണക്കിട്ടിക്കും?

12 തും 12 കുറയ്ക്കുന്നും 0 ആകും; ഇനിയെത്ര കുറയ്ക്കണം?

$$19 - 12 = 7$$

$$12 - 19 = 0 - 7 = -7$$

ഭിന്നസംവ്യുക്തുടെ നൃത്വവും ചിലപ്പോൾ വാങ്ങിവരും. ഈ കണക്കു നോക്കു.

ഒരു പരീക്ഷയിൽ 10 ചോദ്യങ്ങളുണ്ട്. ശത്രായ ഓരോ ഉത്തരത്തിനും 1 മാർക്ക്; തെറ്റായ ഓരോ ഉത്തരത്തിനും

$\frac{1}{2}$ മാർക്ക് കുറയ്ക്കും.

3 ഉത്തരം മാത്രം ശത്രായ ഒരാഴ്ക്ക് എത്ര മാർക്ക് കിട്ടും?

ശത്രായ 3 ഉത്തരത്തിന് 3 മാർക്ക് കിട്ടും. തെറ്റായ

7 ഉത്തരങ്ങൾക്ക്, 7 ഒരു പകുതി $3\frac{1}{2}$ മാർക്ക് കുറയും.

3 തുംന് 3 കുറച്ചാൽ 0. ഇനിയും $\frac{1}{2}$ കൂടി കുറയ്ക്കണം. അസ്പൂർ ആകെ മാർക്ക്

$$3 - 3\frac{1}{2} = 0 - \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

ഈ പരീക്ഷയിൽ ഒരു ഉത്തരം മാത്രം ശത്രായ ആർക്ക് എത്ര മാർക്ക് കിട്ടും?

$$1 - 4\frac{1}{2}$$

ഉത്തരങ്ങനെ കണക്കാക്കും?

$$1 - 1 = 0$$

ഇനിയും കുറയ്ക്കണംത്

$$4\frac{1}{2} - 1 = 3\frac{1}{2}$$

അസ്പൂർ

$$1 - 4\frac{1}{2} = 0 - 3\frac{1}{2} = -3\frac{1}{2}$$

നൃത്വസംവ്യുക്തും കൂടി ഉപയോഗിച്ചു തുടങ്ങുമ്പോൾ

1, 2, $1\frac{1}{2}$ എന്നിങ്ങനെയുള്ള (നൃത്വമല്ലാത്ത) സംവ്യുക്തെ അധിസംവ്യുക്തി (positive numbers) എന്നാണ് പറയുന്നത്.

അസ്പൂർ 0 എന്ന സംവ്യുക്താ? അത് അധിസംവ്യുത്തുമല്ല, നൃത്വസംവ്യുത്തുമല്ല.

ചെറിയ അധിസംവ്യുക്തിയിൽനിന്നു വലിയ അധിസംവ്യു കുറയ്ക്കുമ്പോൾ കിളുന്ന നൃത്വസംവ്യുക്തിക്കാൻ ആവാം പുഞ്ജുത്തിലെത്തിക്കുകയും പിന്നിട് പുഞ്ജുത്തിൽനിന്നു കുറ

നൃത്വയന്മാർ

എ.ഡി. എഞ്ചാംഗുറാണ് മുതൽക്കേന്തന ഇന്ത്യ ദിന പണ്ണിടപാടുകളിലെ കടം സുപ്പിറ്റിക്കാൻ നൃത്വസംവ്യുക്തി ഉപയോഗിച്ചിരുന്നു. ഈക്കാലത്തും മഹത്തായ സാമ്രാജ്യങ്ങളിൽ നൃത്വസംവ്യുക്തി ഉപയോഗിക്കാനുണ്ട്.

ഉദാഹരണമാക്കി, പലരും ഏജൻസീക്കുന്നത് മുൻകുറായി എന്ന നികുതി തുക അടച്ചിട്ടാണ്. ഉപയോഗത്തിന്ത്യസ്ഥിച്ച് ഇത് കുറഞ്ഞുകൊണിരിക്കും. എത്വസര ത്തില്ലോ ചിച്ചാം എത്രയുണ്ടെന്ന് കാണാനുള്ള സംഭിയനവുമുണ്ട്. അടച്ച തുക, തിരികാലും കുറച്ചുകൂടി ഉപയോഗിക്കാൻ കഴിയും. ഈ സമയത്ത് ചിച്ചാം തുക കാണിക്കുന്നത് -2 രൂപ, -3 രൂപ എന്നിങ്ങനെയെല്ലാംബിരിക്കും. തുടർന്ന് പണംഞാട്ടക്കുമ്പൊൾ ഈ തുക കുറയ്ക്കും എന്നാണ് ഇതിനർമ്മം.

ഓന്നിനിട്ട്!

രബ്രിൾ നൃത്വയന്മാർ
ബേണ്ടിലില്ലിക്കിമാല
സ്ഥിതിന്റെ ഒന്നി
ചുല്യനിബിഡി
രിയ ക്രിസ്തീ
തരംനിലൈനം പ്രാജ്ഞ
നിക്കുലം!



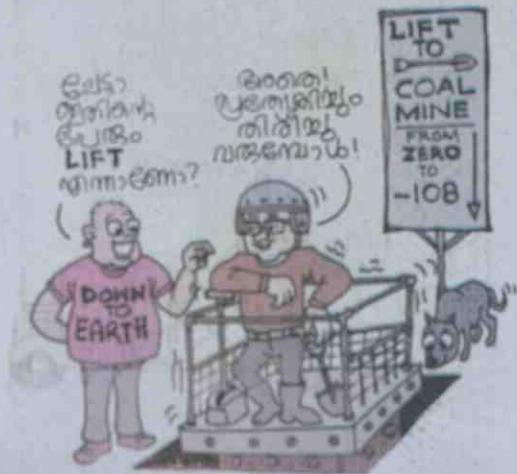
ମୁଦ୍ରଣ ତାରିଖ-୧୦୨୫

ഉയരം കുട്ടിയ കെട്ടിടങ്ങളിൽ ഒരു നിലയിൽ
നിന്നും മറ്റൊന്നിലേക്കു പാകം ലിഫ്റ്റ് എന്ന
യാത്ര കാണാൻ ഇപ്പറയാഗിക്കുന്നത്. ഇതിൽ
വിവിധ നിലകളും സൃഷ്ടികൾക്കുന്ന സംഖ്യകൾ
എഴുതിയ ബട്ടനുകൾ മുണ്ടാകും. ഇതുമർത്തി
യാൽ ദൈഹികമായ നിലയിൽ എത്തരം. ഒരു
ലിഫ്റ്റിലെ ശുഭാരം വിവിധ ബട്ടനുകളാണ് പിത്ത
അണിക്ക് കാണിപ്പിലിക്കുന്നത്:



ഇതിൽ - 1, - 2 എന്നീ നൂതനസംവ്യക്തി എന്നീ നാണ്യ്?

ഇരു കെട്ടിക്കാറിൽ താനിപ്പൂന്തു താഴെ ചില
തിവക്കളുണ്ട്. അവയിൽ എദ്ദേഹത്തെ തിനെ
- 1 എന്നും, അതിലും താഴെയുള്ള നിലയ
- 2 എന്നും കാണിപ്പിക്കാം.



യുക്കയുമാണ് ചെയ്തത്. ഇതിനുപകരം നേരിട്ട് കണക്കാക്കിക്കൊട്ട?

മുകളിൽ എഴുതിയ കണക്കുകളല്ലാം നന്നാക്കുടി എന്നാൽ.

$$2 - 3 = -1 \quad 3 - 2 = 1$$

$$3 - 5 = -2 \quad 5 - 3 = 2$$

$$12 - 19 = -7 \quad 19 - 12 = 7$$

$$3 - 3\frac{1}{2} = -\frac{1}{2} \quad 3\frac{1}{2} - 3 = \frac{1}{2}$$

$$1 - 4\frac{1}{2} = -3\frac{1}{2} \quad 4\frac{1}{2} - 1 = 3\frac{1}{2}$$

ഇവയിൽനിന്ന് എന്തു മനസ്സിലായി?

അയിസംവ്യകളിൽ ചെറുതിൽനിന്ന് വലുതു കുറച്ചാൽ കിട്ടുന്നത്, വലുതിൽനിന്നു ചെറുതു കുറച്ചാൽ കിട്ടുന്നതിലേണ്ണെ ന്യൂനമാണ്.

ഇതു ബീജഗണിതം ഉപയോഗിച്ചും എഴുതാം.

x, y എന്ന ഏതെങ്കിലും രണ്ട് അധിസംഖ്യകളിൽ
 $x < y$ ആണെങ്കിൽ

$$x - y = -(y - x)$$

ഇന്തി ഇതു കണക്കുകൾ ചെയ്തുനോക്കു:

$$\bullet \quad 4 - 9 \qquad \bullet \quad 14 - 29 \qquad \bullet \quad \frac{1}{2} - \frac{3}{4}$$

- 5 - 10
- 25 - 65
- $\frac{1}{3} - \frac{1}{2}$

കുട്ടലും കുറയ്ക്കലും

സംവ്യുക്തിക്കാണ്ടുള്ള പ്രിട്ടുകളിൽ ഒരാളുടെ സംഖ്യ
- 2 ആണ് എന്നതിന്റെ അർമ്മം, ഈനി കിട്ടുന്നതിൽ നിന്ന്
2 കുറയ്ക്കണാ എന്നാണെല്ലാ. തുടർന്ന് അട്ടിയിൽനിന്ന്
കുറയ്തു 2 കിട്ടിയാൽ അയാളുടെ സംഖ്യ

$$2 - 2 = 0$$

സംഖ്യ - 2 ആയിരിക്കുന്നവർ 2 കുട്ടാന്തിനെ

- 2 + 2

പ്രസ്തുതാവലം, ആതായത്,

$$-2 + 2 = 2 - 2 = 0$$

10 ചൊദ്യംമല്ലെങ്കിൽ പരിക്ഷയിൽ, ശത്രായ ഉത്തര
ഞാൻവേണ്ടിയാം | മാർക്ക് കോടുക്കുകയും തെറ്റായ ഉത്തര
ഞാൻവേണ്ടിയാം | മാർക്ക് കുറയ്ക്കുകയും ചെയ്യുന്നു.

ആദ്യത്തെ 5 ഉത്തരം തെറ്റുകയും അടുത്ത 5 ഉത്തരം ശരിയാവുകയും ചെയ്താൽ എത്ര മാർക്ക് കിട്ടും?

ശരിയായ 5 ഉത്തരങ്ങൾക്കു് 5 മാർക്കിൽനിന്ന് തെറ്റായ ഉത്തരങ്ങളുടെ 5 മാർക്ക് കുറച്ചാൽ, ആകെ മാർക്ക് 0.

ഉത്തരമെഴുതിയ മുറയ്ക്ക് കണക്കാക്കിയാൽ, ആകെ മാർക്ക് $-5 + 5 = 0$ എന്നാണുതാം. അതായത്.

$$-5 + 5 = 5 - 5 = 0$$

ആദ്യത്തെ 4 ഉത്തരം തെറ്റും, അടുത്ത 6 എല്ലാം ശരിയാമാണെങ്കിലോ?

അത് $-4 + 6 = 6 - 4$ എന്നാണുതാം. ശരിയായ ഉത്തരങ്ങൾക്കു് കിട്ടിയ 6 മാർക്കിൽനിന്ന് തെറ്റായ ഉത്തരങ്ങൾക്ക് നഷ്ടപ്പെടുന്ന 4 മാർക്ക് കുറച്ചാൽ $6 - 4 = 2$. ആപ്പോൾ

$$-4 + 6 = 6 - 4 = 2$$

ആദ്യത്തെ 6 എല്ലാം തെറ്റും, അടുത്ത 4 എല്ലാം ശരിയുമാണെങ്കിലോ?

ആകെ മാർക്ക് $-6 + 4 = 4 - 6 = -2$

ശരിയായ ഉത്തരങ്ങൾക്കു് കിട്ടിയ 4 മാർക്കിൽനിന്ന്, തെറ്റായ ഉത്തരങ്ങൾക്ക് നഷ്ടപ്പെടുന്ന 6 മാർക്ക് കുറച്ചാൽ $4 - 6 = -2$ ആപ്പോൾ

$$-6 + 4 = 4 - 6 = -2$$

10 ചോദ്യങ്ങളിൽ ശരിയായ ഉത്തരങ്ങൾക്ക് 1 മാർക്ക് കൊടുക്കുകയും തെറ്റായ ഉത്തരങ്ങൾക്ക് $\frac{1}{2}$ മാർക്ക് കുറയ്ക്കുകയും ചെയ്യുന്ന പരീക്ഷയിൽ, അവസാനത്തെ 3 ഉത്തരം മാത്രമാണ് ശരിയായതെങ്കിൽ ആകെ മാർക്ക് എത്രയാണ്?

ആകെ മാർക്ക് $3 - 3 \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$ എന്നു നേരത്തെ കണക്കുണ്ട്. ഉത്തരങ്ങളുടെ മുറയ്ക്ക് മാർക്ക് കണക്കാക്കിയാൽ,

ആകെ മാർക്ക് $-3 \frac{1}{2} + 3 = 3 - 3 \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$

$$-\frac{1}{2} + 3 = 3 - 3 \frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

ഈ കണക്കുകളും ഒരുമിച്ചു നോക്കാം.

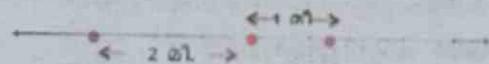
$$-2 + 2 = 2 - 2 = 0$$

$$-5 + 5 = 5 - 5 = 0$$

$$-4 + 6 = 6 - 4 = 2$$

പിശാച്ചറ്റം

ഒരു നേർവ്വരയിലൂടെയുള്ള പ്രവർത്തനങ്ങളും പാദ്യസ്ഥാൻ, വരയിലെ ഒരു നിഖിത ബിന്ദുവിൽനിന്ന് ഒരു ദിശയിലേക്കുള്ള അകലങ്ങളും അധിസംഖ്യകൾക്കുണ്ടും എതിർപ്പിച്ചിരിക്കുവാൻ കൂടുതൽ അകലങ്ങളും നൃചല്ലപ്പിക്കാറുണ്ട്.



ചിത്രത്തിൽ, ചുവന്ന ബിന്ദുവിൽനിന്ന് വലം തോട്ടുള്ള അകലങ്ങൾ അധിസംഖ്യകളായും ഇടയാളികളായും അകലങ്ങൾ നൃചല്ലസംഖ്യകളായും എടുത്തിരിക്കുന്നു.

ഈ ബിന്ദുവിൽനിന്ന് ഒരും 3 മീറ്റർ വലം തോട്ടു സബ്രഹ്മണ്യൻ, 5 മീറ്റർ ഇടയാളി സബ്രഹ്മണ്യൻ എത്തിരെച്ചുനേരുന്ന് ബിന്ദുവിൽനിന്ന് ഇടയാളി വലംതോ? എത്ര അകലവും ഇടയാളി?

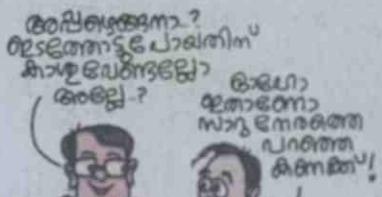
$$3 - 5 = -2$$

എന്നാണുതാം.

ആദ്യം 5 മീറ്റർ ഇടയാളി സബ്രഹ്മണ്യൻ, 3 മീറ്റർ വലംതോട്ടു സബ്രഹ്മണ്യൻ?

$$-5 + 3 = -2$$

ആദ്യം 5 മീറ്റർ ഇടയാളി സബ്രഹ്മണ്യൻ വിജയം 3 മീറ്റർ ഇടയാളി സബ്രഹ്മണ്യൻ സബ്രഹ്മണ്യൻ?



പെഗഡില്ലാ ടണ്ടികൾ

അവിയിൽ നിന്ന് ഒരു ഘട്ടപൂർണ്ണമായുണ്ടു് എന്ന വാദത്തു് ഉഭാർത്ഥിയർന്നു പോകുന്നും ഓരോ ക്ഷണം അനിയും വീഗം കുറയും; കൂറണ്ടുകുറഞ്ഞ വീഗം പെട്ടെന്നും വീഗം വീശാം താഴാട്ടു വിശാം ആട്ടേം. ഈ മടക്കയാംതയിൽ വീഗം കുടി കുടിവരും. അവസാനം നിലവിൽ വരിച്ചു.

ഒന്തെ ഘട്ടപൂർണ്ണാണ് എറിയുന്നതെങ്കിൽ, ഓരോ സെക്കന്റിലും $9.8 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ എന്ന നിരക്കിലാണ് വീഗം കുറയുന്നത്. ഉദാഹരണം കാണി, $49 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ എന്ന വീഗത്തിൽ ഒന്തെ ഘട്ടപൂർണ്ണമായുണ്ടു് വാന്നത്തുവിന്റെ വീഗം 1 സെക്കന്റ് കുറയുംമാണ് $49 - 9.8 = 39.2 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ ആകും; 2 സെക്കന്റ് കുറയുംമാണ് $49 - (2 \times 9.8) = 29.4 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ ആകും.

5 സെക്കന്റ് കുറയുംമാണ് വീഗം

$$49 - (5 \times 9.8) = 0$$

ആകും. തുടർന്ന് ഓരോ സെക്കന്റിലും $9.8 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ എന്ന നിരക്കിൽ കുടുന്ന വീഗം ദാനന്താട താഴാട്ടു വിശാം ആട്ടേം.

എൻഡേതിനുശേഷം 7 സെക്കന്റ് ആകും ദാനന്താട?

വിശ്ച തുടങ്ങി $7 - 5 = 2$ സെക്കന്റ് ആയി. അപ്പും വീഗം പെട്ടെന്നിൽനിന്ന് $2 \times 9.8 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$ കുടി. അതായത് $19.6 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$.

ഈക്കാര്യം വിജഗണിതമുപയോഗിച്ച് ചുരുക്കിയാണുള്ളതോ: എൻഡേതുകൾണ്ണു് / സെക്കന്റ് ആകുംനോമുള്ള വീഗം എത്രയാണ്?

$$t < 5 \text{ ആണെന്നിൽ, വീഗം}$$

$$49 - 9.8t \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$$

$t > 5$ ആഭാരം? താഴെക്കുള്ള ധനതു തുടങ്ങി $t - 5$ സെക്കന്റ് ആയി. അപ്പും വീഗം .

$$(t - 5) \times 9.8 = 9.8t - 49 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്.}$$

$$-6 + 4 = 4 - 6 = -2$$

$$-3\frac{1}{2} + 3 = 3 - 3\frac{1}{2} = -\frac{1}{2}$$

ഇതിൽനിന്ന് എന്തു മനസ്സിലാക്കാം?

ഒരു അധിസംഖ്യയുടെ ന്യൂനത്തിനോട് ഒരു അധി സംഖ്യ കുടുക എന്നതിന്റെ അർഥം, രണ്ടാമതെ സംഖ്യയിൽ നിന്ന് ആദ്യസംഖ്യ കുറയ്ക്കുക എന്നാണ്.

വിജഗണിതാശയിൽപ്പറഞ്ഞാൽ

$$x, y \text{ എന്തു } x \text{ അധിസംഖ്യകളുടെയൊല്ലോ}$$

$$-x + y = y - x$$

ഈനി ഈ കണക്കുകൾ ചെയ്തുനോക്കു.

$$\bullet -4 + 9 \quad \bullet -15 + 8 \quad \bullet -\frac{1}{2} + \frac{3}{4}$$

$$\bullet -9 + 4 \quad \bullet -8 + 15 \quad \bullet -\frac{3}{4} + \frac{1}{2}$$

വിജഗും കുറയ്ക്കാം

തെറ്റായ ഉത്തരങ്ങൾക്ക് 1 മാർക്ക് കുറയ്ക്കുന്ന പരീക്ഷ ആണ് ആദ്യത്തെ 2 ഉത്തരങ്ങളും തെറ്റിയാൽ, ആകെ മാർക്ക് എത്രയായി?

അടുത്ത ഉത്തരവും തെറ്റാണെങ്കിലോ?

3 ഉത്തരങ്ങൾ തെറ്റിയതിനാൽ മാർക്ക് -3 ആണ്ടു്?

ഈ മറ്റാരു വിയത്തിലും പറയാം. ആദ്യത്തെ ഒരു ഉത്തരമം തെറ്റിയപ്പോൾ മാർക്ക് -2 . അടുത്തതും തെറ്റിയ തിനാൽ ഈനി 1 മാർക്ക് കുടി കുറയ്ക്കണം, അതായത് $-2 - 1$. അതായത്

$$-2 - 1 = -3$$

അടുത്ത ഒരു ഉത്തരവും തെറ്റാണെങ്കിലോ?

5 ഉത്തരമം തെറ്റി; മാർക്ക് -5 . മറ്റാരു വിയത്തിൽ നോക്കിയാൽ,

$$\begin{aligned} -3 \text{ തുണി } &\text{വിജഗും } 2 \text{ കുറഞ്ഞു. } \\ &\text{അതായത്} \\ &-3 - 2 \end{aligned}$$

ഈക്കാര്യം ഇങ്ങനെ എഴുതാം:

$$-3 - 2 = -5$$

അപ്പും $-5 - 3$ എത്രയാണ്?

-5 എന്നാൽ 0 ഉത്തരമാണ് 5 കുറിവ്; വിജഗും 3 കുറഞ്ഞാണോ? ആകെ എത്ര കുറയും?

അതായൽ

$$-5 - 3 = -(5 + 3) = -8$$

ഇതുപോലെ $-5 - 7$ കണക്കാക്കിക്കൂടോ?

$$-5 - 7 = -(5 + 7) = -12$$

പൊതുവേ പറഞ്ഞാൽ

രണ്ട് അധിസംഖ്യയുടെ നൂറ്റാം മര്യാദ അധിസംഖ്യ കുറച്ചാൽ, ഈ അധിസംഖ്യകളുടെ തുകയുടെ നൂറ്റാം കിട്ടും.

ഈകാര്യം ബീജഗണിതത്തിലാക്കിയാലോ?

x, y എന്ന ഏത് അധിസംഖ്യകളെടുത്താലും

$$-x - y = -(x + y)$$

ഈപ്പയോഗിച്ച് ചുവടെയുള്ള കണക്കുകൾ ചെയ്തു നോക്കോ.



- $-1 - 1$
- $-7 - 8$
- $-\frac{1}{2} - \frac{1}{4}$
- $-2 - 2$
- $-8 - 7$
- $-2\frac{1}{2} - 1\frac{1}{2}$
- $8 - 12$
- $1\frac{1}{2} - 7\frac{1}{2}$
- $-25 - 3\frac{1}{2}$
- $-8 + 8$
- $-10 + 20$
- $-3\frac{1}{2} + 3\frac{1}{2}$
- $-20 + 40$
- $-7 + 4$
- $-4\frac{1}{2} + 5\frac{1}{2}$
- $-12\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

നൂറ്റാംവേദം

49 മീറ്റർ/സെക്കന്റ് എന്ന വേഗതയിൽ ഒരിപ്പുകൾ എറിഞ്ഞ വന്നുവെള്ളേ വേഗം എഴുതിയാൽ ഒണ്ട് ബീജഗണിതവാക്യം സൗഖ്യ ഉപഭാഗിച്ചാണോളം.

$$t < 5 \text{ ആണെങ്കിൽ } v = 49 - 9.8t$$

$$t > 5 \text{ ആണെങ്കിൽ } v = 9.8t - 49$$

മേഘാട്ടുള്ള വേഗത്തെ അധിസംഖ്യകാണ്ഡം താഴാട്ടുള്ള വേഗത്തെ നൂറ്റാംസംഖ്യ കൊണ്ടും സൂചിപ്പിച്ചാൽ, ഏതു സമയത്തെ വേഗം കണക്കുപിടിക്കാനും

$$v = 49 - 9.8t$$

എന്ന രീതി ബീജഗണിതവാക്യം മഹിയാക്കും. ഇതാഹാരണമായി, എറിഞ്ഞ 8 സെക്കന്റ് കഴിയുന്നോൾ വേഗം

$$49 - (9.8 \times 8) = -29.4 \text{ മീറ്റർ/സെക്കന്റ്}$$



കുറിപ്പുകൾ നാലു തോട്ടുകളിൽ

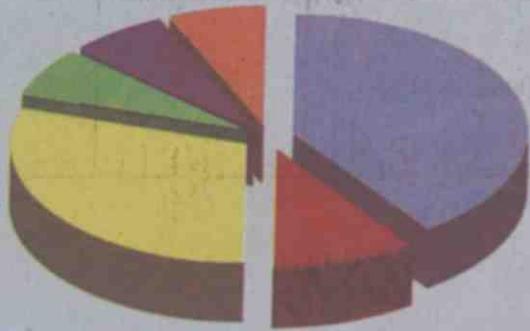


പഠനത്തേരണം	എനിക്ക് കഴിയും	ചീച്ചറ്റുടെ സഹായത്താട്ട കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെടെ ഉണ്ടാകും
• മൊറിയ സംവ്യൂദിഷ്ടിന് വലിയ സംവ്യൂദിക്കേണ്ടിവരുന്ന സമർഥന ഫീഡുടെ ന്യൂനസംവ്യൂദയ വിശദീകരിക്കുന്നു.			
• ന്യൂനസംവ്യൂദകൾ ഉപയോഗിക്കേണ്ടിവരുന്ന സമർഥനാർ ക്രമങ്ങളിൽ വിശദീകരിക്കുന്നു.			
• ഒരു ന്യൂനസംവ്യൂദയാട്ട ഒരു അധിസംവ്യൂദ കൂടുന്നതിനും ഒരു ന്യൂനസംവ്യൂദയിൽ നിന്ന് ഒരു അധിസംവ്യൂദ കൂറ്റിക്കുന്നതിനുജൂം ക്രിയാർത്ഥി വിശദീകരിക്കുന്നു.			
• കളികളിലും സ്കോർ രേഖപ്പെടുത്തേണ്ടിവരുന്ന ശ്രദ്ധ സമർഥനയ്ക്കുലും ന്യൂനസംവ്യൂദ ഉപയോഗിക്കുന്നു.			

പഠനത്തേരണം

14

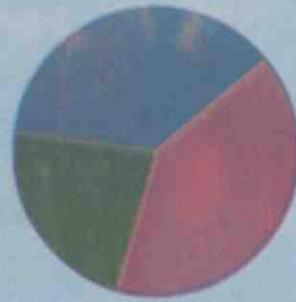
വ്യത്തചിത്രങ്ങൾ



| 4 വ്യത്തചിത്രങ്ങൾ

വിരാഞ്ഞത്വങ്ങൾ

സകൂൾ തിരഞ്ഞെടുപ്പിലെ സ്ഥാനാർമ്മികൾക്കു കിട്ടിയ ഫോട്ടുകൾ ചിത്രരഹസ്യത്തിൽ ചുവരെ നൽകിയിരിക്കുന്നു.



മമ
നാമ്പിയർ
മതിയ

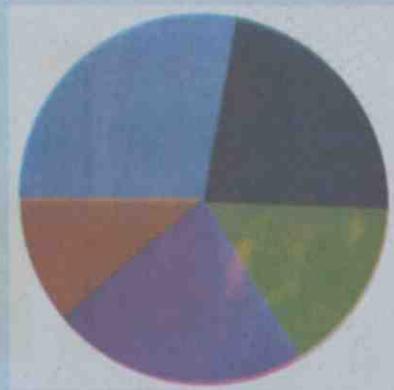
വ്യത്യസ്തപരമായ (Pie diagrams)

സംഖ്യാപരമായ ഏതെങ്കിലും ഒരു വസ്തു തയച്ച പദ്ധതിയോളായി തരംതിരിക്കുകയും ഇവ തമിലുള്ള താരതമ്യം വേണ്ടിവരുകയും ചെയ്യുന്നവാണ് വ്യത്യസ്തപരമായ ഉപയോഗിക്കുന്നത്. ഈതിൽ ഓരോ വ്യത്യസ്ത ഭാഗത്തിന്റെയും വലുപ്പം അതു സുചിപ്പിക്കുന്ന സംഖ്യക്കനുസരിച്ചാണ് വരെക്കുന്നത്.

- അരുരാണ് വിജയിച്ചുത്?
- മറ്റൊന്തല്ലോ വിവരങ്ങൾ ചിത്രത്തിൽനിന്നു മനസ്സിലാക്കാൻ കഴിയും?

വീടിലെ ചെലവുകൾ

ഫാത്തിമയുടെ വീടിലെ വിവിധ ചെലവുകൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ചിത്രം നോക്കു.



കെഷണം
വസ്ത്രം
ജീവകാര്യങ്ങൾ
പ്രവർത്തനം
വിദ്യാഭ്യാസം
മറ്റുള്ളവ

എറ്റവും കൂടുതൽ ചെലവ് എത്തിനാണ്?

എറ്റവും കുറവോ?

ഒരു തുക ചെലവായത് എത്തിനോക്കോ?

ഒരു ചെലവാണെന്ന് എങ്ങനെ മനസ്സിലായി?

•

•

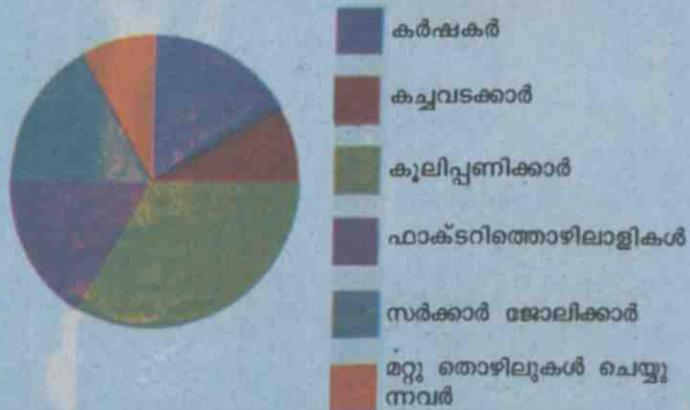
പിത്തുവിൽക്കിന്നു മറ്റൊരുള്ളം കാതുഞ്ഞൾ മനസ്സിലായി?

-
-
-

ഇതെത്തിൽ വിവരങ്ങളെ വ്യത്തെത്തിന്റെ ഭാഗങ്ങളായി സൂചിപ്പിക്കുന്ന പിത്തുവിൽക്കിന്നു വ്യത്തപിത്തുവിൽ (pie diagrams) എന്നു പറയുന്നു:

തൊഴിലുകൾ

മരു പശ്ചായത്തിൽ വിവിധ തൊഴിലുകളിൽ ഏർപ്പെട്ടിരിക്കുന്നവരെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന വ്യത്തപിത്തുവാണ് ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്നത്.



- ഏറ്റവും കൂടുതൽ ആളുകളുടെ തൊഴിൽ എന്നാണ്?
- കർഷകരുടെ ഏകദേശം ഏതു മട്ടാണ് കുലിപ്പണിക്കാർ?
- ഹാക്കറിത്താഴിലാളികൾ ആകെയുള്ളവരുടെ ഏകദേശം ഏതെ ഭാഗമാണ്?
- ഓരോ തൊഴിലും ചെയ്യുന്നവരെ അവയുടെ ഏല്ലാ തീരുമാനി എഴുതുക.

ഈ പിത്തുവാതെ സംബന്ധിക്കുന്ന കൂടുക്ക ചൊദ്യങ്ങൾ കൂടി തയ്യാറാക്കുക.

പലഹാരച്ചിത്രം

മംഗലിക്കുകാർക്കും ഓരോരിക്കാർക്കും വളരെ പ്രിയപ്പെട്ട ഒരു പലഹാരത്തിന്റെ ഫോണ്ട് പേപ് (pie)



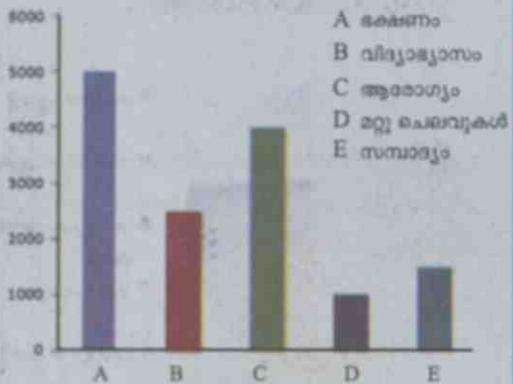
പിത്തുവാതെ കാണുന്നതുപോലെ കാശാജും ഉാക്കിയാണ് ഈ സാധാരണ പിത്തുവാതെ. അതിൽനിന്നാണ് വ്യത്ത ചിത്ര ഞാൻക് പെഡാഫ്രാ എന്ന പെരുവന്നാർ.

അജ്ഞ... കിന്നടക്കി
ഡിപ്പിന്നിലെ
പരിശീലനാക്കണ
അപ്പെടി(ഞാൻക്)



വാസ്തവിക്രമവും വ്യതിയാനവും

ഒണ്ടുവിണ്ടെ കുടുംബങ്ങളിൽ വിവിധ ആവശ്യങ്ങൾക്കുള്ള ചെലവുകൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന പത്രചിത്രവും വ്യതിചിത്രവും ആണ് ചുവടെ.

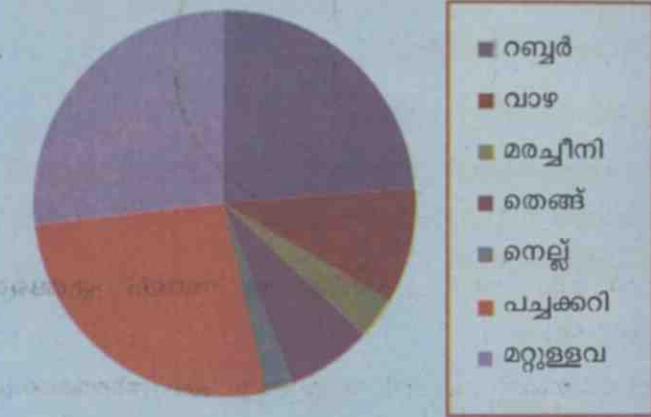


പത്രചിത്രം നോക്കു, ഓരോ ഇന്ത്യൻ മുള്ള ചെലവുകൾ എത്ര രൂപ വിത്തമെന്ന് എഴുപ്പത്തിൽ പറയാനും താരതമ്യം ചെയ്യാനും കഴിയുന്നില്ലെങ്കിൽ എന്നാൽ ഓരോ ഇന്ത്യൻിലെയും ചെലവുകൾ ആകെ ചെലവിൽനിന്നും എത്രാശം എന്ന് എല്ലാപ്പട്ടിൽ പറയാൻ കഴിയുന്നാണോ? വ്യതിചിത്രത്തിൽ, ഓരോ ഇന്ത്യൻിലുമുള്ള ചെലവുകൾ ആകെ യുള്ളതിന്റെ എത്ര ഭാഗമെന്ന് താരതമ്യം ചെയ്യാൻ കുറച്ചുടി എല്ലാപ്പുംാണ്. എന്നാൽ ചെലവുകൾ എത്രയെന്ന് പറയുക എല്ലാപ്പുമുള്ള ഇന്ത്യൻ ഓരോ ദിനിയിലുമുള്ള ചിത്രികൾ അണ്ണഞ്ഞെങ്കിൽ അതിന്റെതാഴെ ഗുണവും ദാഖലവുമുണ്ട്. നഞ്ഞൾ ചിത്രീകരിക്കുന്ന വസ്തുക്കളുടെ പരത്യക്കരിക്കുന്നുണ്ടോ ഉച്ചിതമായ ദിനി തിരഞ്ഞെടുക്കുകയാണ് ചെയ്യുന്നത്.

ക്രൂഡി

രാജാർ റിംഗ് റാംക്കുമാ ശ്രദ്ധ

എ പണ്ഡായത്തിലെ ആകെ കുഷ്ഠിനും വിവിധ കൃഷികൾക്കായി എങ്ങനെ ഉപയോഗിക്കുന്നു എന്നു സൂചിപ്പിക്കുന്ന വ്യതിചിത്രമാണ് ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്നത്. ചിത്രത്തെ അടിസ്ഥാനമാക്കി ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്ന ചൊദ്യങ്ങളുടെ ഉത്തരവെച്ചുതുക.



- എത്ര കൃഷിക്കാണ് എററവും കുറച്ച സ്ഥലം ഉപയോഗിക്കുന്നത്?
- എത്ര കൃഷിക്കാണ് എററവും കുടുതൽ സ്ഥലം ഉപയോഗിക്കുന്നത്?
- പച്ചകരിക്കുന്നി ആകെയുള്ള കൃഷിയുടെ എതാണ്ട് എത്ര ഭാഗമാണ്?

വ്യതിചിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കാം

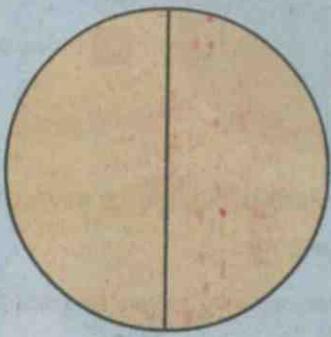
ഈ സ്ക്രീൻ പച്ചകരിക്കുന്നി ചെയ്യാൻ തീരുമാനിച്ചു. ആകെയുള്ള സ്ഥലത്തിന്റെ പകുതി ചീരക്കുണ്ടിയോ, ബാക്കിലാറത്ത് തുല്യമായി പയറും വഴുതനയും കൃഷി ചെയ്യാൻ തീരുമാനിച്ചു. ഓരോനും കൃഷിചെയ്യുന്ന സ്ഥലത്തിന്റെ ആളവിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഏ വ്യതിചിത്രം വരയ്ക്കാം.

ആദ്യം ഏ വ്യതിചിത്രം വരയ്ക്കാം.

ആകെ സ്ഥലത്തിന്റെ പകുതി ഭാഗമാണ് ചീരക്കുണ്ടി ചെയ്യാനതിനായി നീക്കിവച്ചത്.

ഇത് എങ്ങനെ സൂചിപ്പിക്കാം?

വ്യത്യസ്തിന്റെ പകുതി എങ്ങനെ വരയ്ക്കാം?



ഈ മറ്റ് രണ്ടു കൂഷിക്കുള്ള സ്ഥലം എങ്ങനെ കാണിക്കും?

വ്യത്യസ്തിന്റെ പകുതിയെ വിശദം പകുതിയാക്കണം. ചെയ്തുനോക്കു.

ഓരോ ഭാഗവും തിരിച്ചറിയാനായി വ്യത്യസ്ത നിറങ്ങൾ ഉപയോഗിക്കാം.

അനുഭവങ്ങൾ

ഒരു യൂ.പി. സ്കൂളിലെ 7 ഏ റിൽ 40 കുട്ടികളുണ്ട്. ഇതിൽ 20 പേര് സ്കൂൾ ബന്ധിൽ വരുന്നവരാണ്. 15 പേര് നടന്നും 5 പേര് സെസക്കിളിലും വരുന്നു. ഈകാര്യങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യച്ചിത്രം മരഞ്ഞുനോക്കാം.

ആകെ കുട്ടികളുടെ എത്ര ഭാഗമാണ് സ്കൂൾബന്ധിൽ വരുന്നത്?

ഇത് നേരത്തെ ചെയ്തപോലെ വ്യത്യസ്തിൽ അടയാള പ്രൂട്ടുത്താമല്ലോ.

സെസക്കിളിൽ വരുന്നത് ആകെ കുട്ടികളുടെ എത്ര ഭാഗമാണ്?

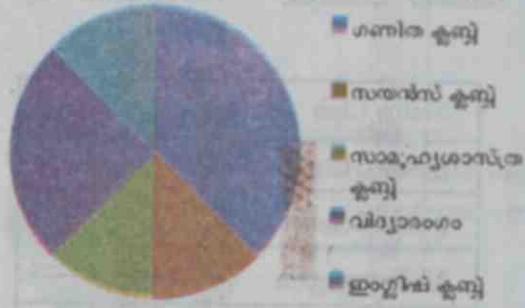
വ്യത്യസ്തിന്റെ $\frac{1}{8}$ ഭാഗം എങ്ങനെ അടയാളപ്രൂട്ടുത്തും?

അതിന് എത്ര ഡിഗ്രി കൊണ്ട് വരയ്ക്കണാം?

$$360^\circ \text{ ആണ് } \frac{1}{8} \text{ ഭാഗം} = 45^\circ$$

പട്ടികയാളാം

ഒരു സ്കൂളിലെ സ്കൂളിലെ എല്ലാ കുട്ടികളും എത്രതെങ്കിലും ഒരു കൂലിയാണ് അംഗമാണ്. ഓരോ കൂലിയെല്ലാം അംഗങ്ങളുടെ വിവരം സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യച്ചിത്രം ചുവരും നൽകിയിരിക്കുന്നു.



വിദ്യാരംഗത്തിലെ കുട്ടികളുടെ എല്ലം 50 ആണ്. ഓരോ കൂലിയെല്ലാം കുട്ടികളുടെ എല്ലം ഒരു പട്ടികയായി എഴുതു.

പിന്തുംകിടിക്കാം!
ഇത്
പ്രശ്നരാഹസ്യിക്കു
ഡൈപ്പഡില്ല!



സ്കൂൾ പ്രാഥ്യക്ഷരിക്ക്

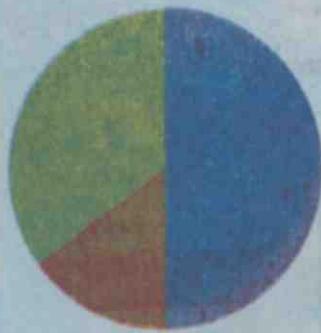
കമ്പ്യൂട്ടറിന്റെ സഹായത്താൽ വ്യത്യക്തി അഞ്ചി വരച്ച ക്ലോസ് തെങ്ങുനു എന്നു പറാബോ.

Libre Office Calc തുറന്ന്, വ്യത്യക്തിരൂപം വരച്ചാണെങ്കിൽ വിവരങ്ങൾ താഴെക്കാണുന്നതു പറാബോ നൽകുക.

Maths Club	30
Science Club	20
Social Science Club	25
Vidhyarangam	15
English Club	10

ഇതിലെ ഏതെങ്കിലും കളത്തിൽ കൂടിക്കുവെച്ചത്

Insert → Chart → Pie എന്ന വീതിയിൽ വ്യത്യക്തിരൂപം വരച്ചാണെന്നു. ഓരോ വിഭാഗത്തി മുമ്പുള്ള എല്ലാം മാറ്റി നൽകി എന്നും, ചിത്ര അനിന്ന് എന്നാണു സംഭവിക്കുന്നത്?



- കാൽക്കണ്ടറിൽ വരുന്നവും
- സൈക്കിളിൽ വരുന്നവും
- സ്കൂൾ ബസിൽ വരുന്നവും

വ്യത്യത്തിന്റെ ബാക്കിയുള്ള ഭാഗം നടന്നു വരുന്നവും സൂചിപ്പിക്കുന്നു.

- ഈ വ്യത്യത്തിന്റെ എത്ര ഭാഗമാണ്?
- ഈ ഭാഗത്തിലെ കൊണ്ട് എത്ര ഡിഗ്രിയാണ്?

സ്കൂൾ ക്ലൗഡ്

ഒരു യൂ.പി സ്കൂളിലെ എഴാം കൂണിലെ 100 കുട്ടികളും എഴുതക്കിലും ഒരു കൂപ്പിൽ അംഗമാണ്. ഓരോ കൂപ്പിലെയും അംഗങ്ങളുടെ എല്ലാം ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്നു.

കൂപ്പ്	കുട്ടികളുടെ എല്ലാം
ഗണിതം	30
സയൻസ്	20
സാമൂഹ്യശാസ്ത്രം	25
ഇംഗ്ലീഷ്	10
വിദ്യാരംഗം	15

ഈ വിവരങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യക്തിരൂപം വരച്ചാണെന്നു.

ഓരോ കൂപ്പിലെയും അംഗങ്ങളും സൂചിപ്പിക്കാൻ വ്യത്യാനിക്കുന്നുണ്ടോ?

അതുകൊണ്ട് 100 കുട്ടികളാണെല്ലാം ഉള്ളത്.

ഗണിത കൂപ്പിൽ അംഗങ്ങളുടെയും 30 പേരാണ്.

ഈവരുടെ എല്ലാം സൂചിപ്പിക്കാൻ വ്യത്യാനിന്റെ $\frac{30}{100}$ ഭാഗം

അതിന് അടയാളപ്പെടുത്തണം കൊണ്ടിരുന്ന് അഞ്ചി എന്നാണ്?

$$360^\circ \times \frac{30}{100} = 108^\circ$$

ഈ രൂപാലെ ഓരോ കൂണിലെയും അംഗങ്ങളുടെ എണ്ണത്തെ സൂചിപ്പിക്കാൻ ഏതൊക്കെ അളവിൽ കൊണ്ട് വരയ്ക്കണം?

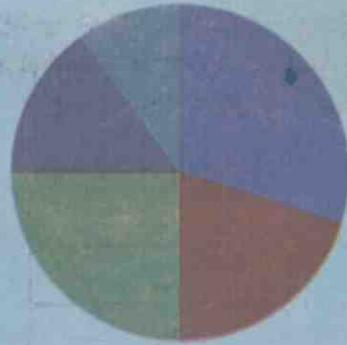
$$\text{സയൻസ് കൂണ് : } 360^\circ \times \frac{20}{100} = 72^\circ$$

സാമൂഹ്യശാസ്ത്ര കൂണ് :

ഇംഗ്ലീഷ്ക്സ്കൂൾ :

വിദ്യാരംഗം :

ഈ ചിത്രം വരയ്ക്കാമോ?



- ഗണിത കൂണ്
- സയൻസ് കൂണ്
- സാമൂഹ്യശാസ്ത്ര കൂണ്
- വിദ്യാരംഗം
- ഇംഗ്ലീഷ് കൂണ്

അനുഭിരൂപ കണക്ക്

ഒരു യൂ.പി. സ്കൂളിലെ ഏഴാം കൂണിൽ കൂട്ടുകളിൽ 25% പേരുകൾ എ ദ്രോഗിയും 45% പേരുകൾ ബി ദ്രോഗിയും 20% പേരുകൾ സി ദ്രോഗിയും ബാക്കിയുള്ളവർക്ക് ഡി ദ്രോഗിയും ഉള്ളിച്ചു. ഇക്കാര്യങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന വ്യത്യചിത്രം വരയ്ക്കണം.

ഓരോ ദ്രോഗിയും നേടിയവരെ സൂചിപ്പിക്കാൻ വ്യത്യത്തിൽ എത്ര ഭാഗം അടയാളപ്പെടുത്തണമെന്നും അതിന് ഏതെല്ലാം അളവുകളിൽ കോണുകൾ വരയ്ക്കണമെന്നും കണക്കംകാണാം.

എ ദ്രോഗി നേടിയവർ 25% ആണ്.

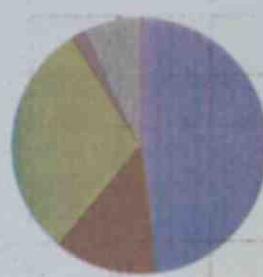
ഇവരെ സൂചിപ്പിക്കാൻ വ്യത്യത്തിൽ 25% ഉപയോഗിക്കണം.

$$360^\circ \times \frac{25}{100} = 90^\circ$$

പ്രാഥമിക ക്ലാസ്സ് വിനായകരം

ഒന്നാം വിനായകരം

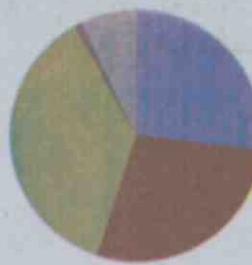
കേരള സംസ്ഥാന വൈദ്യുതിംഗ്രാമിയ് 2011-12-ൽ മിത്രണം നടത്തിയ വൈദ്യുതിയെ സംബന്ധിച്ച് വിവരങ്ങളാണ് ഈ വ്യത്യചിത്രത്തിൽ.



- ഗ്രേഡ് ഇംഗ്രാമി
- കാപ്പാസിറ്റിപ്പാജാസ്റ്റ്
- വ്യവസായ സഹായാജാസ്റ്റ്
- കാർബൺ
- മൃഗാഹ്നവ്

ഈ ചിത്രത്തിൽ നിന്നും എത്രെല്ലാം മനസ്സിലാക്കാൻ കഴിയും?

2011-12ലെ വൈദ്യുതി വിതരണത്തിലൂടെയുള്ള വരുമാനത്തെ സംബന്ധിച്ച് വിവരങ്ങളാണ് ഈ വ്യത്യചിത്രത്തിൽ.



- ഗ്രേഡ് ഇംഗ്രാമി
- കാപ്പാസിറ്റിപ്പാജാസ്റ്റ്
- വ്യവസായ സഹായാജാസ്റ്റ്
- കാർബൺ
- മൃഗാഹ്നവ്

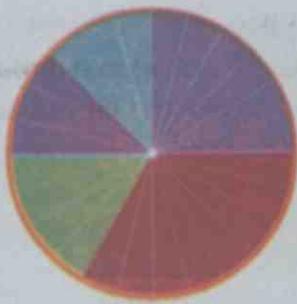
ഈ ചിത്രത്തിൽ നിന്നും എത്രെല്ലാം കാര്യങ്ങൾ മനസ്സിലാക്കാൻ കഴിയും?

രണ്ട് വ്യത്യചിത്രങ്ങൾ എത്രയും താരതമ്യം ചെയ്യുക?

ബി ദ്രവ്യം എടുത്തവർ 45%

$$\text{കൊണ്ടിരുന്ന അളവ്} = 360 \times \frac{45}{100} = 162^\circ$$

ഇതുപോലെ സി, ഡി ദ്രവ്യങ്ങാരെ സൂചിപ്പിക്കാൻ വരുത്തുന്ന കൊണ്ടിരുന്ന അളവു കണക്കാക്കി വൃത്തചിത്രം പൂർത്തിയാക്കാമെല്ലാ.



വൃത്തചിത്രം 24 സൗജന്യങ്ങളാക്കിയിരിക്കുന്നു.
കരു ഭാഗം = 1 മണിക്കൂറ്.

വിവിധ നിംഖേ ഭീലുള്ള ഭാഗങ്ങൾ എന്തൊക്കെ സൂചിപ്പിക്കുന്നു എന്ന് ചുവടെ കൊടുത്തിരുന്നു.

- സ്കൂളിൽ
- ദുർഘടം
- പരിസ്ഥിതി
- കളി/വ്യാഖ്യാനം
- ശ്രദ്ധാലു

ഈ വിവരങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു ചതുര ചിത്രം വരയ്ക്കാംമാ?



നിങ്ങളുടെ സ്കൂളിലെയും കൂസിലെയും ഇത്തരം വിവരങ്ങൾ ശേഖരിച്ച് വൃത്തചിത്രങ്ങൾ വരച്ച് ഗണിതലാഭിൽ പ്രാർഥിപ്പിക്കു.

ചുവടെയുള്ള വിവരങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന വൃത്തചിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കുക.

- സ്കൂൾ ക്രിക്കറ്റ് മത്സരത്തിരുന്ന ഫെഡറലിൽ രാമാനു ജൻ ഹരസും സി.വി. രാമൻ ഹരസും തമിലാൻ മത്സരിച്ചത്. ഓരോ ഹരസും നേടിയ റൺസിരുന്ന് വിശദം ശഞ്ചൾ ചുവടെ നൽകിയിരിക്കുന്നു. ഓരോ ഹരസിലെയും ഓരോരുത്തരും നേടിയ റൺസിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന വൃത്തചിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കുക.

സി.വി. ഓരോ ഫോർ	
ബാറ്റ്‌സ്മാൻ	റൺസ്
ജീന്സ്‌സ്	56
എബിൽ	35
സച്ചി	7
അംഗരൻ	21
മറുള്ളവർ	21
ആക്കെ	140

കാരാന്ത്രികൾ ഫോർ	
ബാറ്റ്‌സ്മാൻ	റൺസ്
അനന്ത്ര	72
തഹപില്	36
അലിലാഷ്ട്	18
മറുള്ളവർ	18
ആക്കെ	144



- സ്കൂൾ ലെബൻറിൽ ആകെ 1600 പുസ്തകങ്ങളുണ്ട്. അവയെ തരംതിച്ചുത് ഇപ്പോൾ മാറ്റാം.

കമ	- 320
കവിത	- 192
നോവൽ	- 384
വിജ്ഞാനപ്രദമായവ	- 544
ജീവചർത്രം	- 160

ഓരോ ഇനം പുസ്തകങ്ങളിൽനിന്നും എല്ലാത്തു സൂചിപ്പിക്കുന്ന വ്യത്യച്ചിത്രം വരയ്ക്കുക.

സ്കൂളിലെ 240 കുട്ടികളിൽ നടത്തിയ ഒരു സർഡി യിൽ ഓരോ ഇനം പുസ്തകങ്ങളും ഇഷ്ടപ്പെടുന്നവ തുടെ എല്ലാം കണ്ണഭ്രംബനി.

കമ	- 84
കവിത	- 36
നോവൽ	- 48
വിജ്ഞാനപ്രദമായവ	- 60
ജീവചർത്രം	- 12

ഇതിനെ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യച്ചിത്രം വരയ്ക്കുക.

മുകളിലെ രണ്ടു വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങളും താരതമ്യം ചെയ്യു.

കുട്ടികളുടെ താൽപര്യത്തിനുസരിച്ചാണോ ലെബൻ റിയിൽ പുസ്തകങ്ങൾ വാങ്ങിയിരിക്കുന്നത്?

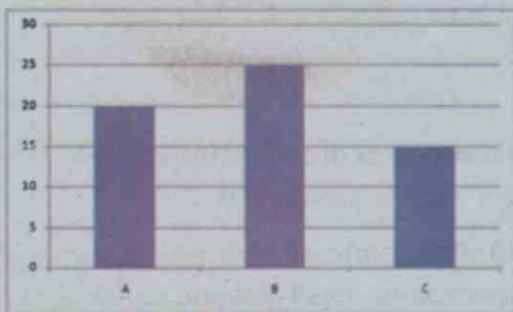
പ്രാഥകൾ



- പ്രത്യേകില്ലെങ്കിലും കാണുന്ന പിക്കംഡഗാർഡ്, ബാർഗാർഡ്, വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങൾ എന്നിവ ശബ്ദിക്കുക. അവ വിശകലനം ചെയ്ത് ഒരു താരതമ്യ പാനം നടത്തു.
- നിങ്ങളുടെ സ്കൂളിലെ ഓരോ സ്റ്റാസിലെയും കുട്ടികളുടെ എല്ലാം കാണിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യച്ചിത്രം കമ്പ്യൂട്ട് റിൽ തയ്യാറാക്കുക.

വ്യത്യച്ചിത്രങ്ങൾ

ഒരു സ്കൂളിലെ ഏഴാം സ്റ്റാസിൽ മുന്നു ഡിവി സ്കൂളിലൊരു പഠിക്കുന്ന പുസ്തകുട്ടികളുടെ എല്ലാം സൂചിപ്പിക്കുന്ന ചതുരച്ചിത്രങ്ങൾ ചൂചാം.



ഈ വിവരങ്ങൾ സൂചിപ്പിക്കുന്ന ഒരു വ്യത്യച്ചിത്രം വരയ്ക്കുക.

തിരിക്കണ്ടുനോക്കാൻവായ്



വാനംനട്ടുവായി	എനിക്ക് കഴിയും	സീഫോട്ട് സഹായത്തോട് കഴിയും	ഇനിയും മെച്ചപ്പെട്ട ശാന്തി
• വ്യത്യപിത്രങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് സൂചിപ്പിക്കുന്ന വിവരങ്ങളെ വിശദീകരിക്കുകയും വ്യാവ്യാമിക്കുകയും ചെയ്യുന്നു.			
• തന്റിൽക്കുന്ന വിവരങ്ങൾ ഉപയോഗിച്ച് വ്യത്യപിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നു.			
• വ്യത്യപിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നതിന് തന്റിൽക്കുന്ന വിവരങ്ങൾക്കു നുസരിച്ച് വ്യത്യത്തെ ഓഗ്രസ്സുകുന്നതിനുള്ള മിതി വിശദീകരിക്കുന്നു.			
• വ്യത്യപിത്രങ്ങൾ വരയ്ക്കുന്നതിന് ഐ.ടി സാധ്യതകൾ ഉപയോഗിക്കുന്നു.			

പ്രസ്താവിക (Glossary)

രൈറീയജോടി (Linear pair)	പൂർണ്ണവർഗങ്ങൾ (Perfect squares)
സമാന്തരവരകൾ (Parallel lines)	സമചതുരസംഖ്യകൾ (Square numbers)
സാമാന്തരികം (Parallelogram)	ത്രികോണസംഖ്യകൾ (Triangular numbers)
സമാനകോണുകൾ (Corresponding angles)	അംഗത്വക (Digital root)
മറുകോണുകൾ (Alternate angles)	വേഗം (Speed)
ആന്തരസഹകോണുകൾ Co-interior angles)	ശരാശരിവേഗം (Average speed)
ബാഹ്യസഹകോണുകൾ (Co-exterior angles)	വൃത്തം (Circle)
ചതുരം (Rectangle)	അളംശബന്ധം (Ratio)
ത്രികോണം (Triangle)	ലാഭം (Profit)
ലംബം (Perpendicular)	നഷ്ടം (Loss)
കോൺ (Angle)	പലിശ (Interest)
ഘംബുകം (Trapezium)	കർണ്ണം (Hypotenuse)
ബീജഗണിതം (Algebra)	ന്യൂനസംഖ്യകൾ (Negative numbers)
കൃതികരണം (Exponentiation)	അധിസംഖ്യകൾ (Positive numbers)
അനുലസംഖ്യകൾ (Perfect numbers)	വൃത്തചിത്രം (Pie diagram)
ഫടകങ്ങൾ (Factors)	വര (Line)
പരപ്പളവ് (Area)	ബിന്ദു (Point)
മട്ടികോണം (Right angled triangle)	വരം (Side)
വർഗം (Square)	മടങ്കോൺ (Right angle)
വർഗമുലം (Square root)	സമചതുരം (Square)
	മടം (Set square)



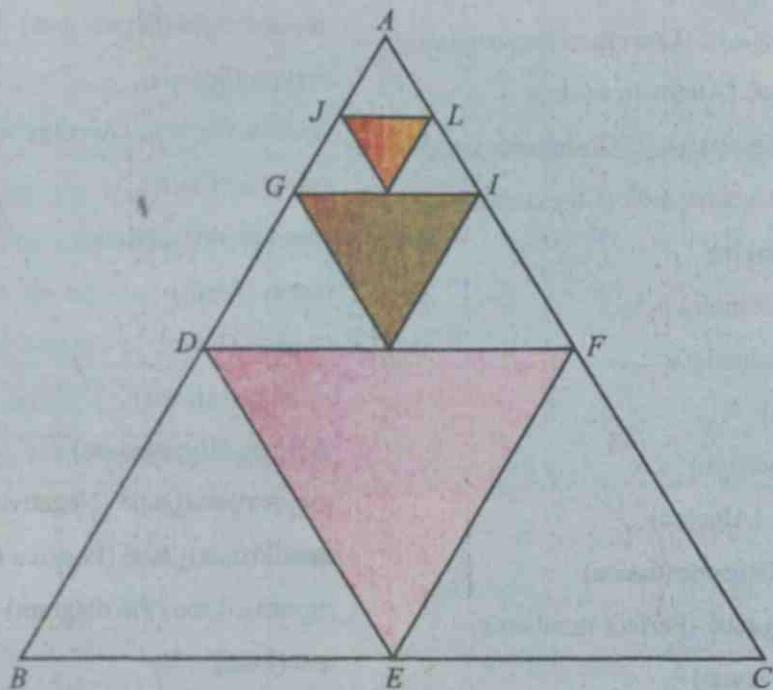
നാലുകൾ പരിഗണിക്കുക

1. വിലംബികൾ AB, BC, AC ദ്വാരാ തയ്യാറാക്കുന്ന ദിശകളിൽ D, E, F ,

AD, DF, AF എന്നിവയുടെ തയ്യാറാക്കുന്ന ദിശകളിൽ G, H, I ,

AG, GI, AI എന്നിവയുടെ തയ്യാറാക്കുന്ന J, K, L .

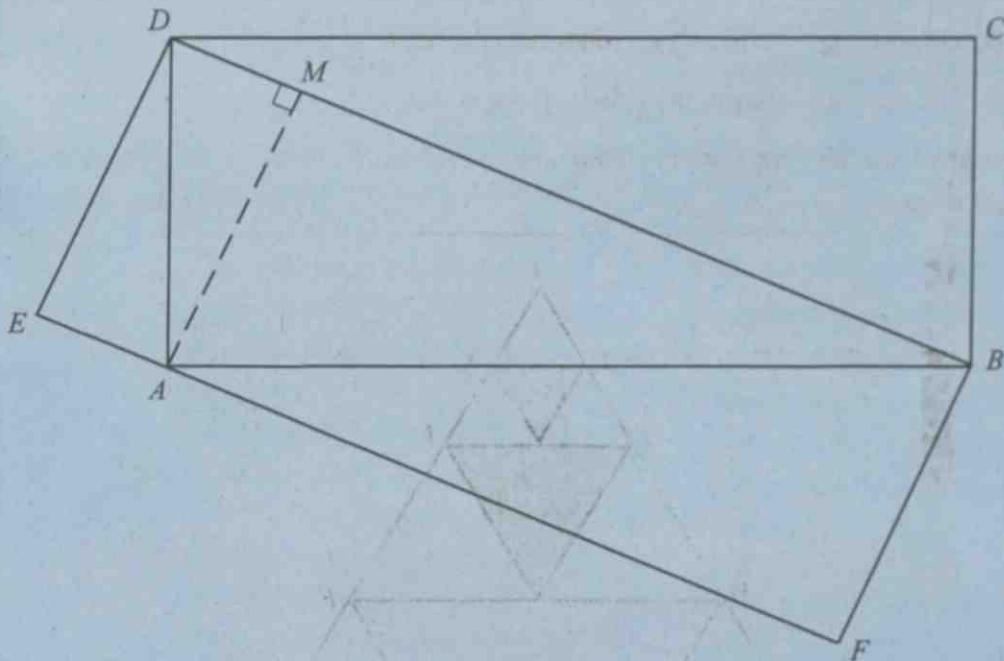
ഈ ചോദ്യം മൊത്തമായുള്ള ഒറ്റപ്പാറിലെ ത്രിഭുജം 21 വരുത്താം. ത്രിഭുജം $\triangle ABC$ ആശ വരുത്താൻ ഏത്?



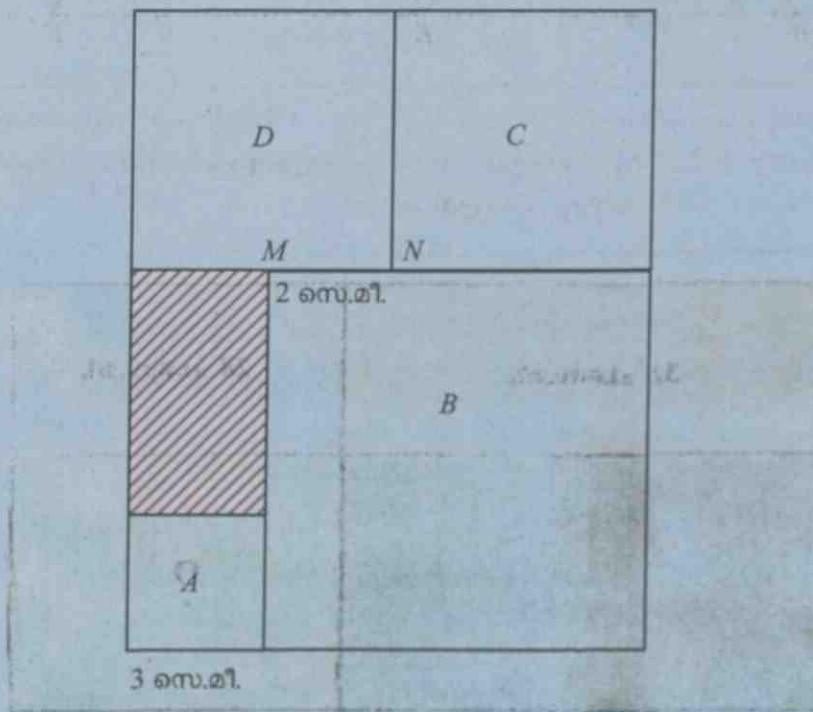
2. വിലംബികൾ ഒരു വരീതി വരുത്താം. ഒരു വരീതി വരുത്താം.

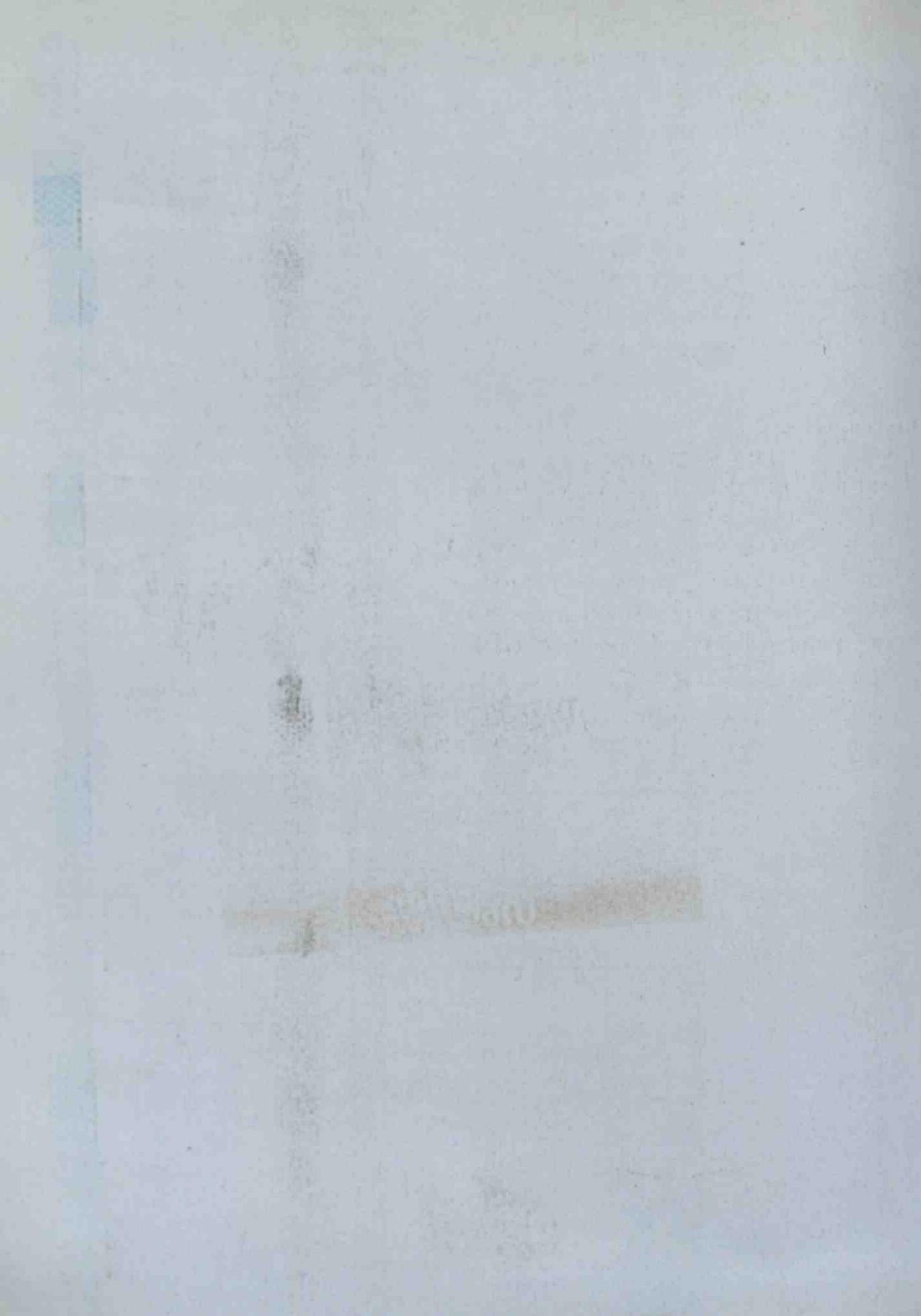


3. പിത്തറാറിൽ $ABCD$; $BDEF$ എന്നിവ ഒരു ചതുരങ്ങളാണ്. $ABCD$ ഏറ്റ ചതുരങ്ങിലെ പരപ്പളവ് 50 ച.സെ.മീ. ആണ്. $BDEF$ ഏറ്റ ചതുരങ്ങിലെ പരപ്പളവ് എത്ര?



4. പിത്തറാറിൽ A, B, C, D എന്നിവ സമചതുരങ്ങളാണ്. A യുടെ ഒരു വരം 3 സെന്റീമീറ്റർ ഇം, $MN = 20$ സെന്റീമീറ്ററിലും ആയാൽ ഒക്കയ്ക്ക് ചെയ്ത ചതുരങ്ങിലെ പരപ്പളവ്, വലിയ ചതുരത്തിന്റെ പരപ്പളവിന്റെ എത്ര ശാഖമാണ്?





കുട്ടികളുടെ അവകാശങ്ങൾ

സ്വിഭാഗത്ത് കുട്ടികളേ.

നിഞ്ചന്തക്കുള്ള അവകാശങ്ങളുടെയോര് അവിഭാഗത്തിലോ അവകാശങ്ങളുടെ അവിഭാഗത്തിലോ നിഞ്ചന്തക്കുള്ള സംരക്ഷണം, സംബന്ധപ്രവർത്തി എന്നിവ ഇ സാക്കാൻ പ്രശ്നാഭ്യം പ്രചാരണാഭ്യം നൽകും, നിഞ്ചന്തക്കുള്ള അവകാശങ്ങൾ സംരക്ഷിക്കാൻ ലഭ്യാശ ഒരു ദിവിശാസ്ത്ര പ്രവർത്തനമാക്കുന്നുണ്ട്, കേരള സംസ്ഥാന ഡാലാ വകാദശം രക്ഷണ കമ്മീഷൻ ഏറ്റൊബ്ദീ അതിന്റെ പേര്, ഏരോളാബാബാൻ നിഞ്ചന്തക്കുള്ള അവകാശങ്ങൾ ഏറ്റൊരു സൗകാര്യം.

- സംസാരത്തിനും ആശയപ്രകടനത്തി നുമുള്ള സ്വാത്രന്ത്ര്യം
- ജീവഗ്രേയും വ്യക്തിസ്വാത്രന്ത്ര്യത്തിന്റെയും സംരക്ഷണം
- അതിജീവനത്തിനും പൂർണ്ണവികാസത്തിനു മുള്ള അവകാശം
- ജാതി-മത-വർഗ-വർണ്ണ ചിന്തകൾക്കു തീരുമായി ബഹുമാനിക്കപ്പെടാനും അംഗീകരിക്കപ്പെടാനുമുള്ള അവകാശം
- മനസ്സിക്കവും ശാരീരികവും ലൈംഗികവും മായ പരിധിക്കളിൽ നിന്നുമുള്ള സംരക്ഷണത്തിനും പരിചരണത്തിനുമുള്ള അവകാശം
- പകാളിത്തത്തിനുമുള്ള അവകാശം
- ബാലവേലയിൽനിന്നും ആപത്കരമായ ജോലികളിൽ നിന്നുമുള്ള മോചനം
- ശൈശവവിവാഹത്തിൽനിന്നുമുള്ള സംരക്ഷണം
- സ്വന്തം സംസ്കാരം അറിയുന്നതിനും അതനുസരിച്ച് ജീവിക്കുന്നതിനുമുള്ള സ്വാത്രന്ത്ര്യം
- അവഗണനകളിൽ നിന്നുമുള്ള സംരക്ഷണം
- സഖന്ത്രവും നിർബന്ധിതവുമായ വിദ്യാഭ്യാസ അവകാശം
- കളിക്കാനും പരിക്കാനുമുള്ള അവകാശം
- സ്വന്തഹിതവും സുരക്ഷയും നൽകുന്ന കുട്ടാശവും സമ്പര്കവും ലഭ്യമാക്കാനുമുള്ള അവകാശം

നിഞ്ചന്ത ചില ഉദ്ദേശ്യങ്ങൾ

- സ്കൂൾ, പാതുസംബന്ധിക്കുന്നവരുടെ ഏറ്റവും നശിപ്പിക്കാതെ സംരക്ഷിക്കുക.
- സ്കൂളിലും പഠനപ്രവർത്തനങ്ങളിലും കൃത്യനിക്ഷം പാലിക്കുക.
- സ്കൂൾ അധികാരികളെയും അധ്യാപകരെയും മാതാപിതാക്കളെയും സഹായാർക്കുകയും അംഗീകരിക്കുകയും ചെയ്യുക.
- ജാതി-മത-വർഗ-വർണ്ണ ചിന്തകൾക്കു തൊട്ടിരിക്കുന്ന മറുളുവരെ ബഹുമാനിക്കുകയും അംഗീകരിക്കാനും സന്നദ്ധരാവുക.



രജാധാനാട് വിലാസഃ:

കേരള സംസ്ഥാന ബാലാവകാശസംരക്ഷണ കമ്മീഷൻ

‘ശ്രീ ഗണഥ്’, റീ.സി. 14/2036, വാർഡം ഓർഡൻ,

കേരള യൂണിഫേഴ്സിറ്റി പി.ഈ, തിരുവനന്തപുരം-34, ഫോൺ: 0471-2326603

ഇ-മെയിൽ: childrights.cpcr@kerala.gov.in, rte.cpcr@kerala.gov.in

വെബ്സൈറ്റ്: www.kescpcr.kerala.gov.in

ബഹരിയെ ഫോറ്റോഫോൺ - 1098, എക്സ് ഫോറ്റോഫോൺ - 1090, ടെല്ലിഫോൺ - 1800 425 1400

കേരള പ്രാവിന് ഫോറ്റോഫോൺ - 0471 - 3243000/44000/45000



**State Council of Educational
Research & Training (SCERT)**
Vidyabhavan, Poojappura, Thiruvananthapuram,
Kerala - 695 012 Website www.scert.kerala.gov.in
e-mail scertkerala@gmail.com



Printed by the Managing Director
Kerala Books and Publications Society
(An Undertaking of the Government of Kerala)
Kakkanad, Kochi-682 030